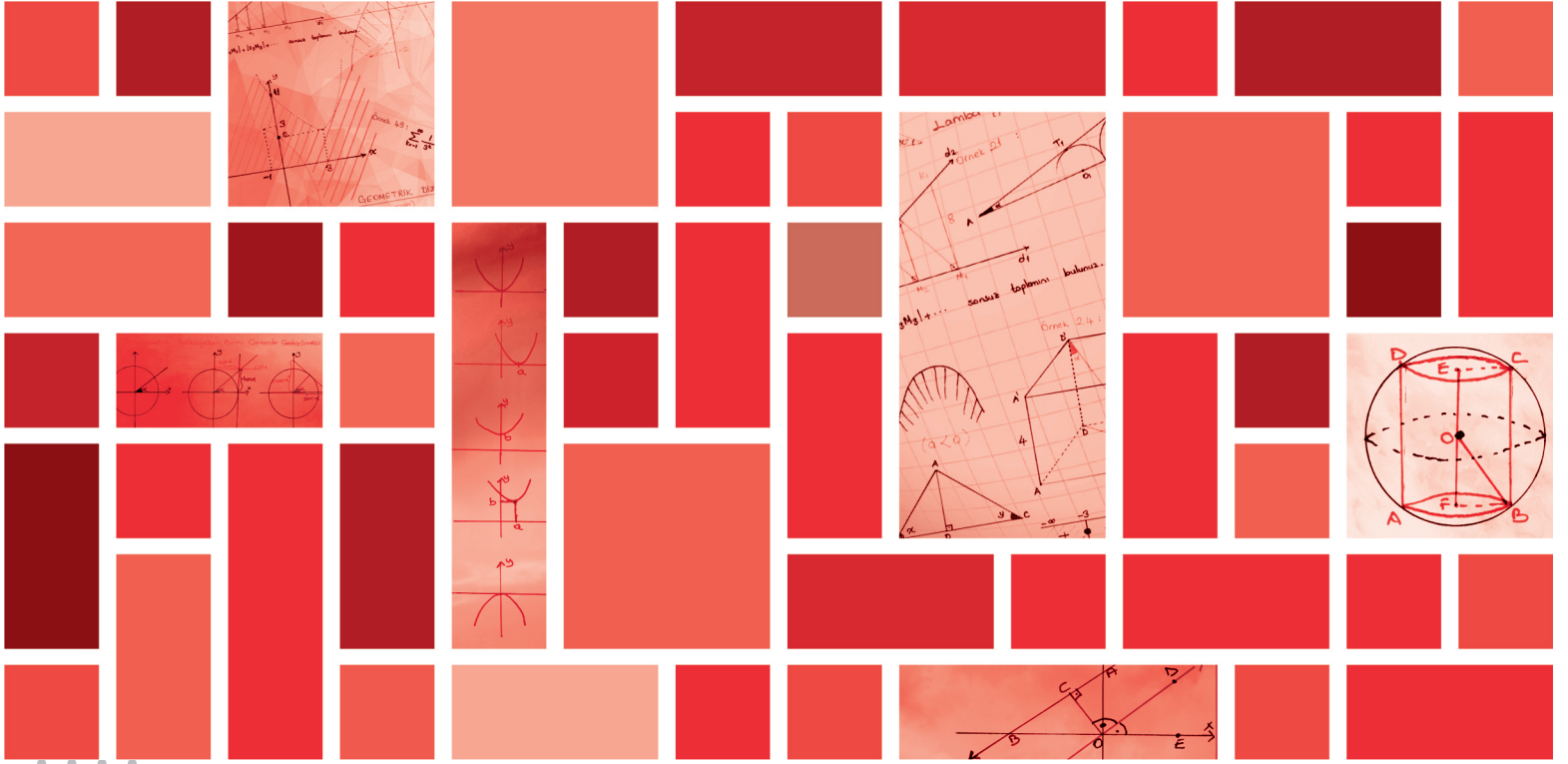


# 11 Matematik



İsmail Değirmenci



*Başarılar*



**Kitabın Adı:**

11. Sınıf Matematik Kitabı

**Yazar:**

İsmail DEĞİRMENCİ

2. Baskı Haziran 2020 / ISBN: 978-605-9449-20-5

**Yayın ve Dağıtım:**

Pandül Yayın Basım Dağıtım Ltd. Şti.

**Tel:** 312. 223 30 92 **Faks:** 312. 215 61 80

Mimar Sinan Mah. İncesu Cad. No:120/B Çankaya/ANKARA

Yayıncı Sertifika No: 34436

**Baskı:**

Tekses Matbaacılık Ltd. Şti.

Kazım Karabekir Cad. Kültür İşhanı No:7/60 Altındağ/ANKARA

Matbaa Sertifika No: 44186

**Yayın Hakları:**

© Pandül Yayın Basım Dağıtım Ltd. Şti.

Bu eserin bütün hakları saklıdır. Yayınevinden yazılı izin alınmadan kısmen veya tamamen alıntı yapılamaz, kopya edilemez, çoğaltılamaz ve yayımlanamaz.

11. Sınıf Matematik Kitabı'nda konular kazanımlara uygun olarak hücrelere ayrılmıştır. Konular bol miktarda çeşitli sorularla desteklenmiştir.

Sınıfıçi uygulamalarına uygun olması amacı ile soruların çözümleri öğretmenlerimize bırakılmıştır. Bölüm sonlarındaki ev ödevleri ile öğrencilerimize öğrendiklerini uygulama imkanı sunulmuştur.

Sevgili meslektaşlarımıza ve öğrencilerimize faydalı olması dileğimle...

İsmail DEĞİRMENÇİ

## İÇİNDEKİLER

### ÜNİTE-1-TRİGONOMETRİ

Yönlü Açılar . . . . .	6
Radyan . . . . .	7
Derece-Radyan İlişkisi . . . . .	7
Esas Ölçü . . . . .	9
Trigonometrik Fonksiyonlar . . . . .	10
Birim Çember . . . . .	23
Trigonometrik Fonksiyonların Birim Çemberde Gösterilmesi . . . . .	28
İndirgeme . . . . .	31
Kosinüs Teoremi . . . . .	38
Sinüs Teoremi . . . . .	40
Periyod . . . . .	45
Sinüs Fonksiyonunun Grafiği . . . . .	46
Kosinüs Fonksiyonunun Grafiği . . . . .	48
Panjant ve Kotanjant Fonksiyonunun Grafiği . . . . .	50
Pers Trigonometrik Fonksiyonlar . . . . .	51

### ÜNİTE-2-ANALİTİK GEOMETRİ

Doğrunun Analitik İncelenmesi . . . . .	57
Orta Nokta, İçten ve Dıştan Bölen . . . . .	66
Eğim . . . . .	75
İki Doğrunun Birbirine Göre Durumu . . . . .	87

## ÜNİTE - 3 - FONKSİYONLARDA UYGULAMALAR

Fonksiyonun Pozitif ve Negatif Olduğu Aralık . . . . .	91
Fonksiyonların Artan ve Azalanlığı . . . . .	95
Parabol . . . . .	101
Tek Fonksiyon - Çift Fonksiyon . . . . .	114

## ÜNİTE - 4 - 2. DERECEDEN 2 BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER

2. Dereceden 2 Bilinmeyenli Denklemler . . . . .	113
2. Dereceden Denklemlerin Kökleri Arasındaki İlişkiler . . . . .	129
Eşitsizlik Sistemleri . . . . .	131
2. Dereceden Eşitsizliklerin Grafiği . . . . .	132

## ÜNİTE - 5 - ÇEMBERİN TEMEL ELEMANLARI

Çemberin Temel Elemanları . . . . .	133
Çemberde Açı . . . . .	143
Çemberde Merkezün Özellikleri . . . . .	154

## ÜNİTE - 6 - KATI CİSİMLER

Piramitler . . . . .	165
Koni . . . . .	179

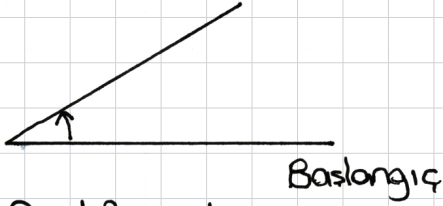
## ÜNİTE - 7 - BAĞIMSIZ OLAY

Bağımsız Olay . . . . .	183
Koşullu Olasılık . . . . .	200
Cevap Anahtarları . . . . .	205

# ÜNİTE 1

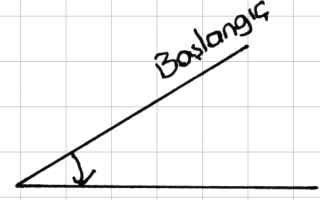
## TRİGONOMETRİ

### ✓ Yönlü Açılar :



Pozitif yönlü açı  
(+)

(Saat yönünün tersi pozitif yöndür.)



Negatif yönlü açı  
(-)

(Saat yönü negatif yöndür.)

**Derece :** Çemberin 360 eş parçasının her birine derece denir.

$$1^{\circ} = 60' \quad (1 \text{ derece } 60 \text{ dakikadır})$$

$$1' = 60'' \quad (1 \text{ dakika } 60 \text{ saniyedir})$$

**Örnek 1** 18880 saniyelik açıyı

derece dakika saniye cinsinden yazınız.

**Çözüm**

**Örnek 2**  $40^{\circ} 36' 43''$

$$+ \underline{24^{\circ} 32' 25''}$$

işlemini yapınız

**Çözüm**

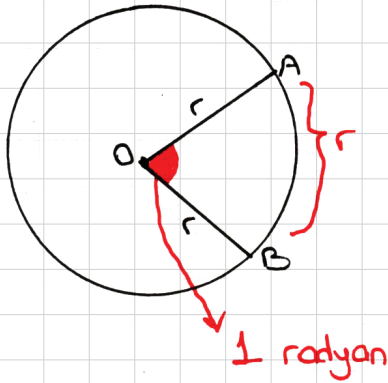
Örnek 3 ABC üçgeninde

Çözüm

$$m(\hat{A}) = 24^{\circ} 43' 25'' , m(\hat{B}) = 85^{\circ} 24' 16''$$

okluğuna göre C açısının ölçüsünü bulunuz.

► **Radyan**: Bir çemberde yarıçap uzunluğundaki bir yayı gören merkez açının ölçüsüne 1 radyan denir.



$$|AB| = r$$

► **Derece - Radyan ilişkisi**:

$$\frac{D}{360} = \frac{R}{2\pi} \text{ dir. Sadeleştirme yapıldığında}$$

$$\boxed{\frac{D}{180} = \frac{R}{\pi}}$$

Örnek 4 60 dereceyi radyan

Çözüm

türünden yazınız.

Örnek 5 135 dereceyi radyan

Çözüm

türünden yazınız.

Örnek 6  $\frac{3\pi}{5}$  radyanı derece

Çözüm

türünden yazınız.

Örnek 7  $\frac{5\pi}{3}$  radyanı derece

Çözüm

türünden yazınız.



## ► Esas Ölçü :

Derece türünden verilen açının 360 ile bölümünden kalan, radyan türünden verilen açının  $2\pi$  ile bölümünden kalan esas ölçüyü verir.

Açı derece ise esas ölçü  $[0, 360)$  aralığında,

Açı radyan ise esas ölçü  $[0, 2\pi)$  aralığındadır.

**Örnek 8**  $1470^\circ$ 'nin esas ölçüsünü

bulunuz.

**Çözüm**

**Örnek 9**  $-1880$  derecenin esas

ölçüsünü bulunuz.

**Çözüm**

**Örnek 10**  $\frac{73\pi}{5}$  radyanın esas

ölçüsünü bulunuz.

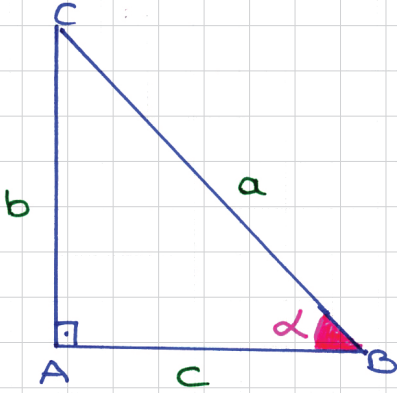
**Çözüm**

Örnek 11  $\frac{42\pi}{8}$  radyanın esas

Çözüm

öküsünü bulunuz.

## TRİGONOMETRİK FONKSİYONLAR



$$\sin \alpha = \frac{\text{karsı dik kenar}}{\text{hipotenüs}} = \frac{b}{a}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{komsu dik kenar}}{\text{hipotenüs}} = \frac{c}{a}$$

$$\tan \alpha = \frac{\text{karsı dik kenar}}{\text{komsu dik kenar}} = \frac{b}{c} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\cot \alpha = \frac{\text{komsu dik kenar}}{\text{karsı dik kenar}} = \frac{c}{b} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\tan \alpha \cdot \cot \alpha = 1$$

$$\sec \alpha = \frac{1}{\cos \alpha}$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\cot \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$\operatorname{cosec} \alpha = \frac{1}{\sin \alpha}$$



Birbirini  $90^\circ$  ye tamamlayan açılarda, sinüsleri cosinüslere ;  
tanjantları cotanjantlarına eşittir.

Örnek 12

$$\frac{\sin 20^\circ}{\cos 70^\circ} + \frac{\tan 15^\circ}{\cot 75^\circ}$$

işleminin sonucunu bulunuz.

Çözüm

Örnek 13  $x$  dar açısı,  $\tan x = \frac{3}{4}$

olduğuna göre  $\cos x$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 14  $x$  dar açısı,  $\sin x = \frac{2}{3}$

olduğuna göre  $\cot x$  kaçtır?

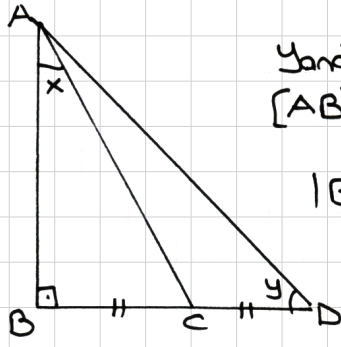
Çözüm

Örnek 15  $x$  dar açısı,  $\cot x = 2$

olduğuna göre  $\cos x$  kaçtır?

Çözüm

### Örnek 16



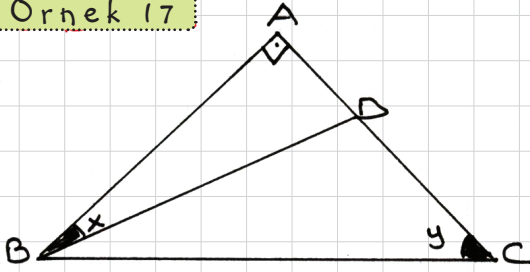
Yandaki üçgende  
[AB]  $\perp$  [BD]

|BC| = |CD|  
olduğuna göre

$\tan x \cdot \tan y$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 17

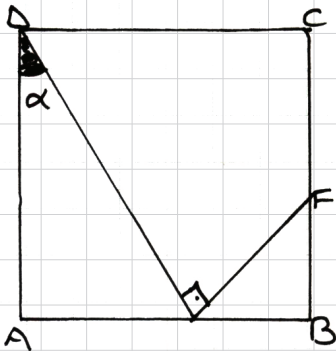


Yukarıdaki üçgende [BA]  $\perp$  [AC]

2. |AD| = |DC| olduğuna göre  
 $\cot x \cdot \cot y$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 18



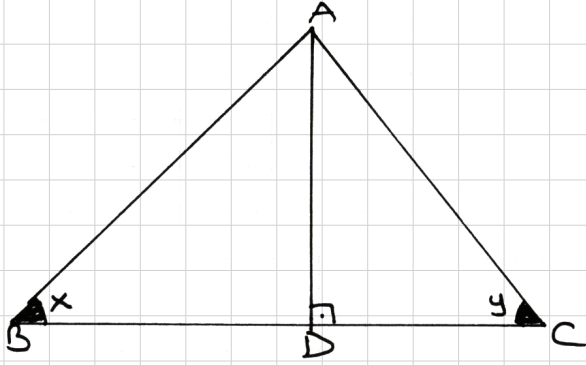
ABCD kare

3. |BF| = 2|EB|, [DE]  $\perp$  [EF]

olduğuna göre  $\tan \alpha = ?$

### Çözüm

Örnek 19



ABC üçgeninde

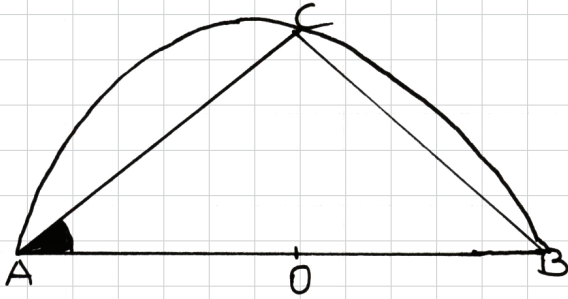
$$[AD] \perp [BC]$$

$$|AD|=4, |BC|=8$$

$\cot x + \cot y$  toplamı kaçtır?

Çözüm

Örnek 20



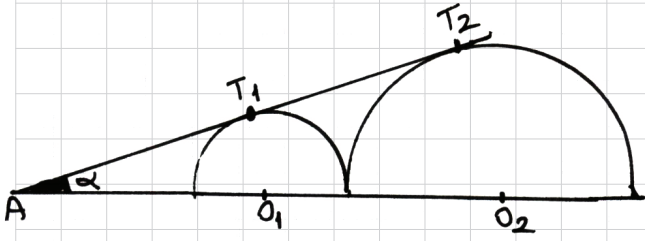
O merkezli yarım çember veriliyor.

$$|OB|=5, |AC|=8 \text{ olduğuna}$$

göre  $\tan(\widehat{CAB})$  kaçtır?

Çözüm

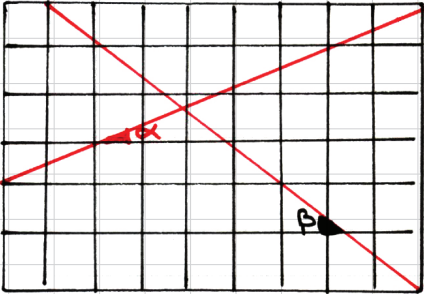
### Örnek 21



$O_1$  ve  $O_2$  yarımların merkezidir.  $O_1$  merkezli çemberin yarıçapı  $2r$ ,  $O_2$  merkezli çemberin yarıçapı  $4r$  olduğuna göre  $\sin \alpha$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 22



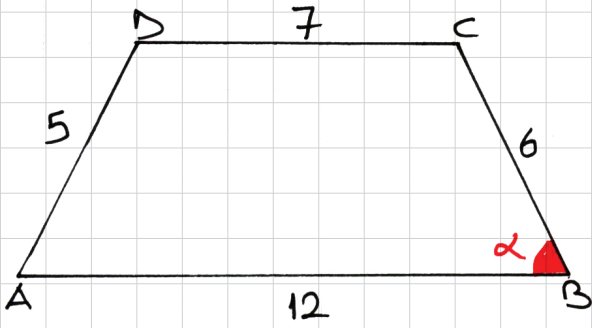
Şekilde birim eskareler veriliyor.

Buna göre

$\tan \alpha$  ve  $\cot \beta$  kaçtır?

### Çözüm

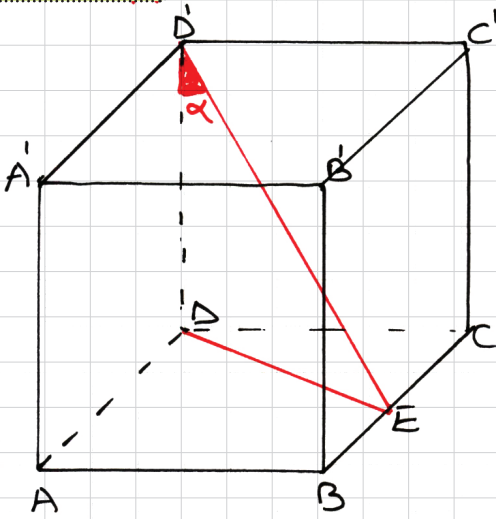
Ornek 23



ABCD yamuk olduğuna göre  $\cos \alpha$  kaçtır?

Çözüm

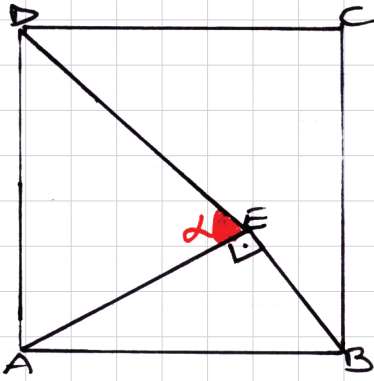
Ornek 24



Yukarıdaki küpte  $|BE|=1$ ,  $|EC|=3$  olduğuna göre  $\cos \alpha$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 25

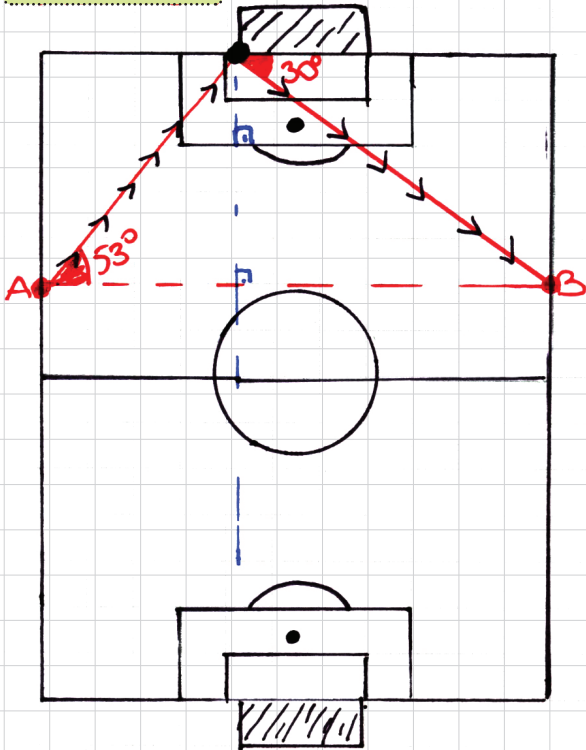


ABCD kare,  $|DC|=5$ ,  $|EB|=3$  ise

$\tan \alpha = ?$

Çözüm

Örnek 26



Çözüm

A noktasından kaleye şut geçen  
futbokunun şutu direktten dönerek  
B noktasındaki futbokuya gelmektedir.

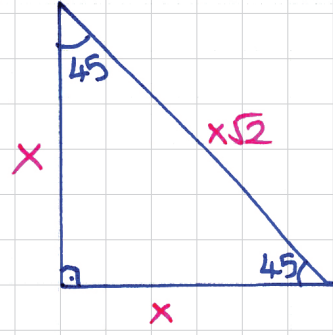
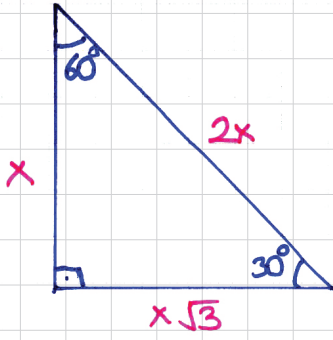
A noktası ile topun direğe değdiği  
nokta arasındaki mesafe 25 m dir.

Buna göre A ile B arasındaki mesafe  
kaç metredir. ( $\tan 37^\circ \approx 3/4$ )





## Hatırlatma:



$30^\circ$ ,  $45^\circ$  ve  $60^\circ$  nin trigonometrik değerlerini bu üçgenleri kullanarak bulabiliriz.

$$\sin 30^\circ =$$

$$\cos 30^\circ =$$

$$\sin 45^\circ =$$

$$\cos 45^\circ =$$

$$\sin 60^\circ =$$

$$\cos 60^\circ =$$

$$\tan 30^\circ =$$

$$\cot 30^\circ =$$

$$\tan 45^\circ =$$

$$\cot 45^\circ =$$

$$\tan 60^\circ =$$

$$\cot 60^\circ =$$

## ÖDEV 1

1) 15275 saniyelik açıyı, derece dakika saniye cinsinden yazınız.

2)  $25^{\circ} 43' 55''$  işleminin sonucunu bulunuz.  
 $+ 49^{\circ} 14' 53''$

3)  $330^{\circ}$  yi radyan türünden yazınız.

4)  $\frac{7\pi}{6}$  radyanı derece cinsinden yazınız.

5)  $1590^{\circ}$  nin esas ölçüsünü bulunuz.

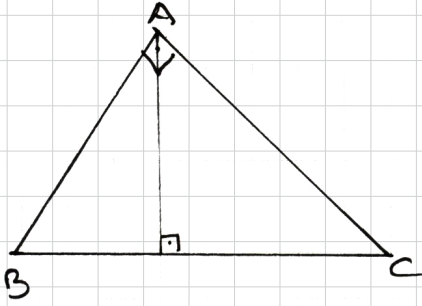
6)  $-\frac{83\pi}{7}$  nin esas ölçüsünü bulunuz.

7)  $x$  dar açı olmak üzere

$$\sin x = \frac{3}{4} \text{ ise } \tan x \text{ kaçtır?}$$

8)  $\frac{\sin 73^{\circ}}{\cos 17^{\circ}} + 2 \cdot \tan 12^{\circ} \cdot \tan 78^{\circ}$  işleminin sonucu kaçtır?

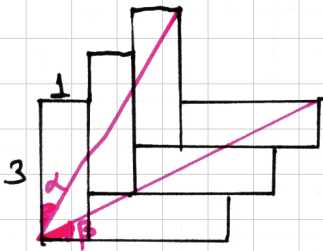
9)



$$|BC| = 1 \text{ ise}$$

$|AD|$  uzunluğunu bulunuz.

10)



Şekildeki dikdörtgenler eşittir.

$$\tan \alpha + \cot \beta = ?$$

## Sadeleştirme Soruları

Örnek 27

$\frac{\cos^2 x}{1 - \sin x}$  ifadesinin en sade  
seklini bulunuz.

Çözüm

Örnek 28

$\tan x \cdot \cos x$  ifadesinin en sade  
seklini bulunuz.

Çözüm

Örnek 29

$\frac{\sin^2 x}{1 - \cos x} + \frac{\sin^2 x}{1 + \cos x}$  ifadesinin en sade  
seklini bulunuz.

Çözüm

Örnek 30

$\frac{1}{\sin x} - \frac{\sin x}{1 + \cos x}$  ifadesinin en sade  
seklini bulunuz.

Çözüm

### Örnek 31

$$(\operatorname{cosec} x - \cot x)^2 \cdot \frac{1 + \cos x}{1 - \cos x}$$

ifadesinin en sade şeklini bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 32

$x$  dar açı,

$$\sqrt{\frac{1 + \cos x}{1 - \cos x}} - \sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}}$$

ifadesinin en sade şeklini bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 33

$$\frac{2 \cdot \sin x + 3 \cos x}{5 \cdot \sin x - \cos x} = \frac{2}{3} \quad \text{olduğuna}$$

göre  $\tan x$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 34

$$x = \sin \alpha - 1$$

$$y = \cos \alpha + 2$$

olmak üzere  $x$  ile  $y$  arasındaki  
bağıntıyı bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 35

$$a = \sin x$$

$$b = \cos x$$

olmak üzere,  $a^6 + 3a^2b^2 + b^6$  ifadesinin  
esitini bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 36

$x$  dar açı,

$$\sqrt{1+2 \cdot \sin x \cdot \cos x} = \frac{1}{3} \text{ ise,}$$

$\sin x + \cos x$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 37

$$\sin^2 1 + \sin^2 2 + \sin^2 3 + \dots + \sin^2 89$$

toplamını bulunuz.

### Çözüm

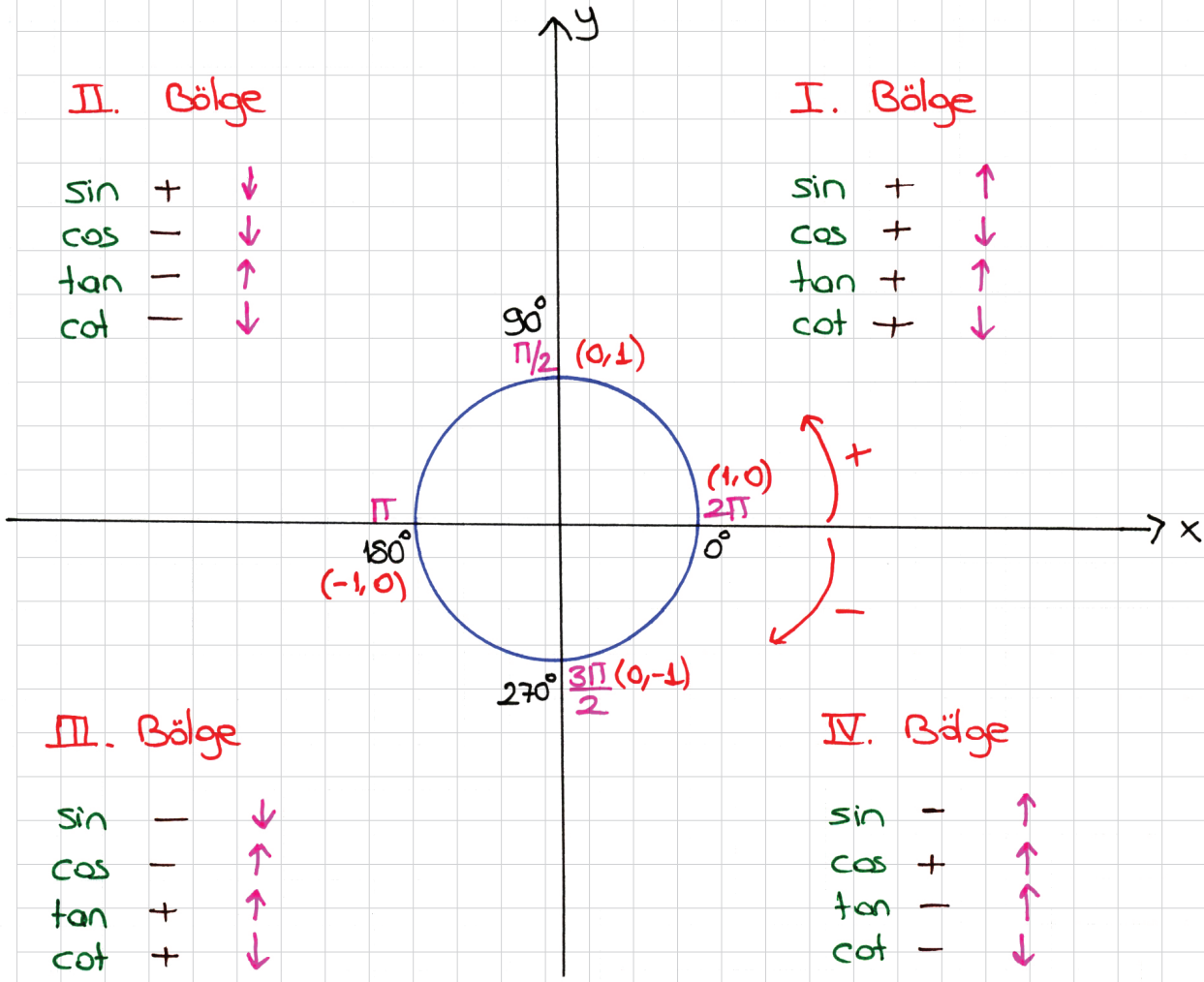
### Örnek 38

$$\cot 4 \cdot \cot 6 \cdot \cot 8 \cdot \cot 10 \cdot \dots \cdot \cot 86$$

çarpımını bulunuz.

### Çözüm

# BİRİM ÇEMBER



↑ : Acı değeri arttıkça fonksiyon değeri artar.

↓ : Acı değeri arttıkça fonksiyon değeri azalır.

➡ Birim çemberin denklemi ⇒  $x^2 + y^2 = 1$

➡  $-1 \leq \sin x \leq 1$

$-1 \leq \cos x \leq 1$

Sinüs ve cosinüs fonksiyonlarının alabileceği en küçük değer -1, en büyük değer 1 dir.

### Örnek 39

$$(a-2)x^2 + (b+1)y^2 = 1 \text{ denklemi}$$

birim çember belirttiğine göre  $a+b$  toplamı kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 40

$A\left(\frac{3}{5}, y\right)$  noktası, birim çember üzerinde ise  $y$ 'nin alabileceği pozitif değer kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 41

$A = 3 \cdot \sin x - 1$  olmak üzere  $A$ 'nın en büyük ve en küçük tamsayı değerlerini bulunuz.

### Çözüm



### Örnek 42

$A = 2 - 5 \cos x$  olmak üzere,  $A$ 'nın alabileceği en büyük ve en küçük tamsayı değerlerini bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 43

$$\begin{aligned} a &= \sin 135^\circ & c &= \tan 72^\circ \\ b &= \cos 220^\circ & d &= \cot 315^\circ \end{aligned}$$

trigonometrik ifadelerin işaretlerini bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 44

$$\left. \begin{aligned} a &= \sin 42^\circ \\ b &= \sin 73^\circ \\ c &= \sin 18^\circ \\ d &= \sin 34^\circ \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{Trigonometrik ifadeleri,} \\ \text{küçükten büyüğe} \\ \text{sıralayınız.} \end{array}$$

### Çözüm

### Örnek 45

$$\left. \begin{array}{l} a = \cos 6^\circ \\ b = \cos 52^\circ \\ c = \cos 53^\circ \\ d = \cos 23^\circ \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Trigonometrik ifadeleri} \\ \text{küçükten büyüğe} \\ \text{sıralayınız.} \end{array}$$

### Çözüm

### Örnek 46

$$\left. \begin{array}{l} a = \sin 20^\circ \\ b = \cos 40^\circ \\ c = \tan 46^\circ \\ d = \cot 15^\circ \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Trigonometrik ifadeleri} \\ \text{küçükten büyüğe} \\ \text{sıralayınız.} \end{array}$$

### Çözüm

### Örnek 47

$$\pi < a < b < \frac{3\pi}{2} \text{ olmak üzere}$$

şağıdakilerden hangisi ya da

hangileri doğrudur?

- I.  $\sin a < \sin b$
- II.  $\cos a < \cos b$
- III.  $\tan a < \tan b$
- IV.  $\cot a < \cot b$
- V.  $\tan a < \cos b$

### Çözüm

### Çözümlü Örnekler

$\frac{\pi}{2} < x < y < \pi$  olmak üzere,

aşağıdakilerden hangisi ya da

hangileri doğrudur?

I.  $\sin x < \sin y$

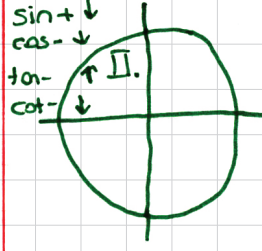
II.  $\cos x > \cos y$

III.  $\tan x < \tan y$

IV.  $\cot x < \cot y$

V.  $\tan x < \sin y$

### Çözüm



I. yanlış (2. bölgede açı arttıkça sinüs azalır)

II. doğru (Açı değeri arttıkça cos azalır)

III. doğru (Açı değeri arttıkça tanjant artar)

IV yanlış (Açı değeri arttıkça cot azalır)

V doğru (Tan (-) , sin (+))

### Örnek 48

$\pi < x < \frac{3\pi}{2}$  olmak üzere,  $\tan x = \frac{3}{4}$

ise  $\sin x + \cos x$  toplamı kaçtır?

### Çözüm

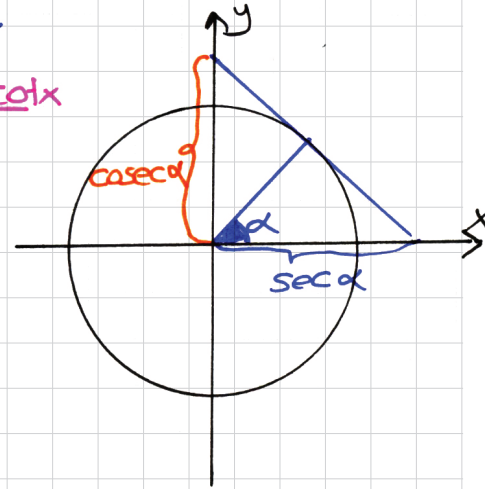
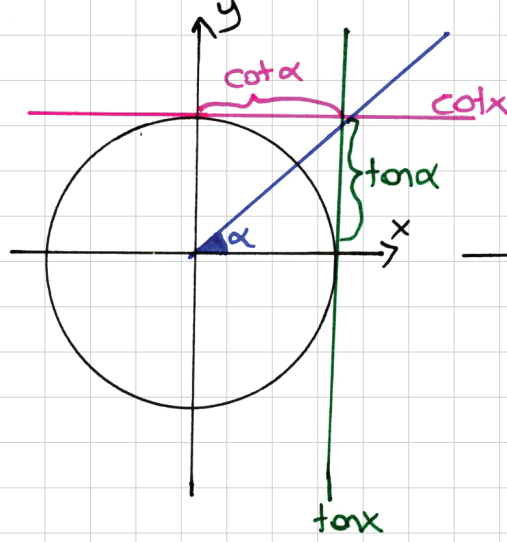
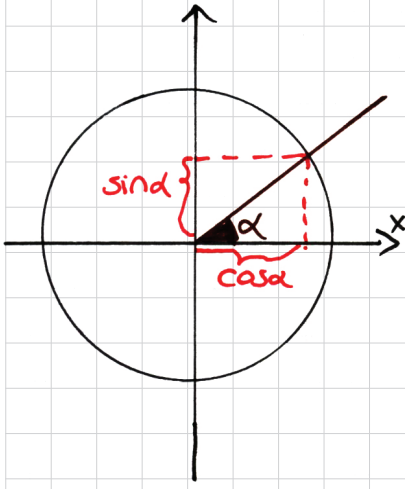
### Örnek 49

$\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$  olmak üzere,

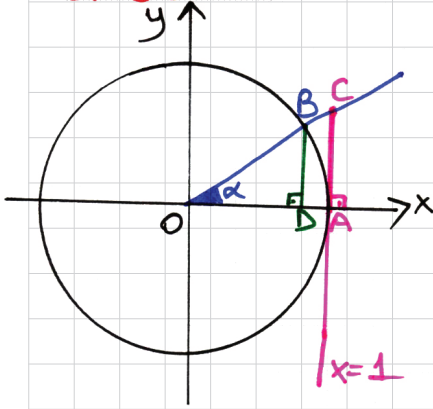
$\sin x = \frac{5}{13}$  ise  $\tan x + \cos x$  toplamı kaçtır?

### Çözüm

## Trigonometrik Fonksiyonların Birim Çemberde Gösterilmesi



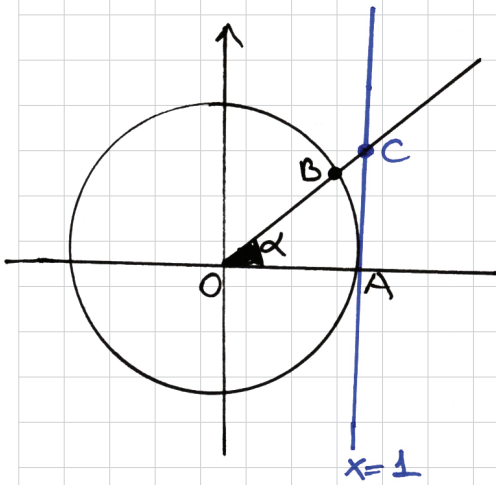
### Örnek 50



$|AD|$  uzunluğunu bulunuz.

### Çözüm

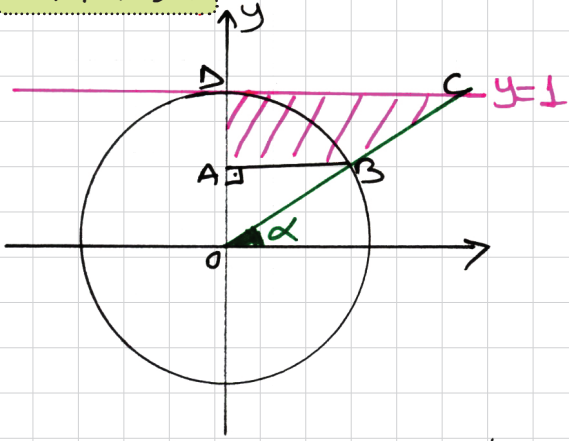
### Örnek 51



$|BC|$  uzunluğunu bulunuz.

### Çözüm

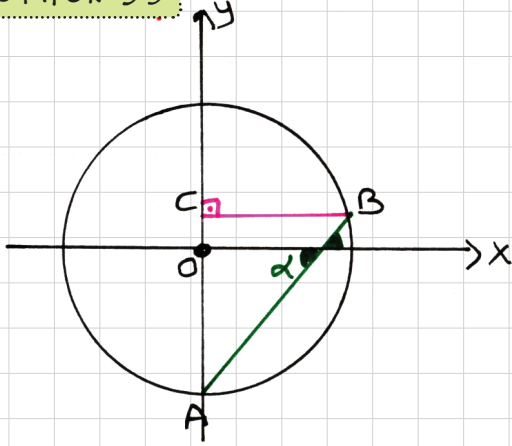
Örnek 52



ABCD dik yamugunun alanini bulunuz.

Çözüm

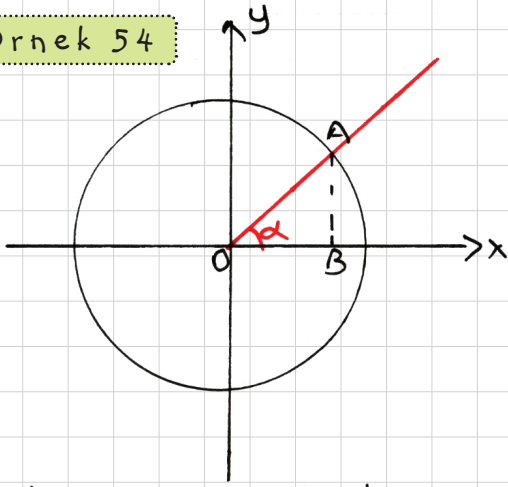
Örnek 53



Yukarıdaki birim çemberde |BC| kaçtır?

Çözüm

Örnek 54



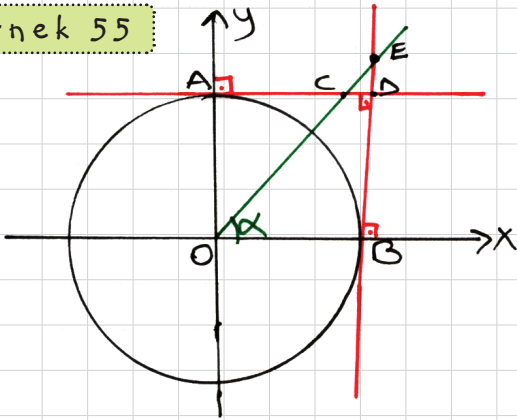
Verilen birim çemberde  

$$\frac{2 \cdot |AB| + 3 |OB|}{5 \cdot |AB| - |OB|} = \frac{2}{3}$$
 ise

$\tan \alpha = ?$

Çözüm

Örnek 55

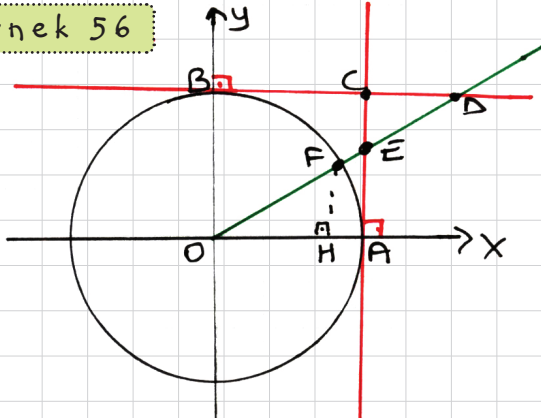


Verilen birim çemberde  

$$\frac{1}{1 - |EB|} + \frac{1}{1 - |AC|}$$
 ifadesinin esiti kaçtır ?

Çözüm

Örnek 56



Verilen birim çemberde  $|OH| + |FH| = m$ ,

$\frac{|FH|}{1 + |BD|} + \frac{|OH|}{1 + |AE|}$  ifadesinin  $m$  türünden eşitini bulunuz

Çözüm

# İNDİRGEME

Tüm açıları 1. bölgeye indirgeyerek işlem yapabiliriz.

$0^\circ \mp \alpha$ ,  $90^\circ \mp \alpha$ ,  $180^\circ \mp \alpha$ ,  $270^\circ \mp \alpha$  açıların trigonometrik değerlerin bulunusu:

1) İşaret bulunur. (Bölge bulunur)

2) İsim bulunur.



$0^\circ$  ve  $180^\circ$  de isim değişmez.

$90^\circ$  ve  $270^\circ$  de isim değişir.

( $\sin \leftrightarrow \cos$ )  
( $\tan \leftrightarrow \cot$ )

3)  $\alpha$  (açı) yazılır.

## Çözümlü Örnekler

$\sin 120^\circ$  kaçtır ?

## Çözüm

I. Yol  $\sin 120^\circ = \sin (180^\circ - 60^\circ)$

1) 2. bölgede sinüs (+)

2)  $180^\circ$  de isim değişmez

3) Açımız  $60^\circ$  dir

$$= + \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

II. Yol  $\sin 120^\circ = \sin (90^\circ + 30^\circ)$

1) 2. bölgede sinüs (+)

2)  $90^\circ$  de isim değişir.  $\sin \leftrightarrow \cos$

3) Açımız  $30^\circ$  dir.

$$= + \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$



$$\sin(-x) = -\sin x$$

$$\cos(-x) = \cos x$$

$$\tan(-x) = -\tan x$$

$$\cot(-x) = -\cot x$$

Örnek 57

Aşağıdaki ifadelerin eşitini bulunuz.

$$\sin 210^\circ =$$

$$\cos 330^\circ =$$

$$\tan 225^\circ =$$

$$\cot 150^\circ =$$

$$\sin 3720^\circ =$$

$$\cos 855^\circ =$$

$$\sin (-30^\circ) =$$

$$\cos (-140^\circ) =$$

$$\tan (-283^\circ) =$$

$$\cot (-140^\circ) =$$

$$\sin \left( \frac{\pi}{2} + \alpha \right) =$$

$$\cos \left( \frac{\pi}{2} + \alpha \right) =$$

$$\sin (\pi + \alpha) =$$

$$\sin (\pi - \alpha) =$$

$$\cos \left( \frac{3\pi}{2} + m \right) =$$

$$\cot \left( \frac{3\pi}{2} - t \right) =$$

$$\tan (\pi - a) =$$

$$\cos \left( \frac{17\pi}{2} + m \right) =$$

$$\sin \left( \frac{23\pi}{2} - k \right) =$$

$$\tan (57\pi + m) =$$

$$\cot (188\pi - \alpha) =$$

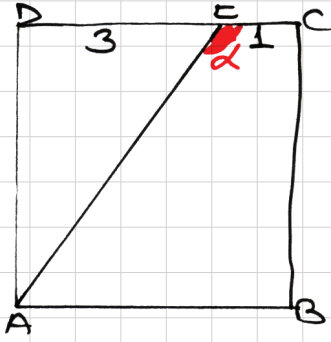
$$\sin (-\pi + \alpha) =$$

$$\cos \left( -\frac{3\pi}{2} + \alpha \right) =$$

$$\cot \left( -\frac{7\pi}{2} + m \right) =$$



Örnek 58



ABCD kare  
 $\cos \alpha = ?$

Çözüm

Örnek 59

$\pi < x < \frac{3\pi}{2}$  olmak üzere,

$\cot\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) = \frac{3}{4}$  olduğuna göre,

$\cot x + \sin x$  toplamı kaçtır?

Çözüm

Örnek 60

$\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$  olmak üzere,

$\sin x = \frac{2}{5}$  olduğuna göre,

$\sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right) \cdot \cot(\pi + x)$  kaçtır?

Çözüm

### Örnek 61

$a+b = \frac{\pi}{2}$  olduğuna göre,  
 $\sin(2a+3b)$  nin esiti kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 62

$\alpha + \beta = 18^\circ$  olmak üzere,  
 $\cos(5\alpha + 4\beta) = \frac{3}{5}$  olduğuna göre  
 $\tan \beta$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 63

$a = \sin 220^\circ$   
 $b = \cos 310^\circ$   
 $c = \sin 135^\circ$   
 $d = \cos 147^\circ$

} ifadelerini  
küçükten büyüğe  
doğru sıralayınız.

### Çözüm

**Örnek 64**

$0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$  olmak üzere,

$$\cot\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = 2 \text{ ise}$$

$$\sin(\pi + \alpha) \cdot \cos\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) + \tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) \cdot \cot(\pi + \alpha)$$

ifadesinin esitini bulunuz.

**Çözüm**

**Örnek 65**  $\tan 20^\circ = a$  olmak üzere,

$$\frac{\tan 160^\circ - \tan 110^\circ}{1 - \tan 160^\circ \cdot \cot 110^\circ}$$

esitini bulunuz.

**Çözüm**

**Örnek 66**  $24x = \pi$  olmak üzere,

$$\frac{\cot 5x + \sin 11x}{\tan 7x \sin 13x}$$

bulunuz.

**Çözüm**

## ÖDEV 2

1)  $a = -2 + \sin x$   
 $b = 3 - \cos x$  } olmak üzere a ile b arasındaki ilişkiyi bulunuz.

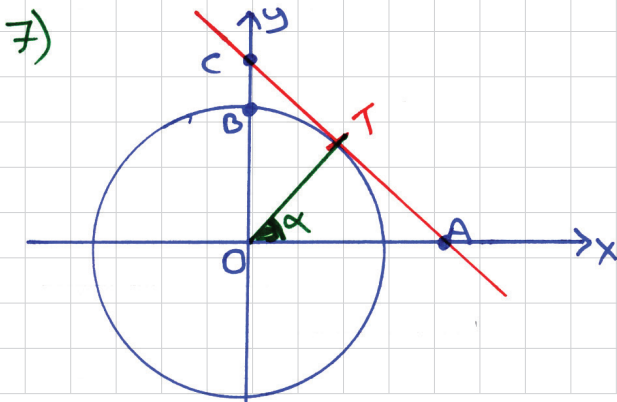
2)  $\frac{1}{1 + \cot x} + \frac{1}{1 + \tan x}$  ifadesinin en sade şeklini bulunuz.

3)  $A\left(-\frac{1}{3}, b\right)$  noktası birim çember üzerinde olduğuna göre b'nin alabileceği değerler çarpımı kaçtır?

4)  $A = 5 - 2 \sin x$   
 $B = -2 + 7 \cos x$  } A ve B tamsayı ise A+B toplamı en fazla kaçtır?

5)  $a = \sin 142^\circ$   
 $b = \cos 147^\circ$   
 $c = \tan(-143^\circ)$   
 $d = \cot 317^\circ$  } Trigonometrik değerlerin işaretlerini bulunuz.

6)  $a = \sin(-12)^\circ$   
 $b = \cos(-36)^\circ$   
 $c = \tan(-72)^\circ$   
 $d = \cot(-12)^\circ$  } Trigonometrik değerlerini küçüğe büyüğe doğru sıralayınız.

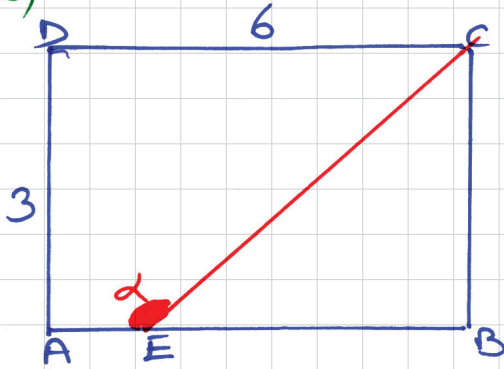


$|BC|$  uzunluğunun trigonometrik gösterimini bulunuz.

8)  $\tan x + \cot x = 2$  ise  $\tan^2 x + \cot^2 x$  kaçtır?

9) 
$$\frac{\sin(3\pi - x) + \cos(3\pi/2 + x)}{\tan(\pi + x)} = ?$$

10)



ABCD dikdörtgen

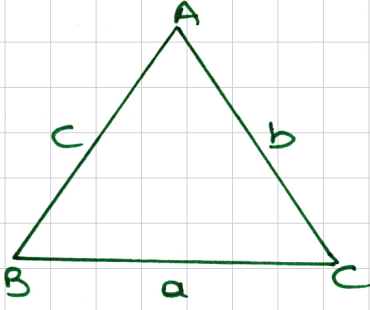
$2|AE| = |EB|$  ise

$\cos \alpha$  kaçtır?

**ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:**



## Kosinüs Teoremi

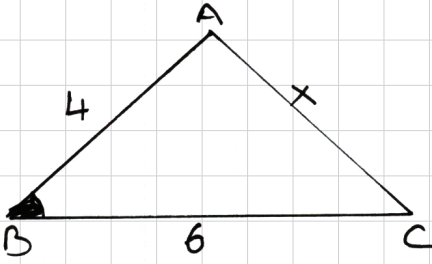


$$a^2 = b^2 + c^2 - 2b.c.\cos\hat{A}$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2.a.c.\cos\hat{B}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2.a.b.\cos\hat{C}$$

### Örnek 67



Şekildeki ABC üçgeninde

$$|AB|=4, |BC|=6, m(\hat{ABC})=60^\circ$$

$$\text{ise } |AC|=x=?$$

### Çözüm

Örnek 68 Kenar uzunlukları  $a, b, c$

olan üçgende;  $a^2 - b^2 = c^2 + c.b$

bağıntısı varsa  $m(\hat{A})$  kaç derecedir?

### Çözüm

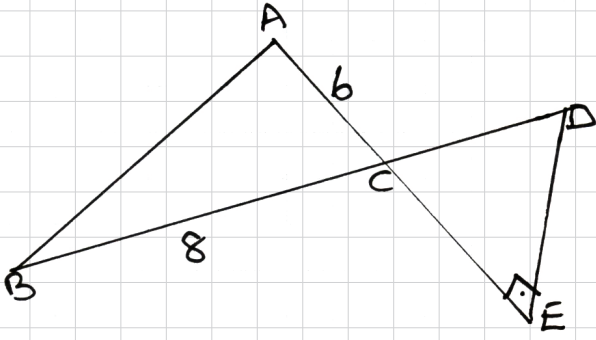
Örnek 69 Kenar uzunlukları  $a, b, c$

olan üçgende;  $(b+c)(b-c) = a^2 + \sqrt{3}.a.c$

bağıntısı varsa  $m(\hat{B})$  kaç derecedir?

### Çözüm

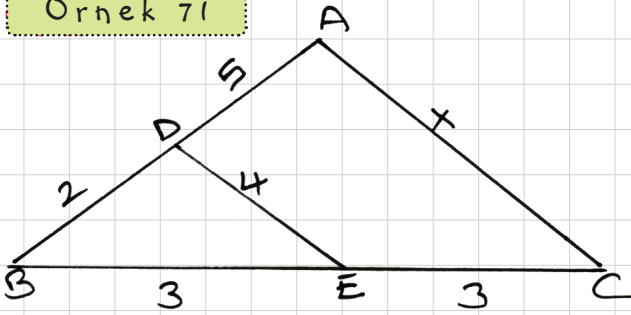
Örnek 70



$$\begin{aligned} |AC| &= 6 \\ |BC| &= 8 \\ \frac{|CE|}{|CD|} &= \frac{2}{3} \quad \text{ise } |AB|^2 = ? \end{aligned}$$

Çözüm

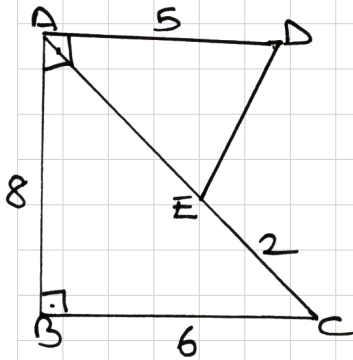
Örnek 71



Şekilde verilenlere göre  $|AC|=x=?$

Çözüm

Örnek 72



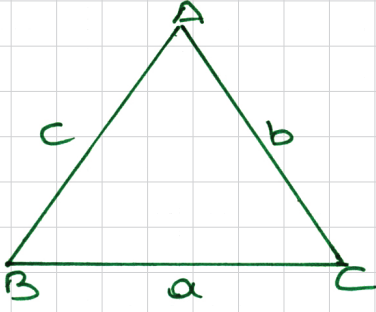
$$\begin{aligned} [AD] &\perp [AB] \\ [AB] &\perp [BC] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} |AD| &= 5 \\ |AB| &= 8 \\ |BC| &= 6 \\ |EC| &= 2 \end{aligned}$$

İse  $|DE|$  kaçtır?

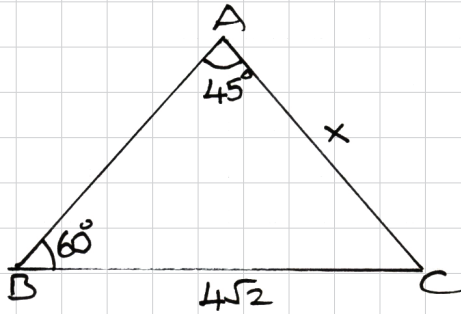
Çözüm

## Sinüs Teoremi



$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

### Örnek 73



$$|BC| = 4\sqrt{2}$$

$$m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$$

$$m(\widehat{ABC}) = 60^\circ$$

$$|AC| = x = ?$$

### Çözüm

### Örnek 74

Bir ABC üçgeninde  $\frac{\sin B}{\sin C} = \frac{2}{3}$ ,

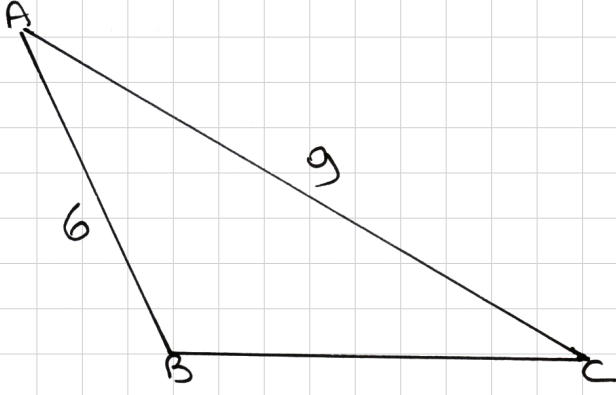
kenarlar arasında,  
 $2b + c = 14$  bağıntısı varsa

$$c = ?$$

### Çözüm



Örnek 75



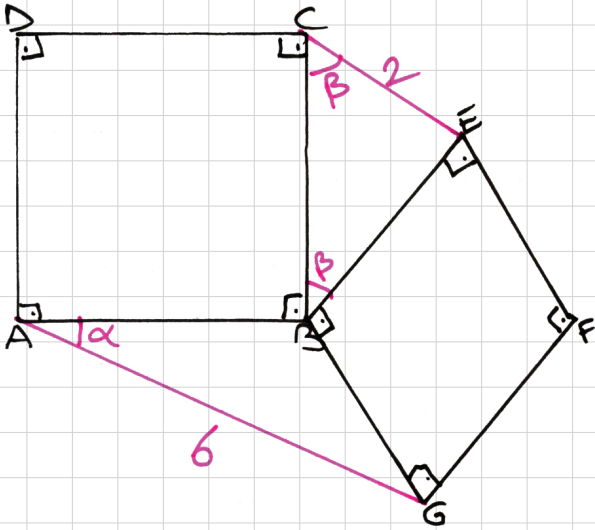
$$m(\hat{B}) = 90^\circ + m(\hat{C})$$

$$|AB| = 6$$

$$|AC| = 9 \text{ ise } \tan(\hat{C}) \text{ kaçtır?}$$

Çözüm

Örnek 76



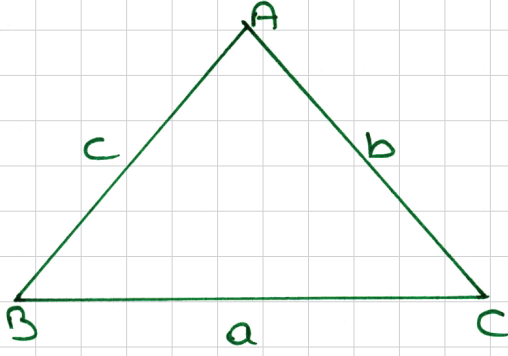
ABCD ve BEFG birer karedir.

$$|CE| = 2$$

$$|AG| = 6 \text{ ise } \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} \text{ kaçtır?}$$

Çözüm

## Sinüs Yardımıyla Alan Hesabı

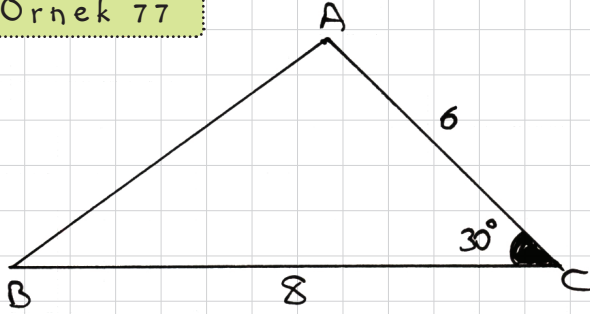


$$A(\hat{ABC}) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b \cdot \sin \hat{C}$$

$$A(\hat{ABC}) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot c \cdot \sin \hat{B}$$

$$A(\hat{ABC}) = \frac{1}{2} \cdot b \cdot c \cdot \sin \hat{A}$$

### Örnek 77



$$|AC| = 6$$

$$|BC| = 8$$

$m(\hat{ACB}) = 30^\circ$  ise  $A_{\text{on}}(\hat{ABC})$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 78

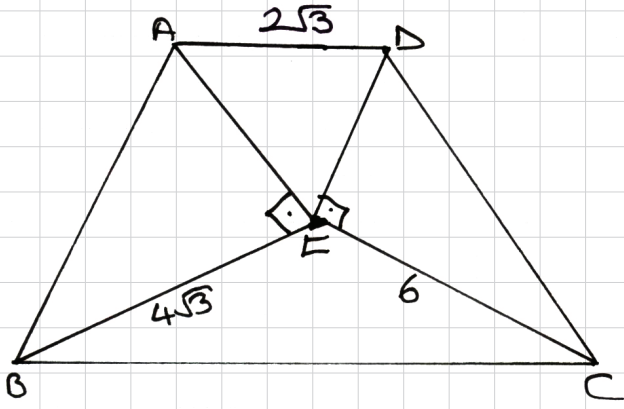
Bir ABC üçgeninde,  $|AB| = 4\sqrt{2}$ ,

$$|BC| = 6 \text{ ve } \cos(\hat{B}) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \text{ ise,}$$

$A_{\text{on}}(\hat{ABC})$  kaçtır?

### Çözüm

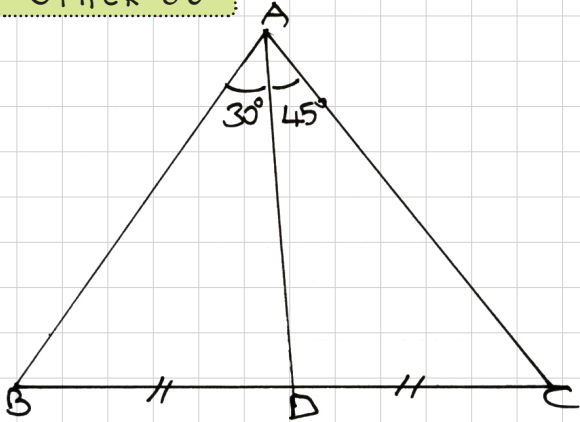
Örnek 79



AEB ve DEC ikizkenar dik üçgendir. Buna göre  $\hat{A}(AED) = ?$

Çözüm

Örnek 80

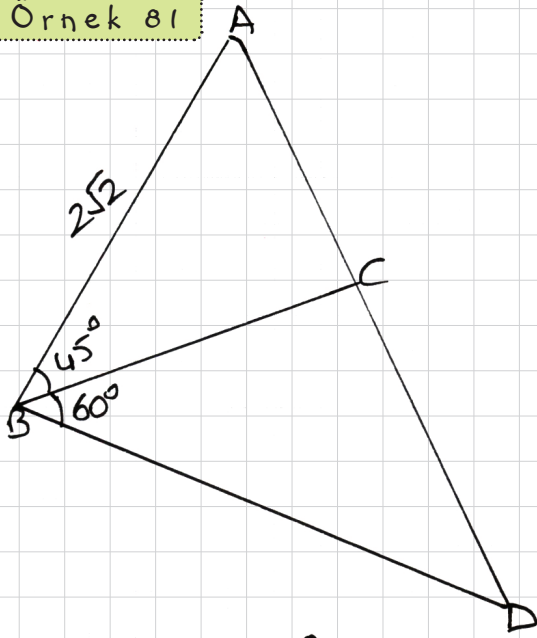


Şekilde verilenlere göre,

$\frac{|AB|}{|AC|}$  oranı kaçtır?

Çözüm

Örnek 81



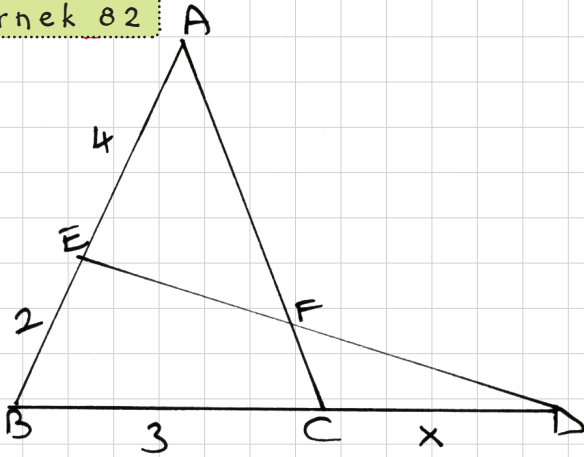
$$|AB| = 2\sqrt{2}, \quad m(\hat{A}BC) = 45^\circ, \quad m(\hat{C}BD) = 60^\circ$$

$\angle(\hat{A}BC) = \angle(\hat{A}BD)$  olduğuna göre,

$$|BD| = ?$$

Çözüm

Örnek 82



$$A(\hat{A}EF) = A(\hat{A}CD) \text{ ise,}$$

x kaçtır?

Çözüm

## PERİYOD

Her  $x$  için  $f(x+T) = f(x)$  ise  $f$  fonksiyonunun periyodu  $T$  dir.

sinüsün periyodu :  $2\pi$ ,

cosinüsün periyodu :  $2\pi$

tanjantın periyodu :  $\pi$

cotanjantın periyodu :  $\pi$

Genel olarak ;



1)  $f(x) = \sin^n(ax+b)$

$f(x) = \cos^n(ax+b)$  fonksiyonlarının periyodu ;

$n$  tek ise

$$T = \frac{2\pi}{|a|}$$

$n$  çift ise

$$T = \frac{\pi}{|a|}$$

2)  $f(x) = \tan^n(ax+b)$

$f(x) = \cot^n(ax+b)$  fonksiyonlarının periyodu ;

$n$  tek yada çift ise  $T = \frac{\pi}{|a|}$

Örnek 83 Aşağıdaki fonksiyonlarının periyodunu bulunuz.

a)  $f(x) = \sin(2x-3)$

b)  $f(x) = 3 \cdot \cos(-4x+2)$

c)  $f(x) = \tan\left(\frac{2x}{3} - 1\right)$

d)  $f(x) = -2 \cot\left(-\frac{x}{2} + 1\right)$

e)  $f(x) = 5 \sin^3(-5x+1)$

f)  $f(x) = -\cos^4\left(\frac{3x}{2} + \pi\right)$

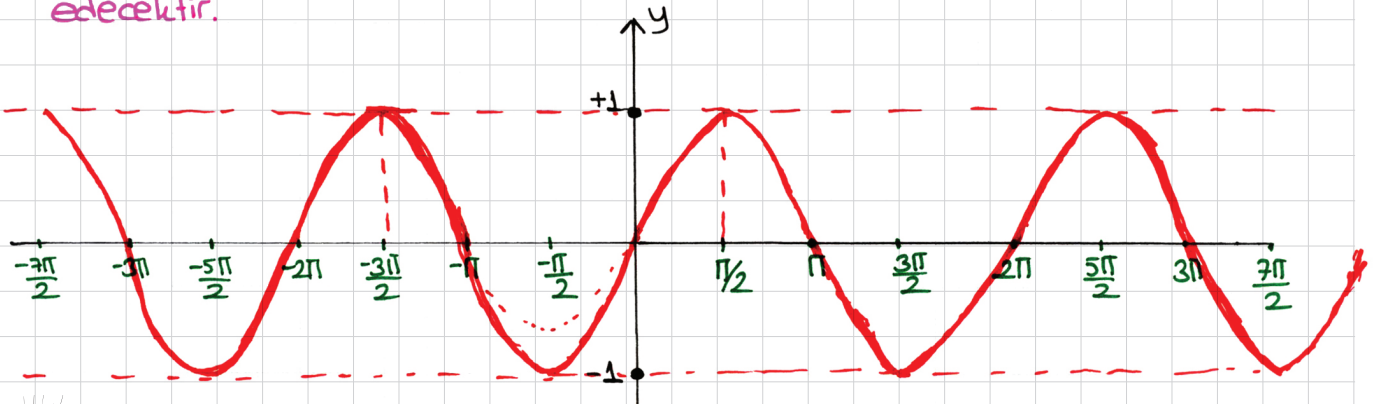
g)  $f(x) = 2 \cdot \tan^5\left(\frac{-2x+1}{3}\right)$

h)  $g(x) = -6 \cdot \cot^2\left(\frac{-3x+1}{2} + \frac{3\pi}{2}\right)$

### Sinüs Fonksiyonunun Grafiği

x	0	$\pi/2$	$\pi$	$3\pi/2$	$2\pi$	...
y=sinx	0	1	0	-1	0	

►  $\sin x$  in periyodu  $2\pi$  olduğundan her  $2\pi$  aralıkta fonksiyon tekrar edecektir.



Sinüs fonksiyonunun grafiği, orijine göre simetrikdir

Örnek 84  $x \in [0, 2\pi]$  aralığında,

$$f(x) = 3\sin x + 2 \text{ fonksiyonunun}$$

grafigini çiziniz.

Çözüm

Örnek 85  $f : [0, 2\pi] \rightarrow \mathbb{R}$ ,

$$f(x) = 3 - \sin x \text{ fonksiyonunun grafigini}$$

çiziniz.

Çözüm

Örnek 86  $f : [0, 2\pi] \rightarrow \mathbb{R}$ ,

$$f(x) = \sin 2x + 3 \text{ fonksiyonunun grafigini}$$

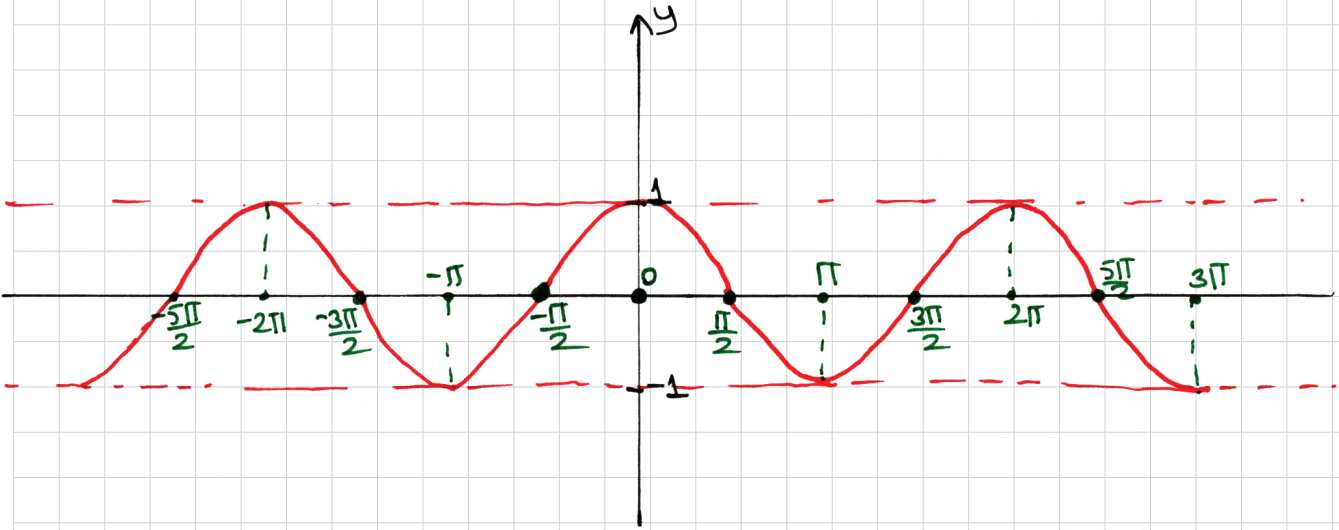
çiziniz.

Çözüm

## Kosinüs Fonksiyonunun Grafiği

x	0	$\frac{\pi}{2}$	$\pi$	$\frac{3\pi}{2}$	$2\pi$	-	-	-
y = cos x	1	0	-1	0	1	-	-	-

cos x in periyodu  $2\pi$  olduğundan her  $2\pi$  aralıkta fonksiyon tekrar edecektir.



Cosinüs fonksiyonunun grafiği y eksenine göre simetriktir.

**Örnek 87**  $f: [0, 2\pi] \rightarrow \mathbb{R}$ ,

$f(x) = -2 \cdot \cos x + 1$  fonksiyonunun grafiğini çiziniz.

**Çözüm**



Örnek 88  $f: [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$

$f(x) = \cos 3x - 1$  fonksiyonunun grafiğini çiziniz.

Çözüm

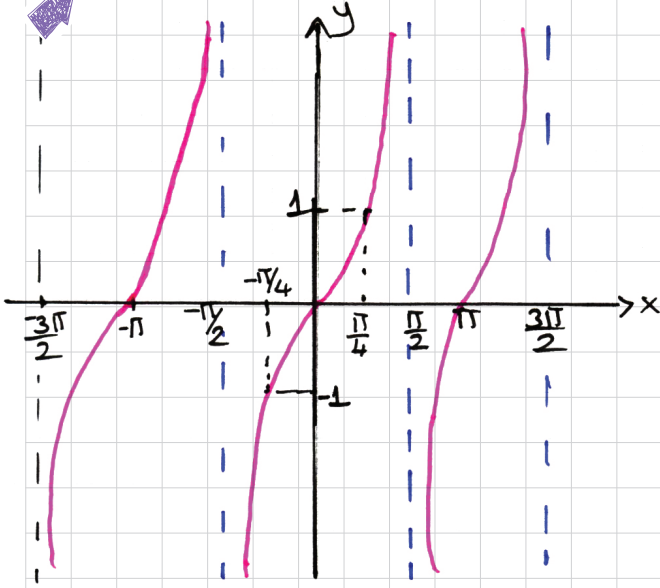
---

Örnek 89  $f: [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$

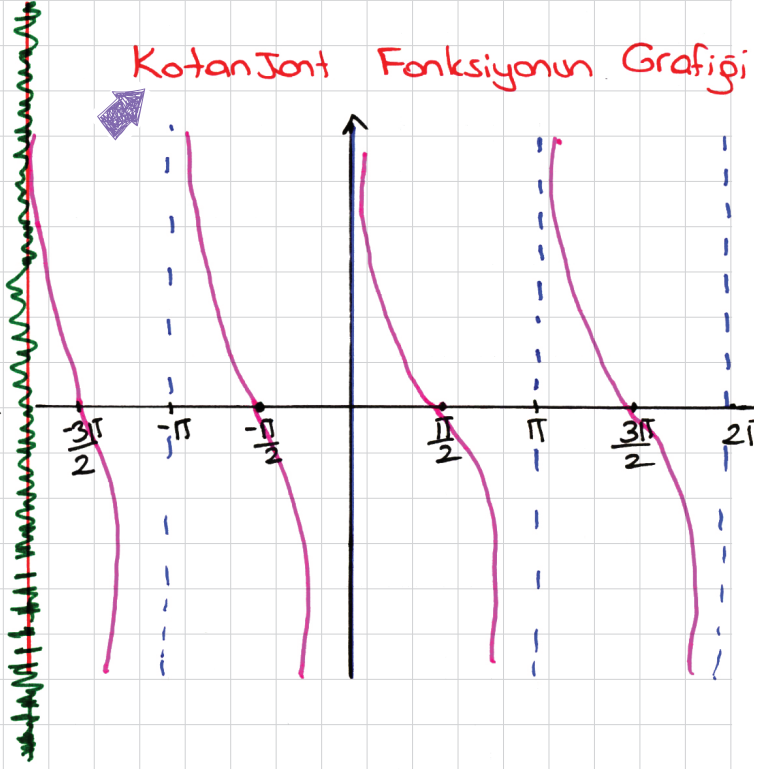
$f(x) = \cos \frac{x}{2} + 1$  fonksiyonunun grafiğini çiziniz.

Çözüm

### Tanjant Fonksiyonunun Grafiği



### Kotanjant Fonksiyonunun Grafiği



Örnek 90  $f: [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$ ,

$f(x) = -\tan x + 1$  fonksiyonunun

grafigini ciziniz.

Örnek 91  $f: \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right] \rightarrow \mathbb{R}$ ,

$f(x) = \cot 2x$  fonksiyonunun grafigini

ciziniz.

# TERS TRIGONOMETRİK FONKSİYONLAR

## Arcsin Fonksiyonu

$$\sin : \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right] \longrightarrow [-1, 1]$$

$$\arcsin : [-1, 1] \longrightarrow \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$

$$\arcsin x = \alpha \iff x = \sin \alpha$$

↓  
α

→ arsin eşitliğinin diğer tarafına sin olarak geçer

### Çözümlü Örnekler

$\arcsin \frac{1}{2}$  ifadesinin eşitini bulunuz.

### Çözüm

$$\arcsin \frac{1}{2} = \alpha$$

↓  
sin

$$\frac{1}{2} = \sin \alpha \implies \alpha = \frac{\pi}{6}$$

### Çözümlü Örnekler

$\arcsin \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$  ifadesinin eşitini bulunuz.

### Çözüm

$$\arcsin \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \alpha$$

↓  
sin

$$-\frac{\sqrt{2}}{2} = \sin \alpha$$

⇓

$$\alpha = -\frac{\pi}{4}$$

Örnek 92

$\arcsin\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$  ifadesinin eşitini bulunuz.

Çözüm

Örnek 93

$\tan(\arcsin x)$  ifadesinin eşitini bulunuz.

Çözüm

Örnek 94

$\cot\left(\arcsin\frac{3}{5}\right)$  ifadesinin eşitini bulunuz.

Çözüm

## Arccos Fonksiyonu

$$\cos : [0, \pi] \longrightarrow [-1, 1]$$

$$\arccos : [-1, 1] \longrightarrow [0, \pi]$$

$$\arccos x = \alpha \Leftrightarrow \cos \alpha = x$$

*(Note: A pink arrow points from the  $\alpha$  in the first equation to the  $\alpha$  in the second equation.)*

➡ arccos eşitliğin diğer tarafına cos olarak geçer.

## Arctan Fonksiyonu

$$\tan : \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right] \longrightarrow \mathbb{R}$$

$$\arctan : \mathbb{R} \longrightarrow \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$

$$\arctan x = \alpha \Leftrightarrow \tan \alpha = x$$

*(Note: A pink arrow points from the  $\alpha$  in the first equation to the  $\alpha$  in the second equation.)*

➡ arc tan eşitliğin diğer tarafına tan olarak geçer.

## Arcot Fonksiyonu

$$\cot : [0, \pi] \longrightarrow \mathbb{R}$$

$$\operatorname{arccot} : \mathbb{R} \longrightarrow [0, \pi]$$

$$\operatorname{arccot} x = \alpha \Leftrightarrow \cot \alpha = x$$

*(Note: A pink arrow points from the  $\alpha$  in the first equation to the  $\alpha$  in the second equation.)*

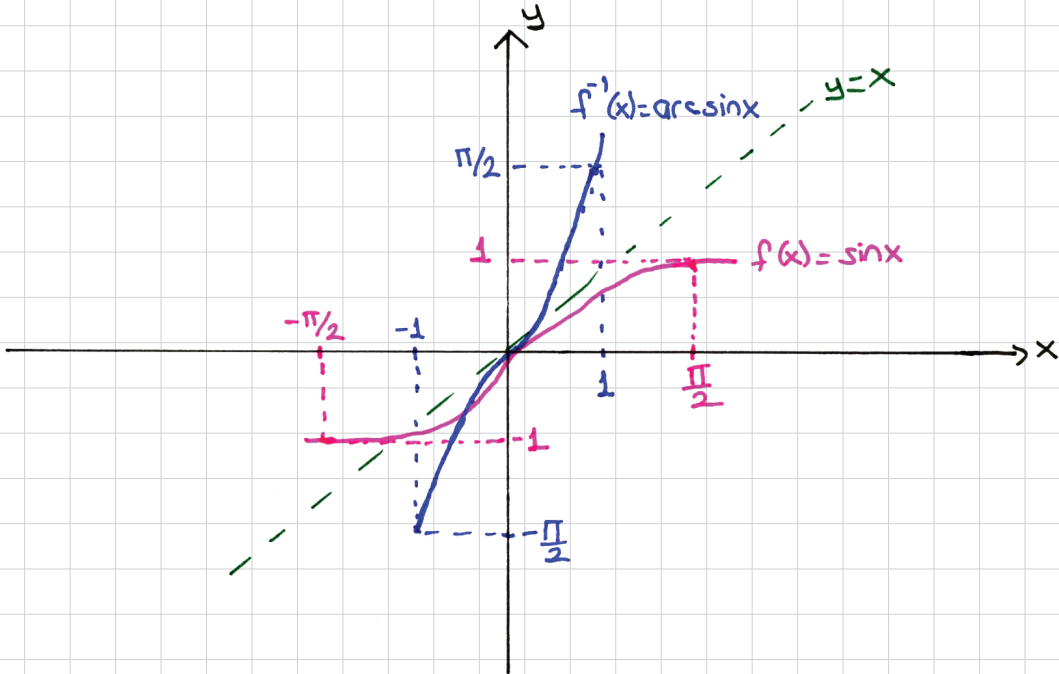
➡ arc cot eşitliğin diğer tarafına cot olarak geçer.

Örnek 95

$\cot\left(\frac{\pi}{2} + \arcsin\frac{1}{3}\right)$  işleminin sonucu  
kaçtır?

Çözüm

**NOT**  $\arcsin x$  fonksiyonunun grafiği,  $\sin x$  fonksiyonunun  $y=x$  doğrusuna göre simetriktir.



Örnek 96  $\cos(\arctan 2)$  işleminin

sonucu kaçtır?

Çözüm

Örnek 97  $\tan(\operatorname{arccot} \frac{1}{2})$  işleminin

sonucu kaçtır.

Çözüm

Örnek 98  $\cos\left(\frac{3}{2} + \arctan 1\right)$  işleminin

sonucu kaçtır.

Çözüm

Örnek 99  $\sin(\arctan(-\sqrt{3}))$  işleminin

sonucu kaçtır.

Çözüm

Örnek 100  $\sin\left(\frac{\pi}{2} + \arccos(-1)\right)$

işleminin sonucu kaçtır?

Çözüm

Örnek 101  $f(x) = \arcsin\left(\frac{2x-1}{3}\right)$

olmak üzere  $x$ 'in alabileceği kaç farklı tamsayı değeri vardır?

Çözüm

Örnek 102  $\tan\left(-\frac{\pi}{2} + \arctan\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

işleminin sonucu kaçtır?

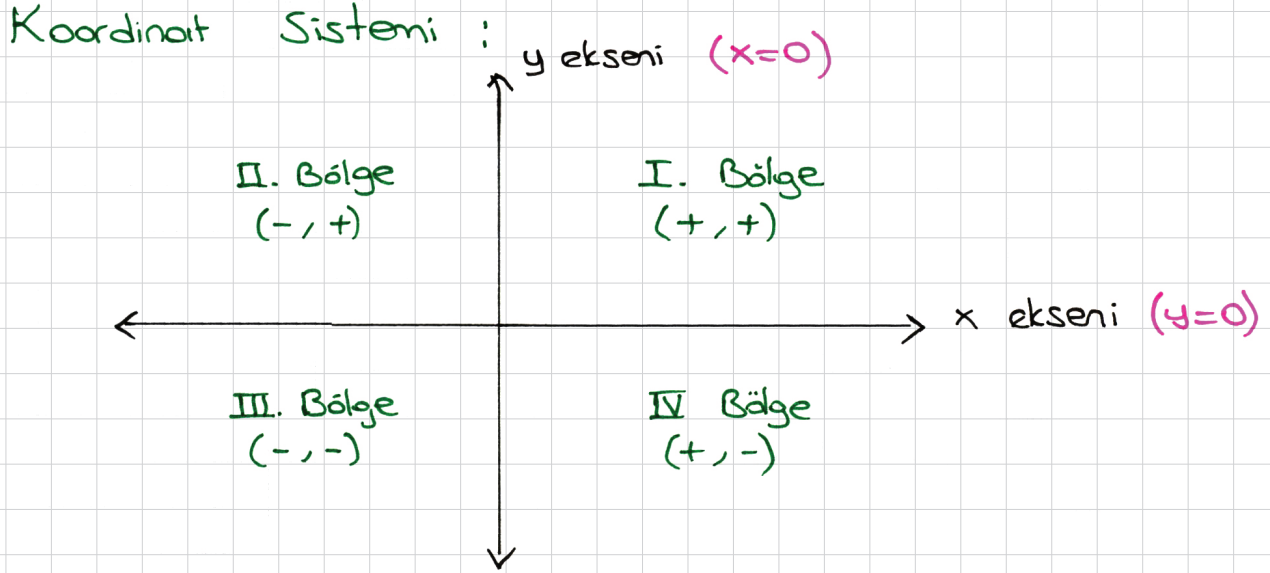
Çözüm



## ÜNİTE 2

### ANALİTİK GEOMETRİ

#### Doğrunun Analitik İncelenmesi



Yatay konumdaki sayı doğrusuna x eksenini, dikey konumdaki sayı doğrusuna y eksenini, bu doğruların belirttiği düzleme de analitik düzlem (koordinat sistemi) denir.

Analitik düzlem  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  veya  $\mathbb{R}^2$  şeklinde ifade edilir.

$$\Rightarrow \mathbb{R} \times \mathbb{R} = \mathbb{R}^2 = \{(x, y) : x \in \mathbb{R} \text{ ve } y \in \mathbb{R}\}$$

x : 1. bileşen (Apsis)

y : 2. bileşen (Ordinat)

x eksenini ile y eksenininin kesim noktasına başlangıç noktası (orjin) denir.

### Örnek 1

$A(a-3, b+4)$  noktası başlangıç noktası olduğuna göre  $a+b$  toplamı kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 2

$A(a-5, 5)$  ve  $B(-7, b+1)$  noktaları eksenler üzerinde olduğuna göre  $a+b$  toplamı kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 3

$A(5-k, k+3)$  noktası  $x$  ekseninde ise  $A$  noktasının koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm

#### Örnek 4

$a < 0, b > 0$  olmak üzere

$A(a, b), a - b$  noktası koordinat düzleminde hangi bölgededir?

#### Çözüm

#### Örnek 5

$A(a, -b)$  noktası koordinat

düzleminde 3. bölgede olduğuna

göre  $B(-a, \frac{a}{b})$  noktası kaçınıcı bölgededir?

#### Çözüm

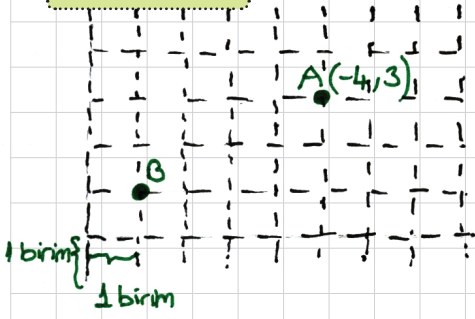
#### Örnek 6

$A(k-5, 2k+4)$  analitik düzlemde

2. bölgede olduğuna göre  $k$ 'nin alabileceği kaç tamsayı değeri vardır?

#### Çözüm

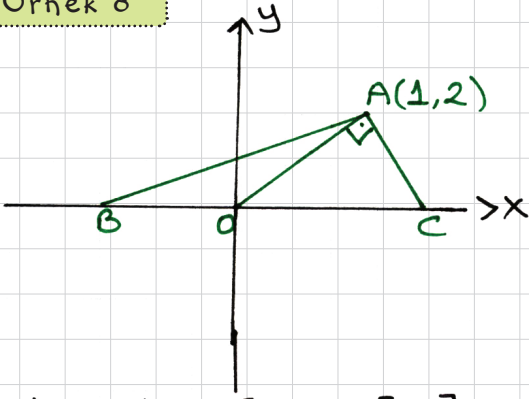
### Örnek 7



Analistik düzlemin bir parçası yukarıda verilmiştir. Buna göre B noktasının koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm

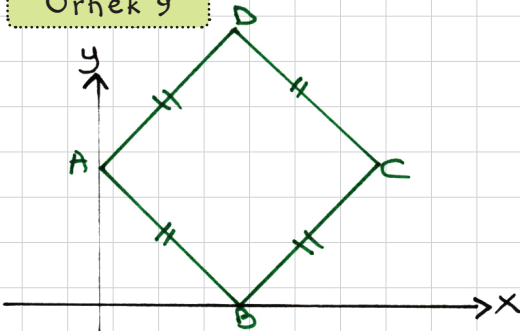
### Örnek 8



$|AB| = |AC|$ ,  $[OA] \perp [AC]$  olmak üzere B noktasının koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm

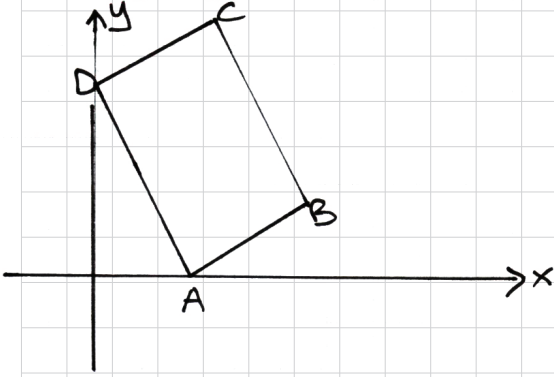
### Örnek 9



ABCD kare,  $D(3, 7)$  ise C noktasının koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 10



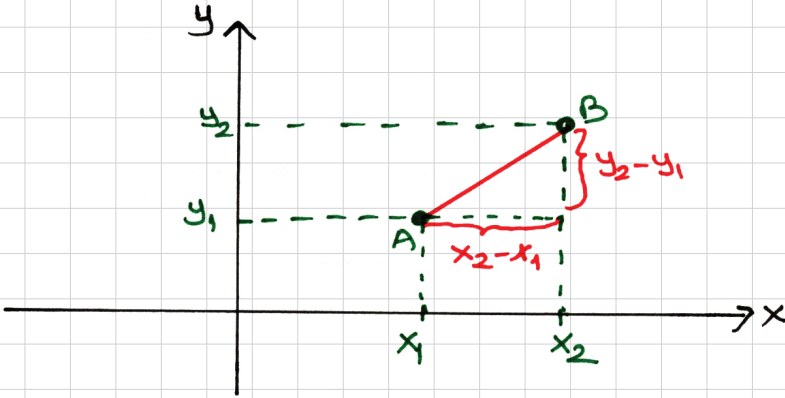
ABCD dikdörtgen,

$A(2,0)$ ,  $D(0,8)$  ve  $2|DC| = |AD|$

olduğuna göre B noktasının koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm

### İki Nokta Arasındaki Uzaklık



$A(x_1, y_1)$  ve  $B(x_2, y_2)$  olmak üzere; A ile B arasındaki uzaklık :



$$|AB| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

şeklinde bulunur.

Örnek 11  $A(-1,4)$  ve  $B(3,-2)$

noktaları arasındaki uzaklık kaç birim?

### Çözüm

### Örnek 12

$A(1, a)$  ve  $B(4, 2)$  noktaları veriliyor.

$|AB| = 5$  birim olduğuna göre  $a$ 'nın alabileceği değerleri bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 13

$A(2, 1)$  ve  $B(3, -1)$  noktalarına

esit uzaklıkta olan ve  $x$  eksenini

üzerinde bulunan noktanın koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 14

$A(1, -2)$  ve  $B(4, -1)$  noktalarına eşit

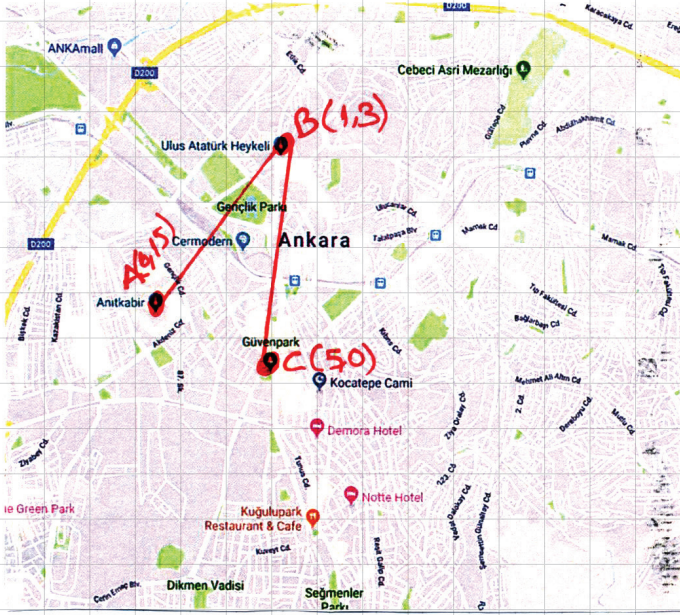
uzaklıkta bulunan noktaların geometrik

yer denklemini bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 15

### Çözüm



$A(6,15)$ ,  $B(1,3)$ ,  $C(5,0)$

Haritada görünen BC arası 15km  
ise AB arası kaç km dir ?

### ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



## ORTA NOKTA, İÇTEN ve DIŞTAN BÖLEN

### Orta Nokta



$A(x_1, y_1)$  ve  $B(x_2, y_2)$  noktalarının orta noktası :

$$C\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right)$$

### Örnek 16

$A(-4, 3)$  ve  $B(2, 7)$  noktalarının orta noktasının koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 17

$A(-1, 7)$  ve  $B(3, -1)$  noktalarının orta noktasının orjine olan uzaklığı, kaç birimdir?

### Çözüm

### Örnek 18

$A(4, k-3)$  ve  $B(-2, k+5)$  noktalarının orta noktası  $x$  ekseninde olduğuna göre,  $A$  noktasının  $x$  eksenine olan uzaklığı kaç birimdir?

### Çözüm

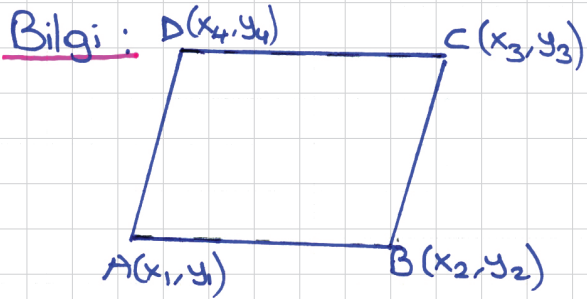


Örnek 19 Köşeleri  $A(2,6)$ ,  $B(-4,2)$

ve  $C(1,3)$  olan üçgenin  $AB$

kenarına ait kenara-yaayını uzunluğu

kac birimdir?

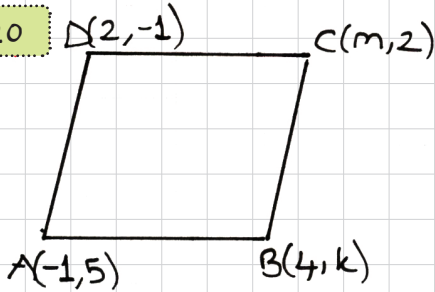


ABCD paralelkenarında

$$x_1 + x_3 = x_2 + x_4 \rightarrow \text{Karsilikli } x\text{'ler toplami esittir}$$

$$y_1 + y_3 = y_2 + y_4 \rightarrow \text{Karsilikli } y\text{'ler toplami esittir.}$$

Örnek 20



ABCD paralelkenar

a)  $m+k = ?$

b) B ve C noktalarinin y eksenine olan uzakliklari toplami kac birimdir?

Çözüm

Örnek 21  $A(2,2)$ ,  $B(a,b)$ ,  $C(4,4)$

ve  $D(2,4)$  noktaları ABCD karesinin

köşeleri olduğuna göre  $a+b$  toplamı

kactir?

Çözüm

## İçten ve Dıştan Bölen

### Çözümlü Örnekler

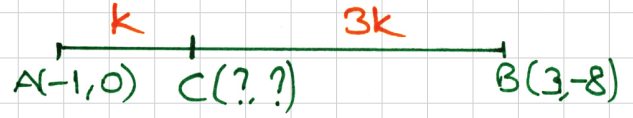
$A(-1,0)$  ve  $B(3,-8)$  noktaları veriliyor

$$\frac{|AC|}{|BC|} = \frac{1}{3} \text{ olarak şekilde } AB$$

doğru parçasını içten bölen  $C$

noktasının koordinatlarını bulunuz.

### Çözüm



A'dan B'ye değişim

x için

y için

$4k$  da  $4$  artmış  $4k$  da  $8$  azalmış

$k$  da  $1$  artar  $k$  da  $2$  azalır

$$x = -1 + 1 = 0 \quad y = 0 - 2 = -2$$

$$C(0, -2)$$

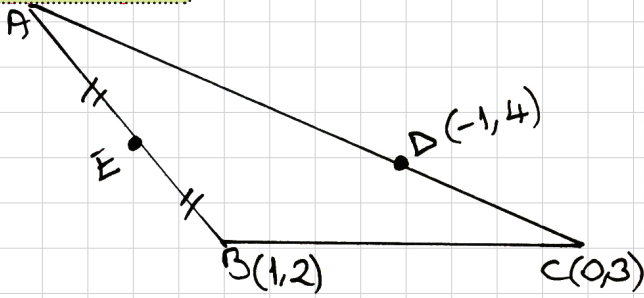
Örnek 22  $A(4,-1)$ ,  $B(-2,2)$  noktaları

veriliyor.  $C \in [AB]$  ve  $2|AC| = |BC|$

olmak üzere  $C$  noktasının koordinat

larını bulunuz.

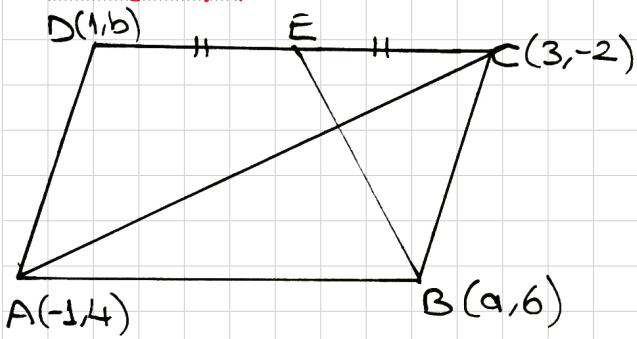
### Çözüm

**Örnek 23**

3.  $|DC| = |AD|$ ,  $|AE| = |EB|$  ise

E noktasının koordinatlarını bulunuz.

Çözüm

**Örnek 24**

ABCD paralelkenar,

$|DE| = |EC|$  olmak üzere F noktasının

koordinatlarını bulunuz.

Çözüm

**Örnek 25** K(4,3) ve L(2,4) noktaları

veriliyor.  $M \in [KL]$ ,  $\frac{|ML|}{|KM|} = \frac{1}{3}$

ve K, L, M doğrusal olma şartını

sağlayan M noktasının koordinatlarını

bulunuz.

Çözüm

## Üçgenin Ağırlık Merkezi

Köşeleri  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$  ve  $C(x_3, y_3)$  olan ABC üçgeninin ağırlık merkezi  $G\left(\frac{x_1+x_2+x_3}{3}, \frac{y_1+y_2+y_3}{3}\right)$  şeklinde bulunur.

## Üçgenin Alanı

Alan (ABC) =

$$\frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 \\ x_2 & y_2 \\ x_3 & y_3 \end{vmatrix}$$

Red arrows indicate the expansion of the determinant:  $x_1$  is crossed out with a red arrow pointing down to a minus sign,  $y_1$  is crossed out with a red arrow pointing right to a plus sign,  $x_2$  is crossed out with a red arrow pointing down to a plus sign,  $y_2$  is crossed out with a red arrow pointing right to a minus sign,  $x_3$  is crossed out with a red arrow pointing down to a plus sign, and  $y_3$  is crossed out with a red arrow pointing right to a minus sign.

$$= \frac{1}{2} \left| (x_1 y_2 + x_2 y_3 + x_3 y_1) - (y_1 x_2 + y_2 x_3 + y_3 x_1) \right|$$

şeklinde bulunur.

### Örnek 26

Köşeleri  $A(-1, 3)$ ,  $B(4, 7)$  ve  $C(3, -1)$  olan üçgenin ağırlık merkezini ve alanını bulunuz.

### Çözüm

## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



## Doğru Denklem

$ax+by+c=0$  ifadesi doğrunun Kartezyen denklemdir.

Örneğin;  $3x-2y+6=0$  doğrusu gibi -.

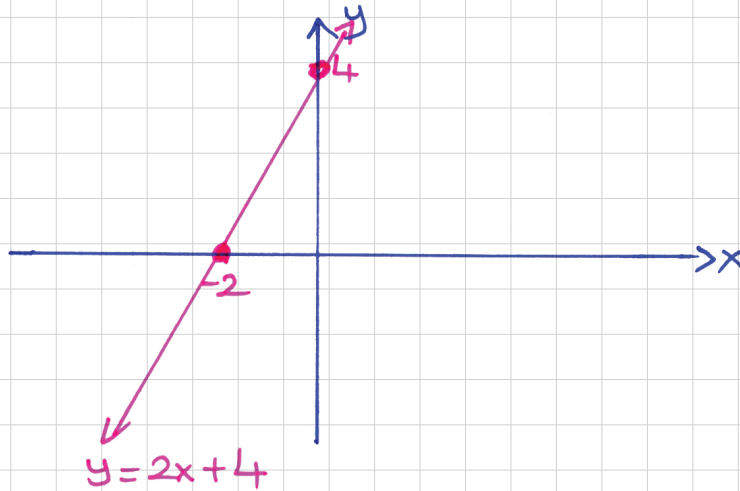
\* Birlikte  $2x-y+4=0$  doğrusunun grafiğini çizelim.

Doğrunun x eksenini kestiği noktayı bulmak için y'ye sıfır;

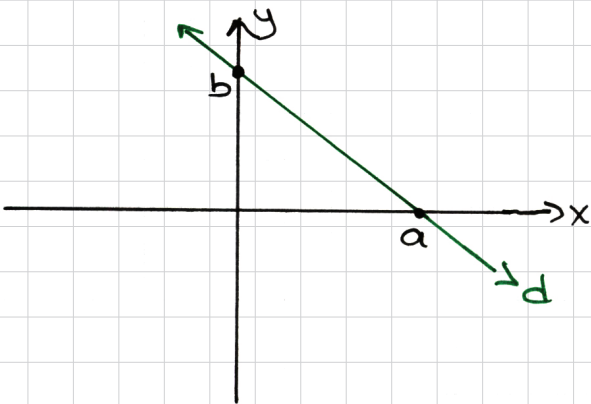
y eksenini kestiği noktayı bulmak için x'e sıfır verilir.

$$x=0 \Rightarrow -y+4=0 \\ y=4 \rightarrow (0,4)$$

$$y=0 \Rightarrow 2x+4=0 \\ x=-2 \rightarrow (-2,0)$$

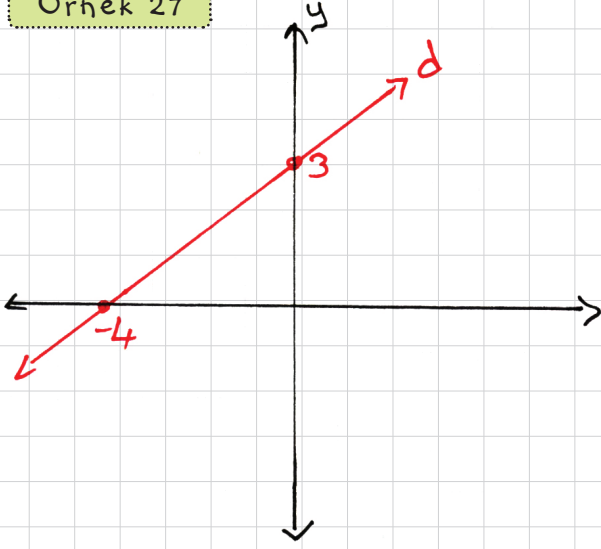


**BİLGİ** Grafik verildiğinde doğrunun denklemini bulunması için;



$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \text{ bilgisi kullanılır.}$$

Örnek 27



Çözüm

d doğrusunun denklemini bulunuz.

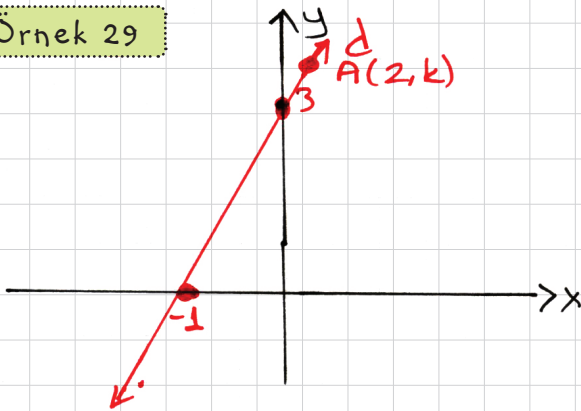
**NOT:** Bir nokta doğrunun (parabola, çember ya da başka bir eğri de olabilir.) üzerinde ise bu doğrunun denklemini sağlar.

Örnek 28

Analistik düzlemde  $A(a, a)$  noktası  $2x - 3y - 4 = 0$  doğrusu üzerinde ise  $a$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 29



Çözüm

A noktası d doğrusu üzerinde ise  $k$  kaçtır?

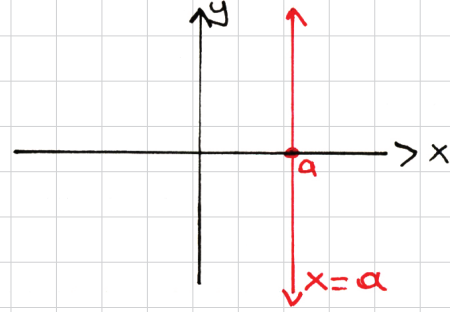
Örnek 30  $a \in \mathbb{R}$  olmak üzere,

Çözüm

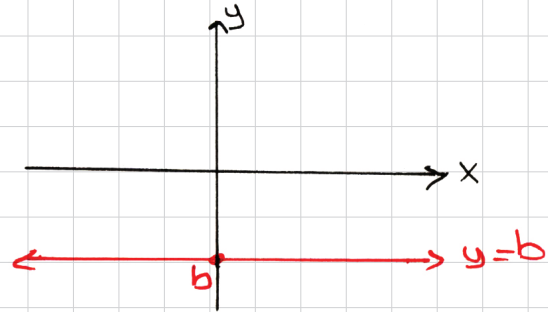
$(a+3, 2a-4)$  noktalarından geçen  
doğrunun denklemini bulunuz.

### Özel Doğrular

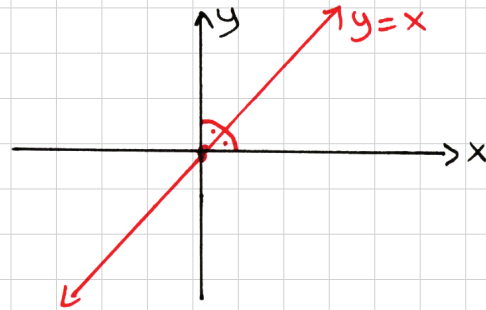
1)  $x=a$  doğrusu ( $a>0$ )



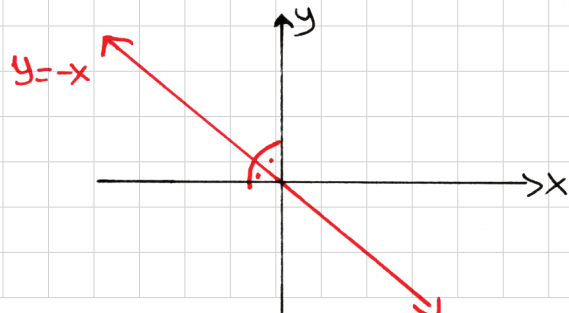
2)  $y=b$  doğrusu ( $b<0$  ise)



3)  $y=x$  (1. açıortay) doğrusu



4)  $y=-x$  (2. açıortay) doğrusu



Örnek 31  $|x|=3$ ,  $y=2$  ve  $y=-1$

Çözüm

doğrularının sınırladığı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

Örnek 32  $|y|=2$ ,  $x=3$  ve  $y=x$

Çözüm

doğrularının sınırladığı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

Örnek 33  $(a-4, 5a-2)$  noktası  $y=x$

Çözüm

doğrusu üzerinde ise  $a$  kaçtır?

Örnek 34  $(a^2-4a-7)x + 5y + a - 3 = 0$

Çözüm

doğrusu  $x$  eksenine paralel ise  $a$ 'nın alabileceği değerler toplamı kaçtır?



# EĞİM

$$\text{Eğim: } m = \tan \alpha = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-a}{b}$$

• Doğrunun x eksenine ile pozitif yönde yaptığı açı verilirse;

•  $A(x_1, y_1)$  ve  $B(x_2, y_2)$  gibi iki nokta verilirse

•  $ax + by + c = 0$  doğru denklemini verilirse

$\alpha < 90 \Rightarrow$  eğim (+)

$\alpha = 90 \Rightarrow$  eğim (tanımsız)

$\alpha > 90 \Rightarrow$  eğim (-)

**NOT 1** İki doğru birbirine paralel ise eğimleri eşittir.

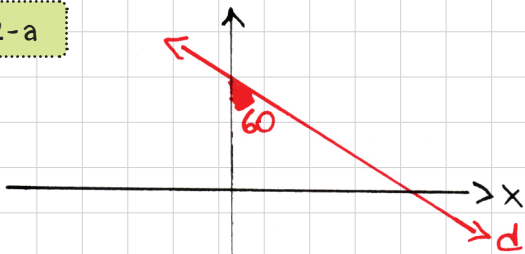
**NOT 2** İki doğru birbirine dik ise eğimleri çarpımı -1 dir.

**Örnek 35** Aşağıdaki eğim hesaplamalarını yapınız.

1  $A(2,4)$  ve  $B(5,8)$  noktalarından geçen doğrunun eğimi kaçtır?

Çözüm

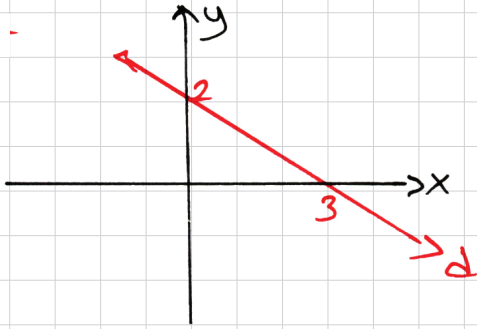
2-a



d doğrusunun eğimi?

Çözüm

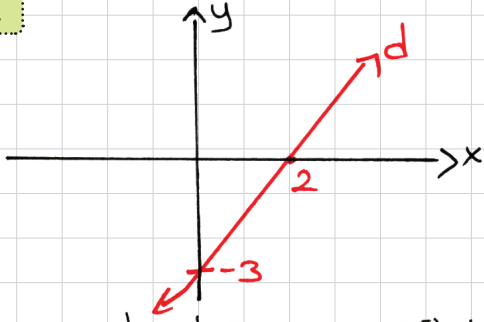
b



d doğrusunun eğimi kaçtır?

Çözüm

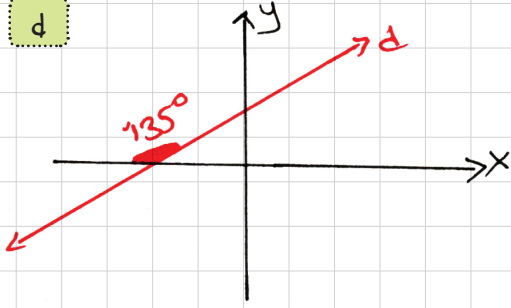
c



d doğrusunun eğimi kaçtır?

Çözüm

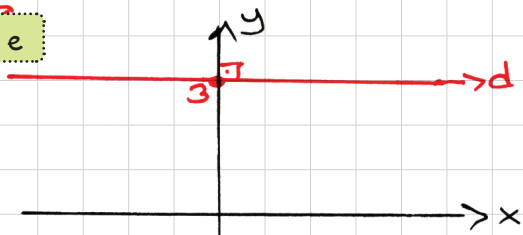
d



d doğrusunun eğimi kaçtır?

Çözüm

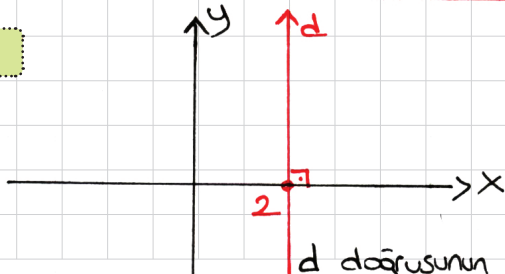
e



d doğrusunun eğimi ?

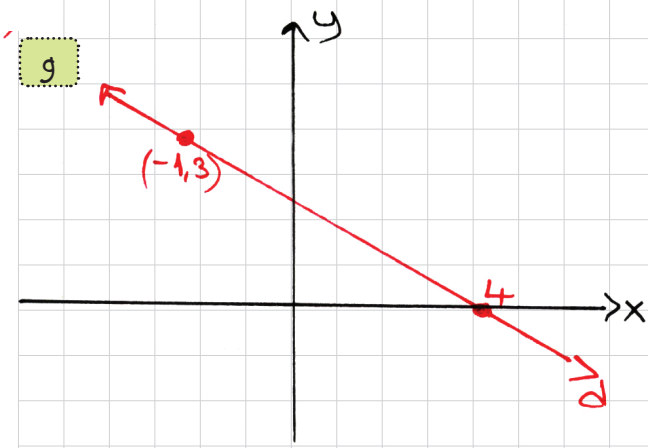
Çözüm

g



d doğrusunun eğimi?

Çözüm:  
Çözüm



d doğrusunun eğimi kaçtır?

Çözüm

h  $3x - y + 4 = 0$  doğrusunun eğimi kaçtır?

Çözüm

i  $y = 5x - 6$  doğrusunun eğimi kaçtır?

Çözüm

j  $x = -2$  doğrusunun eğimi kaçtır?

Çözüm

k  $y = 3$  doğrusunun eğimlerini bulunuz

Çözüm

Örnek 36 A(4, -3) ve B(3, k)

noktalarından geçen doğrunun eğimi -3 ise k kaçtır?

Çözüm

Örnek 37 Dik koordinat düzleminde

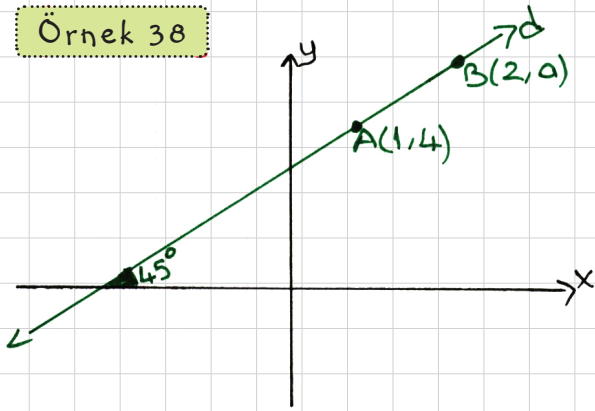
Çözüm

$A(-1,3)$ ,  $B(4,2)$  ve  $C(2,a)$

noktaları doğrusal ise  $a$  kaçtır?

Örnek 38

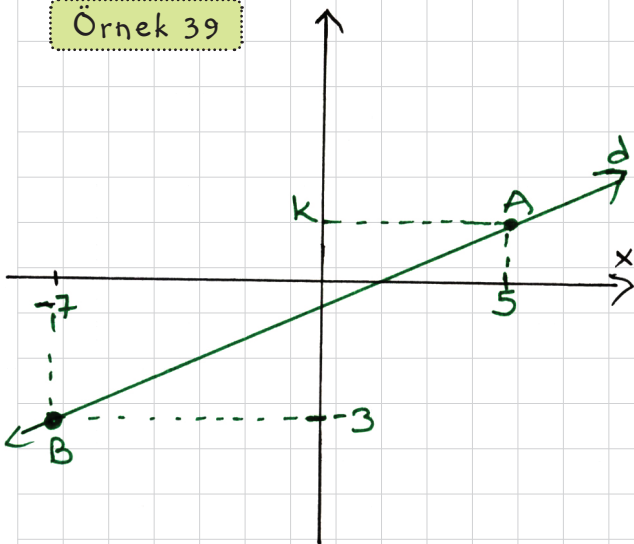
Çözüm



Grafikte verilene göre  $a$  kaçtır?

Örnek 39

Çözüm



$|AB|=13$  birim ise  $d$  doğrusunun eğimi kaçtır?

Örnek 40  $4x - by + 4$  doğrusunun

eğimi  $\frac{2}{3}$  ise  $b$  kaçtır?

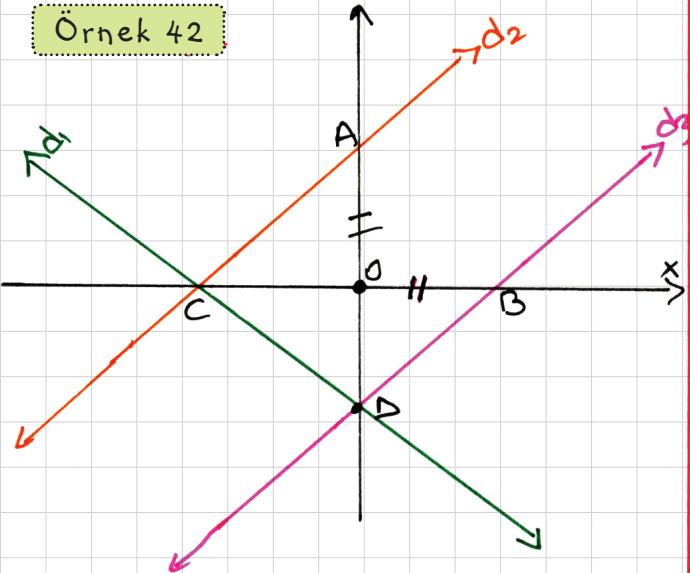
Çözüm

Örnek 41  $y = (a^2 - 2a - 15)x + 2$

doğrusunun  $x$  eksenine ile pozitif yönde yaptığı açı  $\alpha^\circ$  dir.  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$  ise  $a$  kaç farklı tamsayı değeri alır?

Çözüm

Örnek 42



Çözüm

Analitik düzlemde verilen  $d_1, d_2$  ve  $d_3$  doğrularının eğimleri  $m_1, m_2$  ve  $m_3$  dir.

$|AO| = |OB|$  ,  $m_1 = -2$  ise

$m_2 \cdot m_3$  çarpımı kaçtır?

Örnek 43 x eksenini ile pozitif

yönünde  $135^\circ$  lik açı yapan d  
doğrusu,  $-3x+(m+5)y-m+4=0$   
doğrusuna paralel ise m kaçtır?

Çözüm

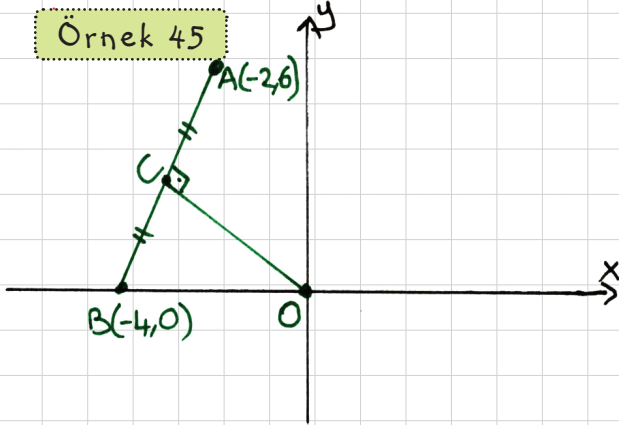
Örnek 44  $-k+y+(k+1)x=0$  doğrusu

$5x-2y+1=0$  doğrusuna

dik ise k kaçtır?

Çözüm

Örnek 45



$2x+(p+7)y-1=0$  doğrusu OC  
doğrusuna paralel ise p kaçtır?

Çözüm

Örnek 46  $d_1 : 3x + by - 2 = 0$

$$d_2 : ax - 2y - a + 3 = 0$$

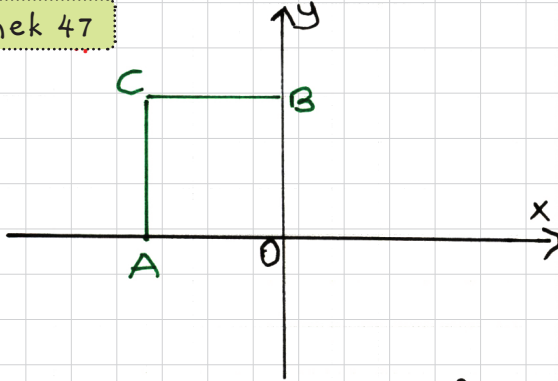
$$d_3 : -x + 4y + a + b = 0$$

doğruları için  $d_1 \perp d_3$  ve  $d_2 \parallel d_3$

ise  $a+b$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 47



AOCB karesinin alanı  $16b^2$  dir.

Bu kare, eğimi  $\frac{1}{2}$  olan  $d$  doğrusuyla

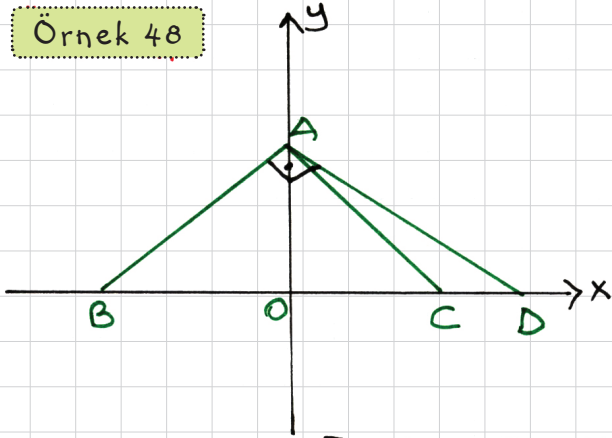
est alanlı iki bölgeye ayrılıyor.

$d$  doğrusunun  $x$  eksenini kestiği

noktanın koordinatlarını bulunuz.

Çözüm

Örnek 48



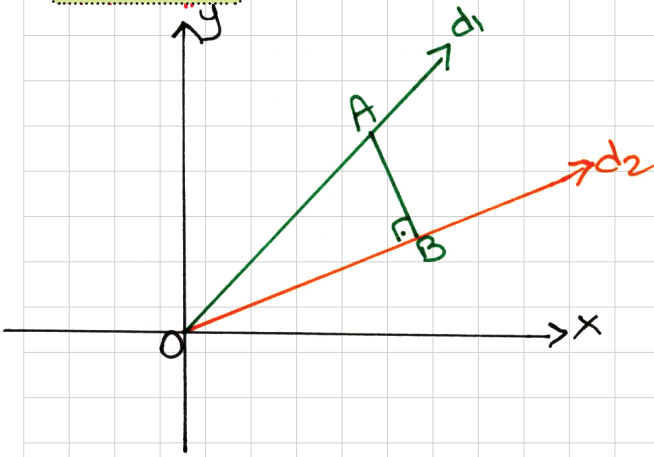
$$|AB| = |AC|, \quad [AB] \perp [AD]$$

AB doğrusunun eğimi  $\sqrt{3}$

olduğuna göre  $m_{AC} \cdot m_{AD}$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 49



$$d_1 : y = \sqrt{3} \cdot x$$

$$d_2 : y = \frac{1}{\sqrt{3}} \cdot x$$

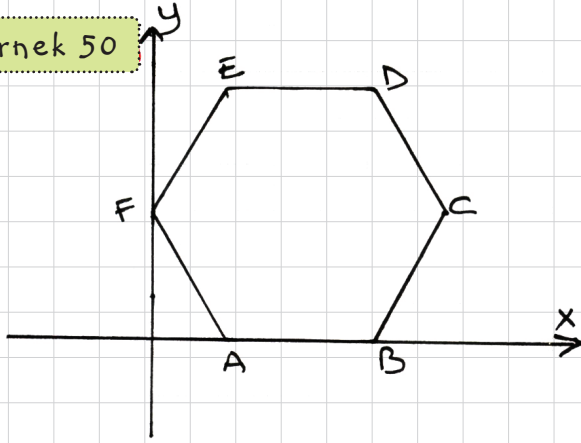
$[AB] \perp d_2$ ,  $|AB| = 2$  birim

ise  $|OB|$  kaçtır?

Çözüm



Örnek 50



$$\text{Çevre (ABCDEF)} = 24$$

Orjinden geçen ve ABCDEF  
düzgün altıgeni eşit alanlı iki  
bölgeye ayıran doğrunun eğimi kaçtır?

Çözüm

Örnek 51  $A(-2, -3)$ ,  $B(4, -5)$  ve

$C(x, 0)$  dir.  $|AC| + |BC|$  en az  
olduğunda  $x$  kaçtır?

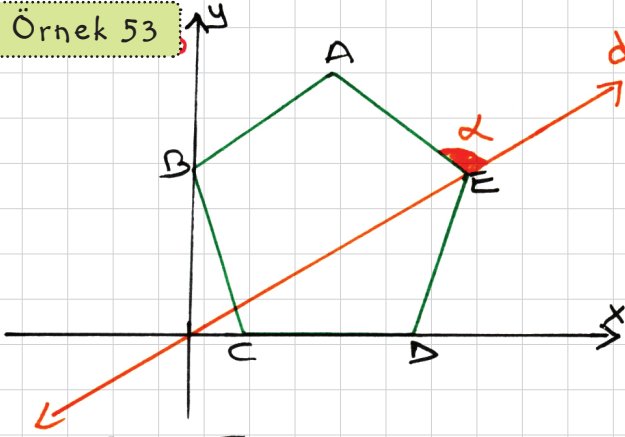
Çözüm

Örnek 52 Dik koordinat sisteminde

Oy ekseninin  $3y = 5x$  doğrusuna,  
göre simetriği alındığında oluşan  
doğrunun denklemi nedir?

Çözüm

Örnek 53



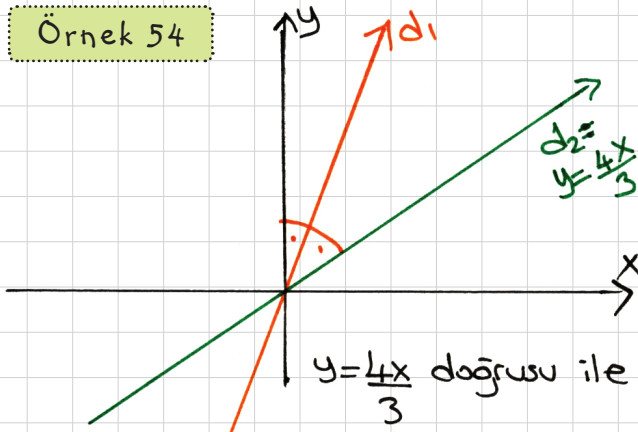
$$d: 3y = \sqrt{3} \cdot x$$

ABCDE düzgün beşgen ise

$m(\hat{AEF}) = \alpha$  kaç derecedir?

Çözüm

Örnek 54

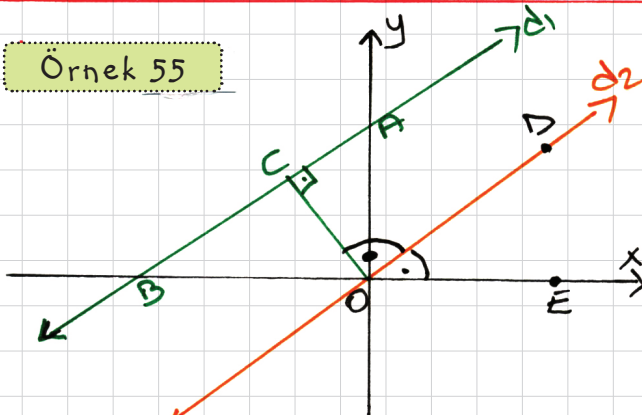


$$y = \frac{4x}{3} \text{ doğrusu ile}$$

y ekseninin oluşturduğu  
açının ortaayı d<sub>1</sub> doğrusudur.  
Buna göre d<sub>1</sub> doğrusunun denklemini  
bulunuz.

Çözüm

Örnek 55



$$|AB| = 10, |BO| = 8, [AB] \perp [OC]$$

$m(\hat{COD}) = m(\hat{DOE})$  ise d<sub>2</sub> doğrusunun  
denklemini bulunuz.

Çözüm

## Eğimi ve Bir Noktası Bilinen Doğrunun Denklemi :



$m$

$(x_1, y_1)$

$$ax+by+c=0$$

$A(x_1, y_1)$  noktasından geçen ve eğimi  $m$  olan doğrunun denklemi:

$$y - y_1 = m \cdot (x - x_1)$$

**Örnek 56** Eğimi 4 olan ve  $A(2,3)$

Çözüm

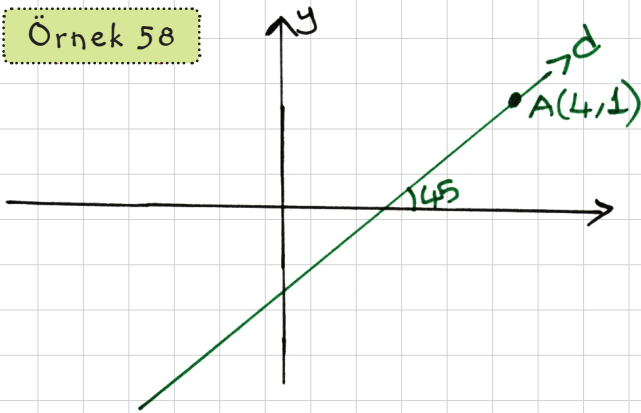
noktasından geçen doğrunun denklemini bulunuz.

**Örnek 57**  $A(-1,3)$  ve  $B(4,1)$

Çözüm

noktalarından geçen doğrunun denklemini bulunuz.

**Örnek 58**



Çözüm

$d$  doğrusunun denklemini bulunuz.

Örnek 59  $2x - y + c = 0$  doğrusuna

paralel olan ve  $A(-1, 2)$  noktasından geçen doğrunun denklemini bulunuz.

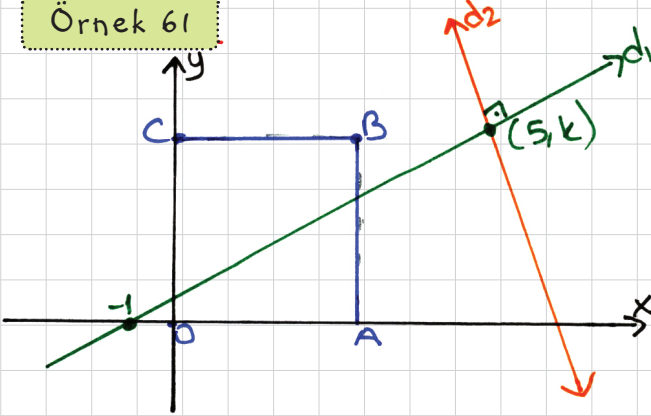
Çözüm

Örnek 60  $x$  eksenini ile pozitif

yönünde  $135^\circ$  lik açı yapan doğruya dik olan ve  $A(0, 3)$  noktasından geçen doğrunun denklemini bulunuz.

Çözüm

Örnek 61



Çözüm

$OABC$  karesinin alanı  $4 br^2$  dir.

$d_1$  doğrusu kareyi eşit alanlı iki bölgeye ayırıyor. Buna göre

a)  $k = ?$

b)  $d_2$  doğrusunun denklemini bulunuz.

## İki Doğrunun Birbirine Göre Durumu

$$d_1 : ax + by + c = 0$$

$$d_2 : dx + ey + f = 0 \text{ doğruları için}$$

1)  $\frac{a}{d} = \frac{b}{e} = \frac{c}{f}$  ise doğrular çakışıktır.

2)  $\frac{a}{d} = \frac{b}{e} \neq \frac{c}{f}$  ise doğrular paraleldir.

3)  $\frac{a}{d} \neq \frac{b}{e}$  ise doğrular bir noktada kesişirler.

Bu nokta doğruların denklemleri ortak çözülerek bulunur.

Örnek 62  $-x + 3y + 4 = 0$  doğrusu

Çözüm

$$2x + (a+1)y - b + 3 = 0$$

doğrusu ile çakışık ise a, b kaçtır?

Örnek 63  $(a+1)x - 2y + 1 = 0$  doğrusu

Çözüm

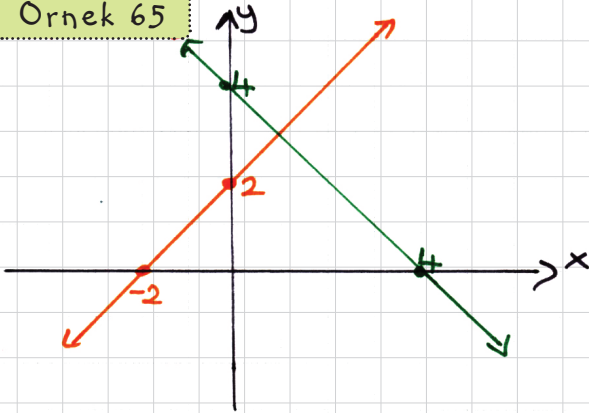
$$3x + y - a + 3 = 0 \text{ doğrusuna}$$

paralel ise a kaçtır?

Örnek 64  $2x-y+4=0$  doğrusu ile  
 $x+y-1=0$  doğrusunun  
kesim noktasının koordinatlarını  
bulunuz.

Çözüm

Örnek 65



A noktasının koordinatlarını bulunuz.

Çözüm

Örnek 66  $-x+y-2=0$  } doğrularının  
 $y=2x+4$  } kesim noktasından

Çözüm

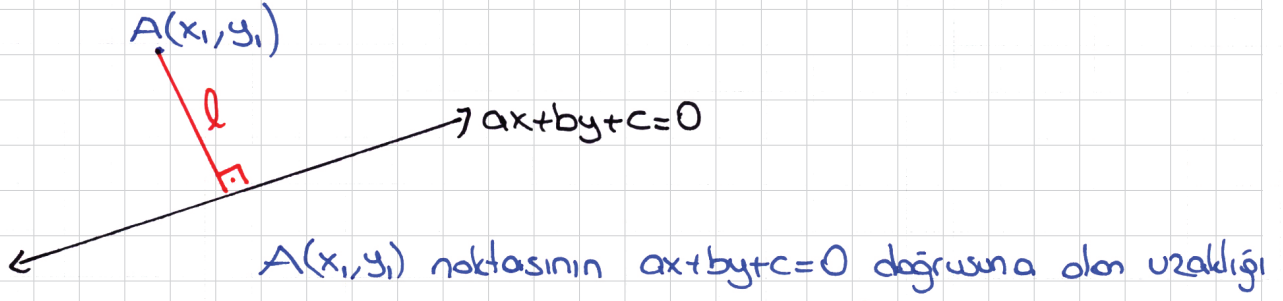
geçen ve  $-4x+3y-7=0$  doğrusuna  
dik olan doğrunun denklemini  
bulunuz.

Örnek 67  $y=2x+1$  }  
 $2x+y+7=0$  }  
 $mx+3y+3=0$  }

Çözüm

doğruları bir noktada kesiştiğine  
göre  $m$  kaçtır?

## Noktaların Doğruya Uzaklığı



$$l = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

### Örnek 68

$A(-1, 2)$  noktasının  $3x - 4y + 1 = 0$  doğrusuna olan uzaklığı bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 69

$-4x + 2y + 2 = 0$  doğrusu üzerindeki bir nokta P dir.  $A(0, 4)$  ise  $|AP|$  nin alabileceği en küçük değer kaçtır?

### Çözüm

Örnek 70 ABCD karesinin BC

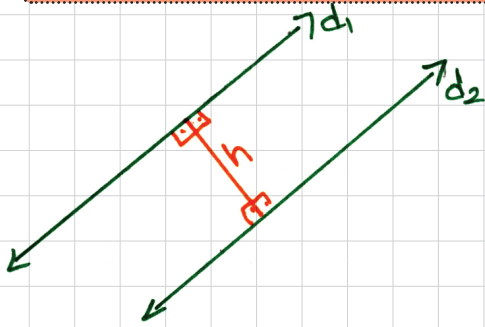
Çözüm

kenarı  $-x + 2y + 6 = 0$  doğrusu üzerindedir.

A(2,3) olduğuna göre ABCD karesinin

alanı kaç birimkaredir?

### Paralel İki Doğru Arasındaki Uzaklık



$$\left. \begin{array}{l} d_1 : ax + by + c_1 = 0 \\ d_2 : ax + by + c_2 = 0 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{doğruların arasındaki} \\ \text{uzaklık } h \end{array}$$

$$h = \frac{|c_1 - c_2|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

Örnek 71  $2x - y + 4 = 0$  doğrusu ile

Çözüm

$2x - y - 1 = 0$  doğrusu

arasındaki uzaklığı bulunuz.



Örnek 72  $2x-3y+1=0$  doğrusu ile

$-4x+6y+3=0$  doğrusu arasındaki  
uzaklığı bulunuz.

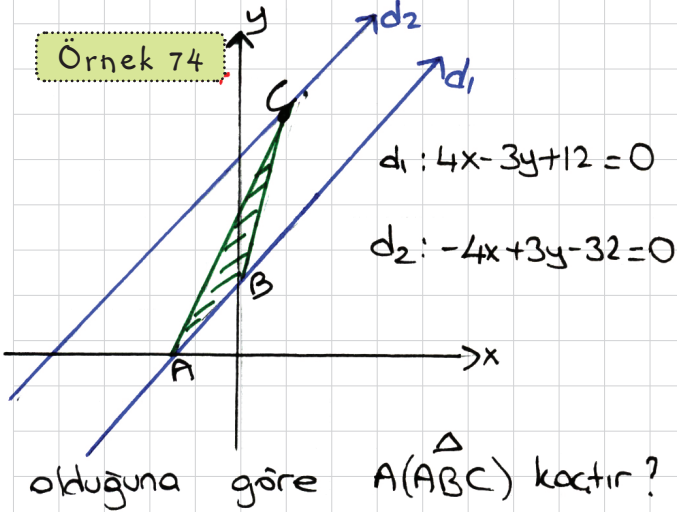
Çözüm

Örnek 73 Bir kenarı  $-x+2y+2=0$

doğrusu üzerinde diğer kenarı  
 $x-2y+3=0$  doğrusu üzerinde bulunan  
karenin alanı kaç birimkaredir?

Çözüm

Örnek 74



Çözüm

Örnek 75  $x-3y-1=0$  ve  $x-3y+5=0$

doğrularına eşit uzaklıkta bulunan  
noktaların geometrik yer denklemini  
bulunuz.

Çözüm

## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



A large grid area for writing, enclosed by a dashed black border. The grid consists of small squares, providing a structured space for the student to write their response to the prompt.

## ÜNİTE 3

### FONKSİYONLARDA UYGULAMALAR

#### Fonksiyonun Pozitif ve Negatif Olduğu Aralık

➡  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  bir fonksiyondur.

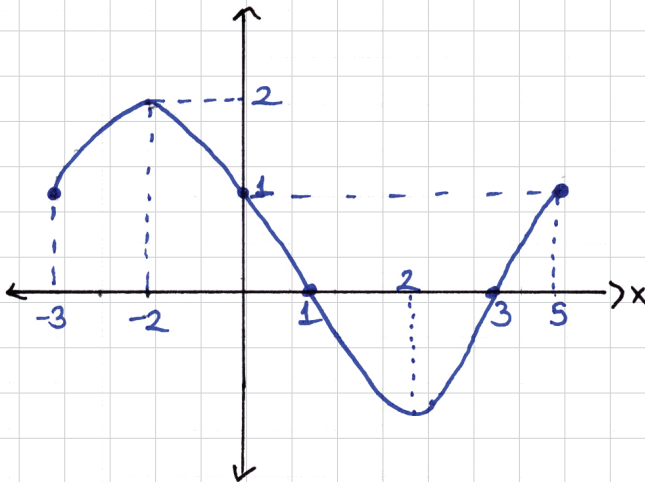
Her  $x \in A$  için  $f(x) > 0$  ise  $f$  fonksiyonu için  $A$  da pozitifdir denir. (Kısaca fonksiyonun grafiği  $x$  ekseninin üstünde ise fonksiyon pozitifdir.)

➡  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  bir fonksiyondur.

Her  $x \in A$  için  $f(x) < 0$  ise  $f$  fonksiyonu için  $A$  da negatifdir denir. (Kısaca fonksiyonun grafiği  $x$  ekseninin altında ise fonksiyon pozitifdir.)

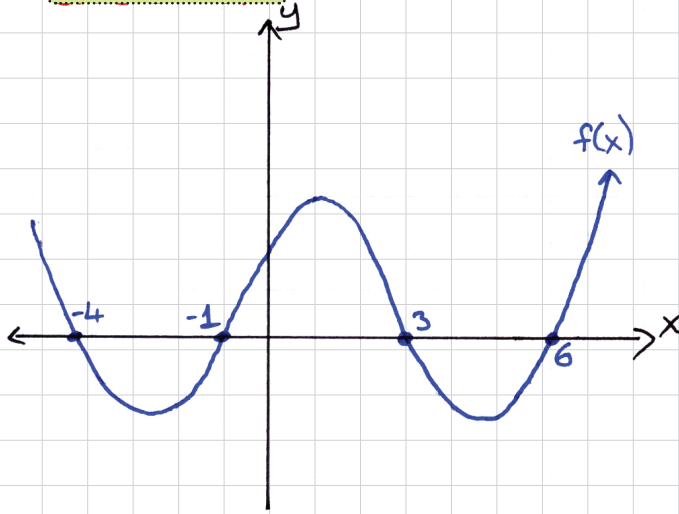
#### Örnek 1

$f(x)$  fonksiyonunun pozitif ve negatif olduğu aralıkları belirtiniz.



#### Çözüm

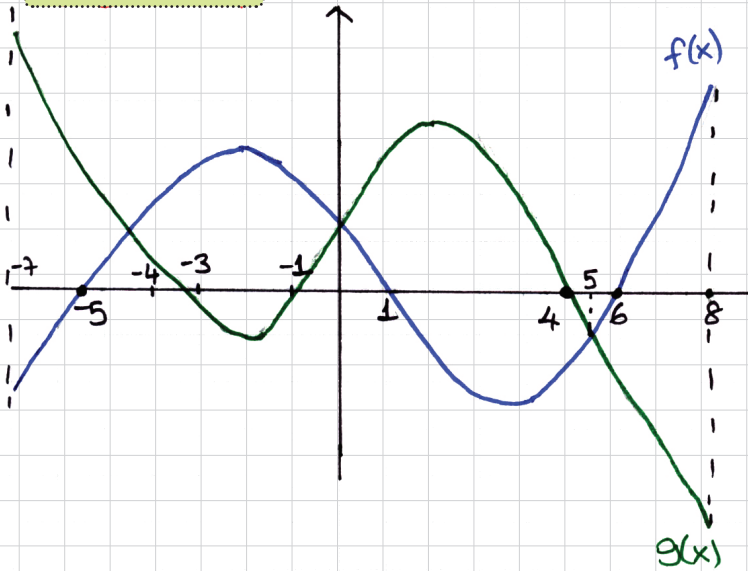
### Örnek 2



$f(x) \leq 0$  eşitsizliğini sağlayan  $x$  tamsayı değerler toplamını bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 3



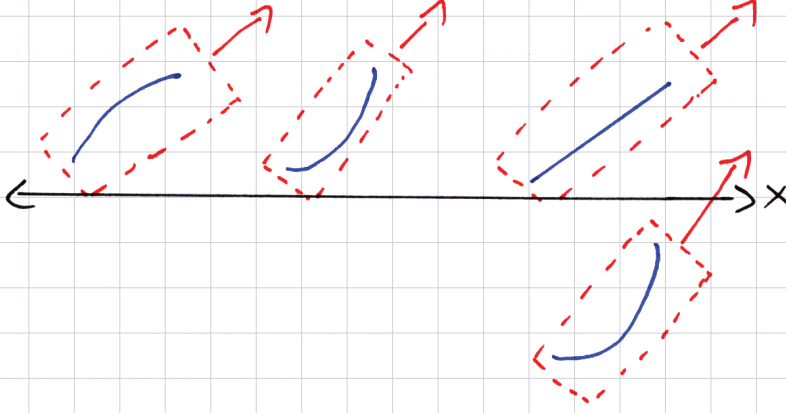
Yukarıdaki grafikte  $[-7, 8]$  aralıkta  $f(x)$  ve  $g(x)$  fonksiyonları verilmiştir. Grafığe göre aşağıdaki ifadeleri bulunuz

- $f(x)$  fonksiyonunun negatif olduğu aralığı
- $g(x)$  fonksiyonunun pozitif olduğu aralığını
- $f(x) \cdot g(x) < 0$  eşitsizliğini sağlayan  $x$  aralığını
- $f(x) \cdot g(x) \geq 0$  eşitsizliğini sağlayan  $x$  aralığını

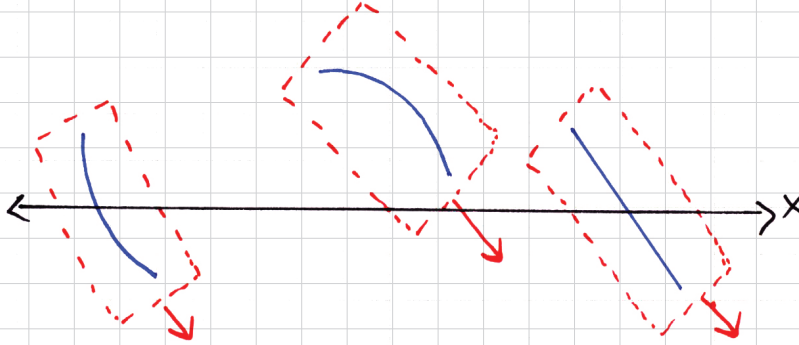
### Çözüm

## Fonksiyonların Artan ve Azalanlığı

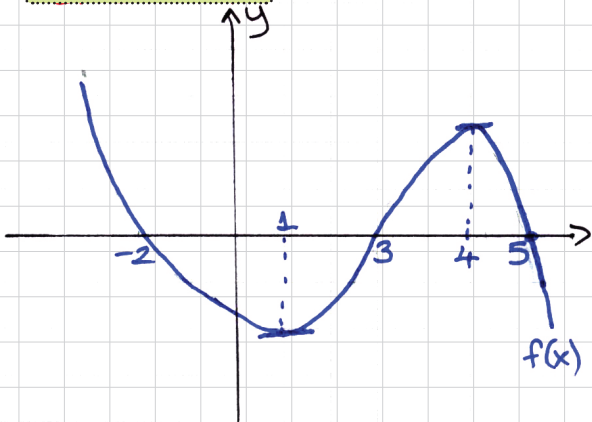
**Tanım** Fonksiyonun tanımlı olduğu aralıktaki her  $x_1$  ve  $x_2$  noktaları için  $x_1 < x_2$  iken  $f(x_1) < f(x_2)$  ise  $f$  fonksiyonu artandır.



**Tanım** Fonksiyonun tanımlı olduğu aralıktaki her  $x_1$  ve  $x_2$  noktaları için  $x_1 < x_2$   $f(x_1) > f(x_2)$  ise  $f$  fonksiyonu azalandır.



Örnek 4

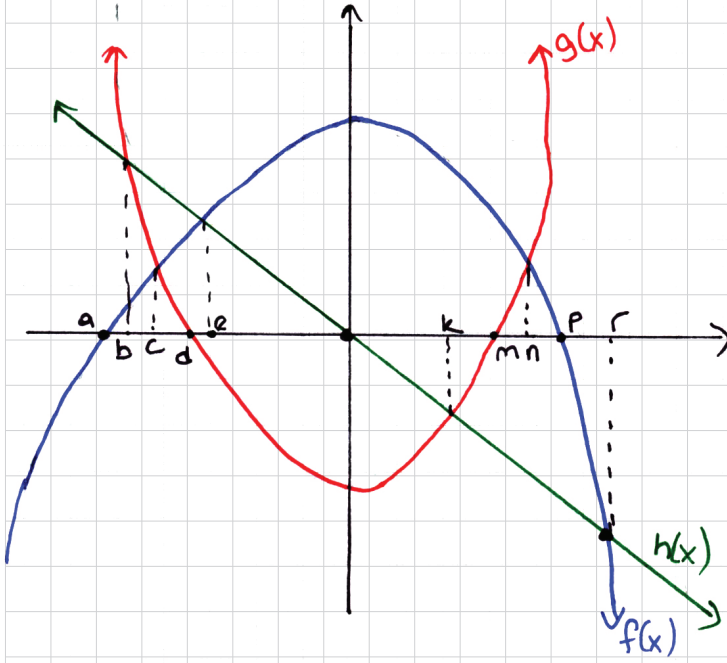


$f(x)$  fonksiyonunun artan ve azalan olduğu aralıkları bulunuz.

Çözüm

Örnek 5

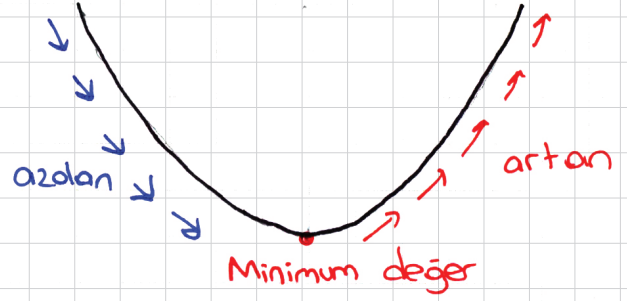
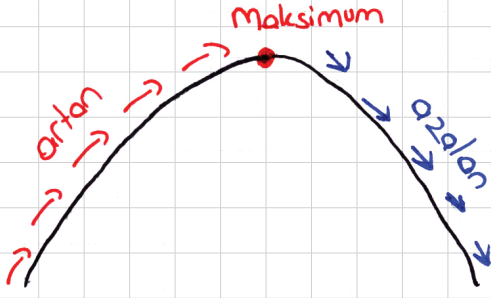
Çözüm



Grafige göre aşağıdaki ifadeleri cevaplayınız

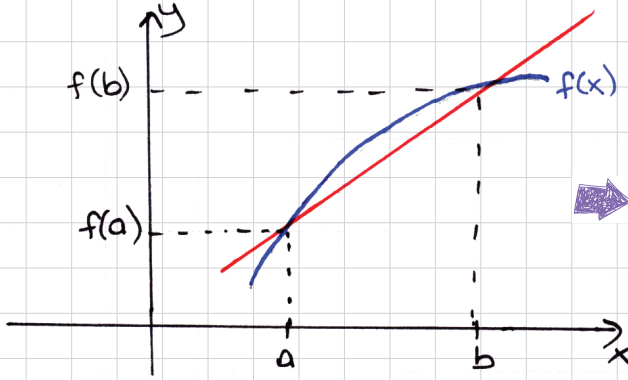
- a)  $f(x) \cdot g(x) > 0$  eşitsizliğini sağlayan aralığı
- b)  $f(x) \cdot h(x) \leq 0$  eşitsizliğini sağlayan aralığı
- c)  $f(x) \cdot h(x) > 0$   
 $f(x) \cdot g(x) > 0$  } eşitsizliğini sağlayan aralığı
- d)  $g(x)$ 'in artan ve  $h(x)$ 'in negatif olduğu  $x$  aralığı
- e)  $g(x)$ 'in pozitif,  $f(x)$ 'in azalan ve  $g(x)$ 'in artan olduğu  $x$  aralığı bulunuz.

Fonksiyonun Maksimum ve Minimum Değerleri:  
(En büyük) (En küçük)



### Fonksiyonun Değişim Oranı (Değişim Hızı)

Bir fonksiyonun  $[a, b]$  aralığındaki ortalama değişim hızı :



$$\text{Değişim hızı} = \frac{f(b) - f(a)}{b - a} \text{ dir.}$$

**Örnek 6** Gerçek sayılar küme-

sinde tanımlı  $f(x) = 3x - 4$  fonksiyonun  
değişim oranını bulunuz.

**Çözüm**

Keyfi  $x$  değerleri alıp,  $y$  değerleri  
bulabiliriz.

$$x_1 = 1 \Rightarrow f(1) = 3 \cdot 1 - 4 = -1$$

$$x_2 = 2 \Rightarrow f(2) = 3 \cdot 2 - 4 = 2$$

$$\text{Değişim Oranı} = \frac{f(2) - f(1)}{2 - 1} = \frac{2 - (-1)}{1} = \frac{3}{1}$$

\* Farklı  $x$  değerleri alındığında yine  
aynı sonuç bulunur.

### Örnek 7

Geçen gün Sayısı	Çözdüğü soru sayısı
3	11
5	17
9	29
15	47

Ömerin geçen günlere göre çözdüğü soru sayısı yukarıdaki tabloda verilmiştir. Buna göre Ömer'in çözdüğü soruların günlere göre değişim oranı kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 8

İlk 10 dakikada depoda kalan su her dakikada ortalama 3 litre azalmıştır. Bu cümleyi en iyi ifade eden eşitlik hangisidir?

a)  $\frac{f(10)}{f(0)} = 3$

b)  $\frac{f(10)-f(0)}{10} = -3$

c)  $\frac{f(10)-f(0)}{10} = 3$

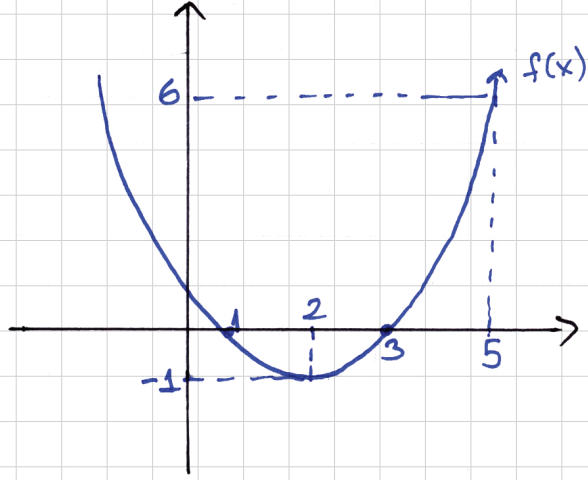
d)  $f(10)-f(0) = -3$

e)  $f(10)+f(0) = 3$

### Çözüm



### Örnek 9



Grafığı verilen  $f(x)$  fonksiyonunun  $2 \leq x \leq 5$  için ortalama değişim hızı kaçtır?

### Çözüm

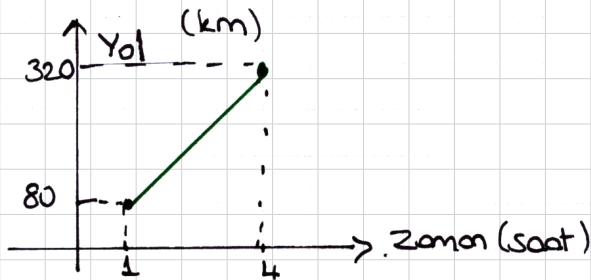
### Örnek 10

$$f(x^2 - 4x + 1) = 4x^2 - 16x + 2$$

fonksiyonu veriliyor. Buna göre  $f(x)$  fonksiyonunun değişim hızı kaçtır.

### Çözüm

### Örnek 11



Yukarıdaki grafik bir hareketlinin zamana göre bulunduğu konumu göstermektedir. Buna göre bu hareketlinin konumunun ortalama değişim hızı kaçtır?

### Çözüm

## İkinci Dereceden Fonksiyonlar ve Grafiği

### PARABOL

$y = f(x) = ax^2 + bx + c$ , ( $a \neq 0$ ) fonksiyonunun grafiğine **parabol** denir.

Grafik çizilirken izlenilecek yol:

1)  $a > 0$  ise  (kollar yukarı bakar)

$a < 0$  ise  (kollar aşağı bakar)

( $a$  katsayısı mutlak değerce büyürse kollar kapanır)

2)  $x=0$  için  $y$  eksenini kestiği yer bulunur ( $y=c$ )

$y=0$  için  $x$  eksenini kestiği yer yada yerler bulunur.

$y=0$  için  $\rightarrow ax^2 + bx + c = 0$  için  $\Delta = b^2 - 4ac$  incelenir

i)  $\Delta < 0$  ise parabol  $x$  eksenini kesmez

ii)  $\Delta = 0$  ise parabol  $x$  eksenine teğettir.

iii)  $\Delta > 0$  ise parabol  $x$  eksenini farklı iki noktada keser.

3) Tepe Noktası:  $T(r, k)$  bulunur.

$$r = -\frac{b}{2a} \quad (\text{simetri eksen})$$

$$k = f(r) = \frac{4ac - b^2}{4a} \quad (\text{max, min değer})$$

### Çözümlü Örnekler

$f(x) = x^2 - 2x - 15$  fonksiyonunun grafiğini çizelim.

### Çözüm

1)  $a = 1 > 0$  olduğundan kollar yukarı bakar

2)  $x = 0$  için  $y = -15$   $(0, -15)$

$y = 0$  için  $x^2 - 2x - 15 = 0$

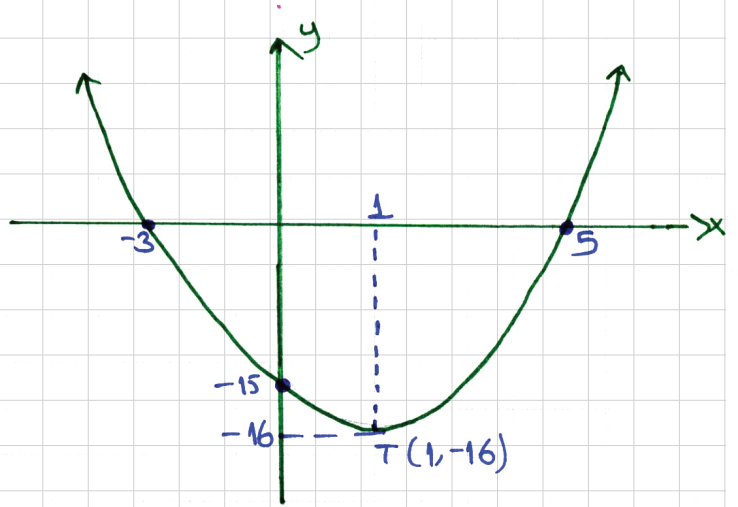
$$(x-5)(x+3) = 0 \Rightarrow x = 5, x = -3$$

$(-3, 0)$  ve  $(5, 0)$

3)  $T(r, k)$

$$r = \frac{-b}{2a} = -\frac{-2}{2} = 1 \quad T(1, -16)$$

$$k = f(1) = 1 - 2 - 15 = -16$$



### Örnek 12

$y = x^2 - 2x - 8$  fonksiyonunun grafiğini çiziniz.

### Çözüm

Örnek 13  $y = -x^2 + 6x + 12$  parabolünün

Çözüm

- a) Simetri eksenini  
b) En büyük değerini bulunuz.

Örnek 14  $\frac{12}{x^2 - 2x - 3}$  ifadesinin  
en büyük değerini bulunuz.

Çözüm

Örnek 15 Tanesi  $x - 2$  TL olan  
kalemlerden  $8 - x$  tane alan bir kişi  
en fazla kaç TL öder?

Çözüm

Örnek 16  $x \in [-2, 5]$  olmak üzere,  
 $y = x^2 - 8x + 15$  ifadesinin alabileceği  
en büyük ve en küçük değeri bulunuz?

Çözüm

Örnek 17  $y = x^2 - 4x + a + 2$  parabolü  
 $x$  eksenine teget ise  $a$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 18  $y = x^2 - (2-m)x + m + 5$

Çözüm

parabolün simetri eksenini  $x=1$  doğrusu ise  $y$ 'nin alabileceği en küçük değer kaçtır?

Örnek 19  $y = x^2 - (a-2)x + 9$

Çözüm

parabölü  $x$  eksenini kesmediğine göre  $a$ 'nın alabileceği tamsayı değerler toplamı kaçtır?

Örnek 20  $y = x^2 - 2x + 5$  ve  $y = -x^2 + 4x - 1$

Çözüm

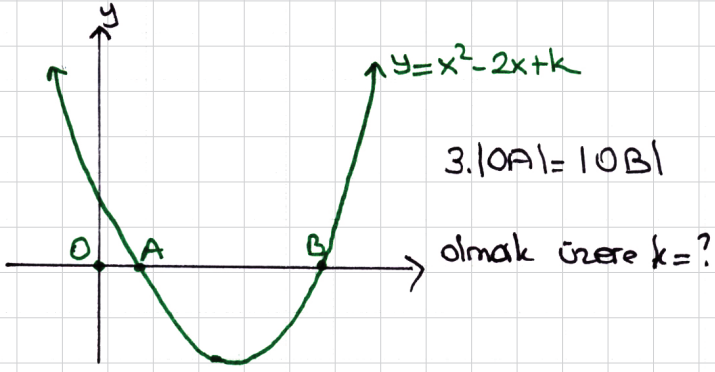
parabollerinin tepe noktaları arasındaki uzaklığı bulunuz.

Örnek 21  $x - y = 3$  olduğuna göre,

Çözüm

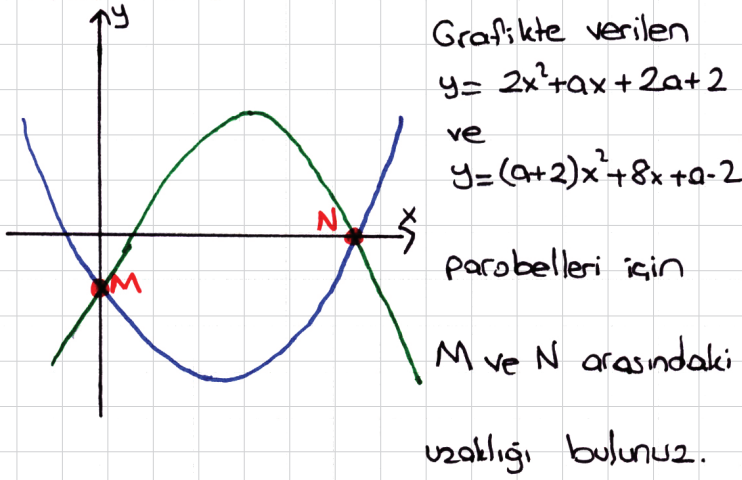
$x^2 + xy - x - 7$  ifadesinin alabileceği en küçük değer kaçtır?

### Örnek 22



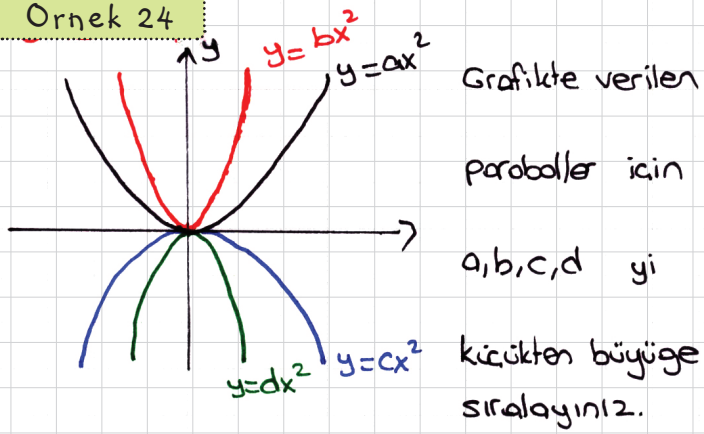
### Çözüm

### Örnek 23



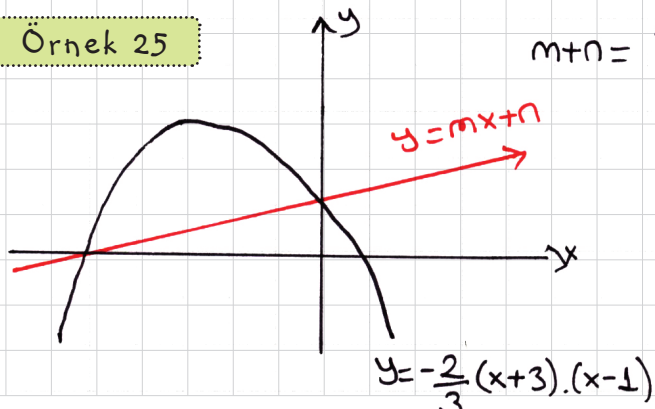
### Çözüm

### Örnek 24



### Çözüm

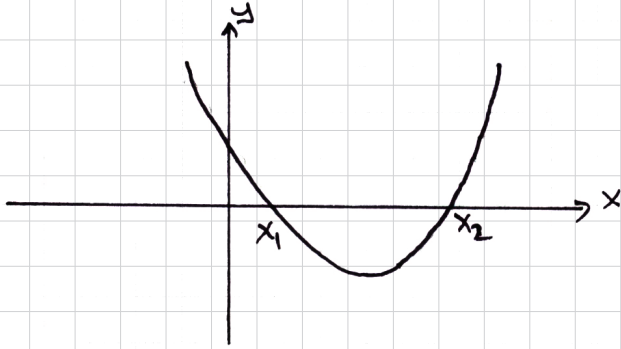
### Örnek 25



### Çözüm

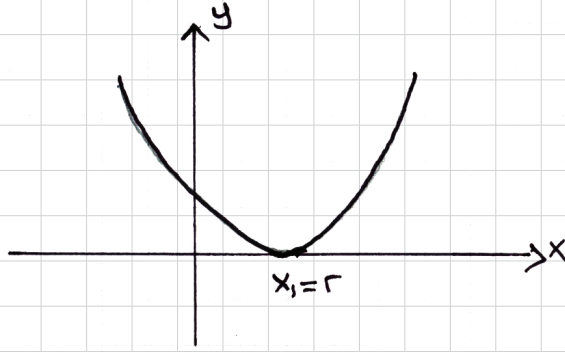
## Grafiki Verilen Parabolün Denklemi Yazma

1) x eksenini iki noktada keserse ;



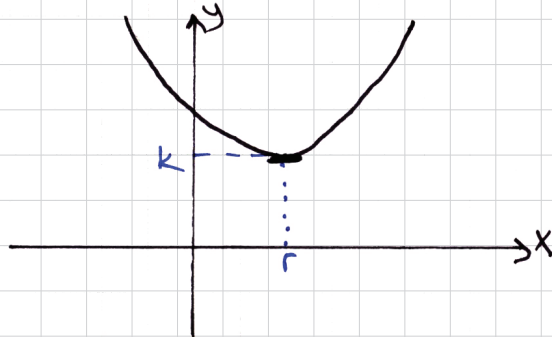
$$y = a(x - x_1)(x - x_2)$$

2) x eksenine teget ise ;



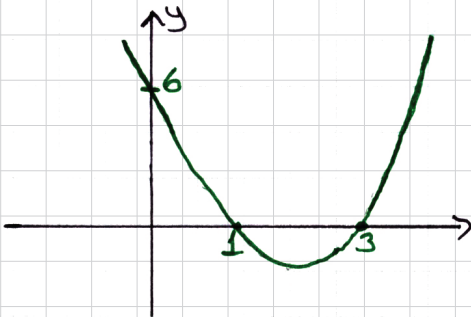
$$y = a(x - r)^2$$

3) x eksenini kesmezse ;



$$y = a(x - r)^2 + k$$

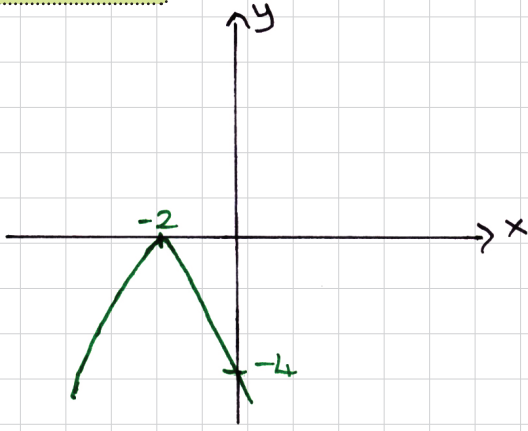
Örnek 26



Grafiki verilen fonksiyonun denklemini yazınız.

Çözüm

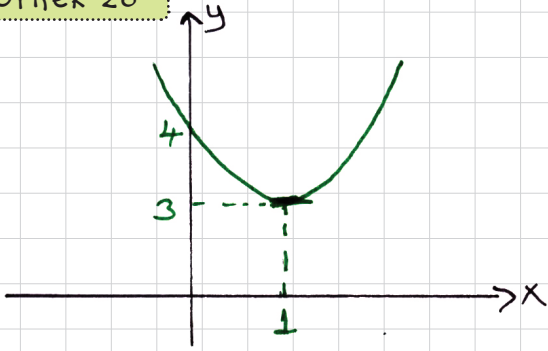
Örnek 27



Grafığı verilen parabolün denklemini yazınız.

Çözüm

Örnek 28



Grafığını verilen parabolün denklemini yazınız.

Çözüm

Örnek 29 Tepe noktası  $(1, -2)$

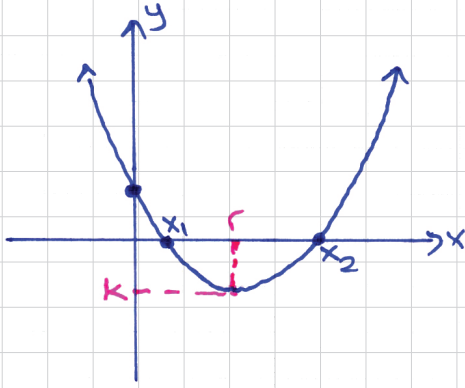
alan ve  $A(3, 6)$  noktasından geçen parabolün denklemini yazınız.

Çözüm



### Çözümlü Örnekler

$y = ax^2 + bx + c$  fonksiyonun grafiği aşağıda verilmiştir.



Buna göre  $a, b, c, r, k, \Delta$  yı yorumla yalım.

$a \rightarrow$  Kollar yukarı baktığı için : (+)

$c \rightarrow$  y eksenini kestiği nokta : (+)

$r \rightarrow +$

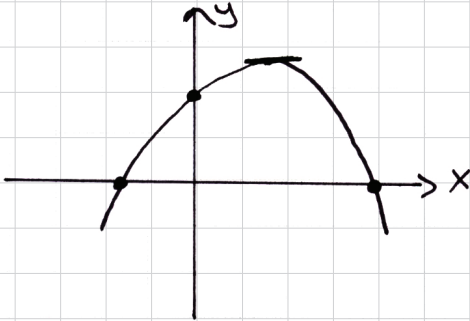
$k \rightarrow -$

$\Delta \rightarrow$  x eksenini iki noktada kestiği için (+)

$b \rightarrow r = -\frac{b}{2a} \rightarrow (-)$   
 $\downarrow$   
 $(+)$        $2a \rightarrow (+)$

**Örnek 30** Denklemleri  $y = ax^2 + bx + c$  olan aşağıdaki paraboller için  $a, b, c, r, k, \Delta$  değerlerini yorumlayınız.

a



Çözüm

$a \rightarrow$

$b \rightarrow$

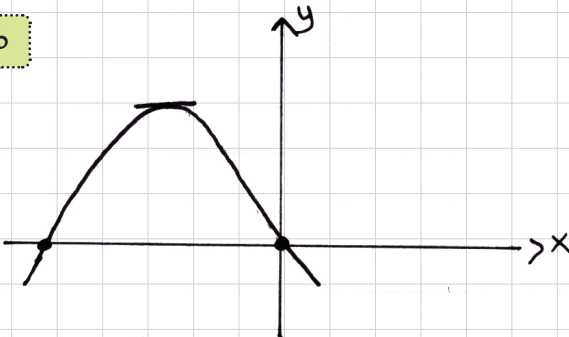
$c \rightarrow$

$r \rightarrow$

$k \rightarrow$

$\Delta \rightarrow$

b



Çözüm

$a \rightarrow$

$b \rightarrow$

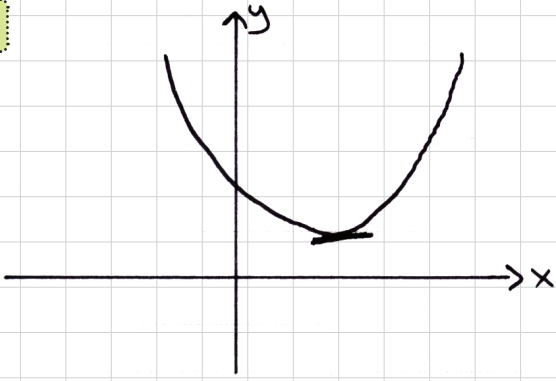
$c \rightarrow$

$r \rightarrow$

$k \rightarrow$

$\Delta \rightarrow$

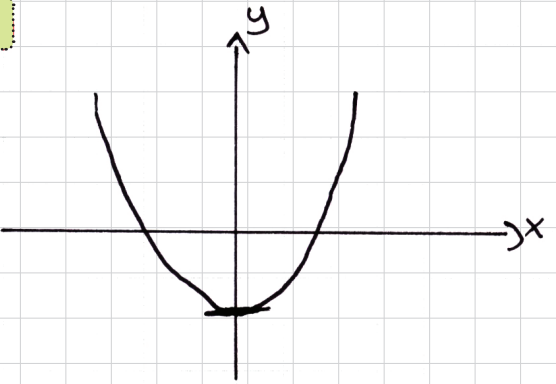
c



Çözüm

- a →
- b →
- c →
- r →
- k →
- Δ →

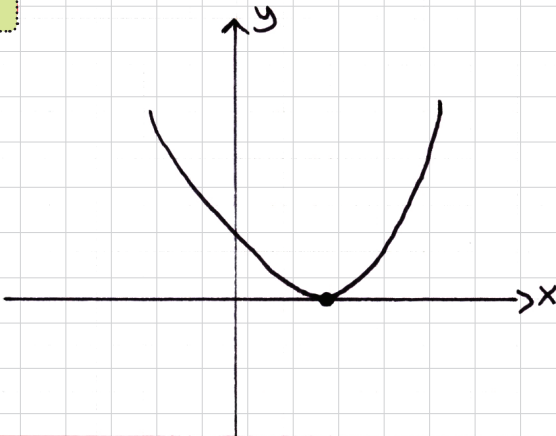
d



Çözüm

- a →
- b →
- c →
- r →
- k →
- Δ →

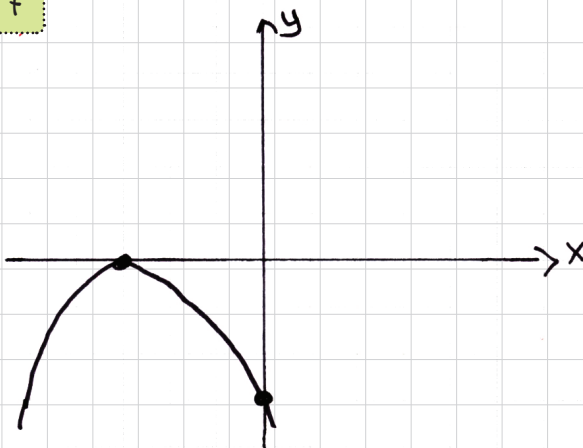
e



Çözüm

- a →
- b →
- c →
- r →
- k →
- Δ →

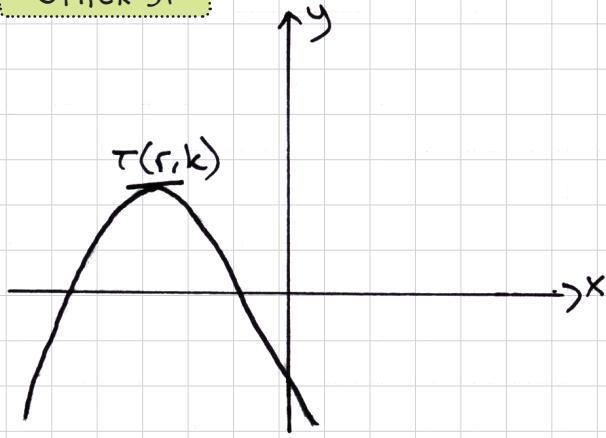
f



Çözüm

- a →
- b →
- c →
- r →
- k →
- Δ →

Örnek 31



$y = ax^2 + bx + c$  denkleminin grafiği

yukarıda verilmiştir. Buna göre  
yanda verilenlerden hangileri  
doğrudur?

Çözüm

I.  $a < 0$

II.  $4ac - b^2 < 0$

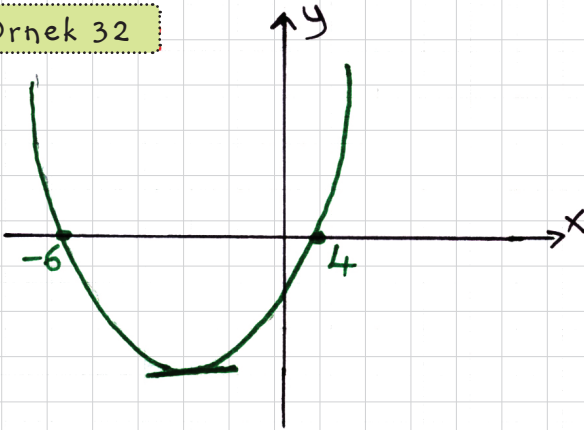
III.  $ac > 0$

IV.  $\frac{b}{a} < 0$

V.  $\frac{r \cdot c}{a \cdot b} > 0$

VI.  $b \cdot a \cdot k < 0$

Örnek 32



$f(x) = ax^2 + bx + c$  fonksiyonunun  
grafigi verilmiştir.

$a \cdot f(m) < 0$  eşitsizliğini sağlayan  
 $m$  tam sayı değerleri toplamı  
kaçtır?

Çözüm

## Parabol İle Doğrunun Birbirine Göre Durumu

$y = ax^2 + bx + c$  parabolü ile  $y = mx + n$  doğrusunun birbirine göre durumu incelenirken denklemler ortak çözülür.

(Birbirine eşitlenir.) Ortak çözümün  $\Delta$  (Diskriminant) sı incelenir.

Ortak çözümün  $\Delta$ ' sı için;

$\Delta < 0$  ise doğru ile parabol kesişmez.

$\Delta = 0$  ise doğru ile parabol teğettir.

$\Delta > 0$  ise doğru ile parabol farklı iki noktada kesişirler.

**Örnek 33**  $y = x^2 - 2x + 4$  parabolü

ile  $y = 2x + m$  doğrusu birbirine teğet ise  $m$  kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 34**  $y = x^2 - x + 2$  parabolü ile

$y = x + 10$  doğrusunun kesim noktalarının koordinatlarını bulunuz.

**Çözüm**

Örnek 35  $y = x^2 + 4$  parabolü ile

$y = 2x + 8$  doğrusunun kesim noktalarının orta noktasının ordinatını bulunuz.

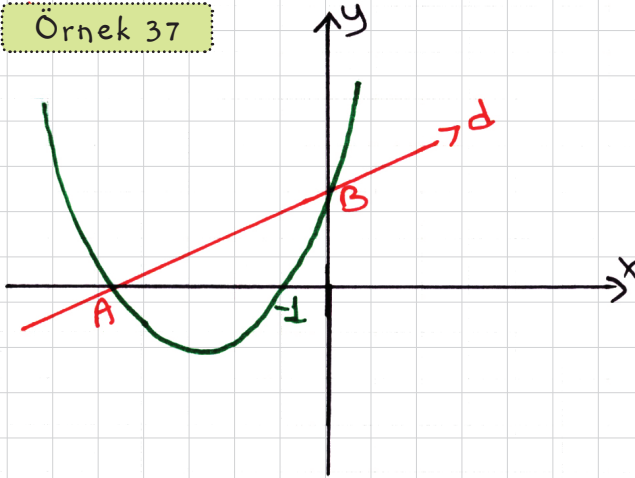
Çözüm

Örnek 36  $y = x^2 - 4x - 5$  parabolüne

teğet ve  $y = 2x + 7$  doğrusuna paralel olan doğrunun denklemini bulunuz.

Çözüm

Örnek 37



$y = x^2 + 5x + c$  parabolü ile

$d$  doğrusu  $A$  ve  $B$  noktalarında

kesismektedir. Buna göre  $|AB|$

kaçtır?

Çözüm

Örnek 38  $y = mx + 5$  doğrusunun

Çözüm

$y = x^2 - 4x + 3m + 8$  parabolüne

teğet olduğu noktaların koordinatları

toplamı kaçtır?

Örnek 39  $y = x^2 - x - 2$  parabolü ile

Çözüm

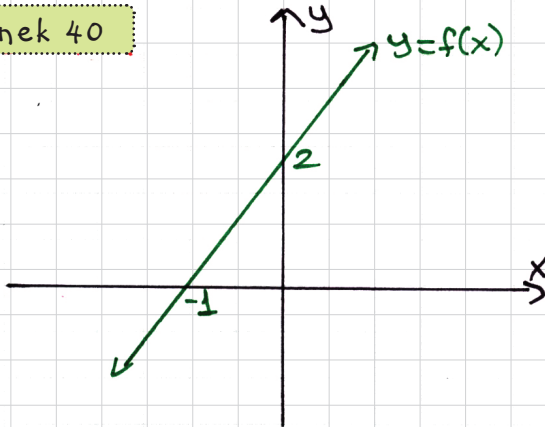
$y = x + n$  doğrusu farklı iki noktada

kesiştiğine göre  $n$  için ne

söylenebilir?

Örnek 40

Çözüm



Grafik  $y = f(x)$  doğrusal fonksiyonuna

aittir. Buna göre  $y = f(x^2 - 5)$

fonksiyonunun grafiğini çiziniz.

## Tek Fonksiyon

Her  $x$  değeri için  $f(-x) = -f(x)$  ise  $f(x)$  fonksiyonu tek fonksiyondur. Tek fonksiyonun grafiği orjine göre simetriktir.

## Çift Fonksiyon

Her  $x$  değeri için  $f(-x) = f(x)$  ise  $f(x)$  fonksiyonu çift fonksiyondur. Çift fonksiyonun grafiği  $y$  eksenine göre simetrik fonksiyondur.

## Grafięin Ötelenmesi

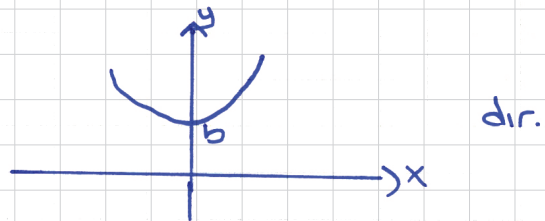
$y = f(x)$  in grafiği



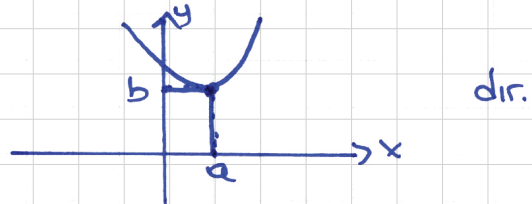
⇒  $f(x-a)$  nin grafiği :



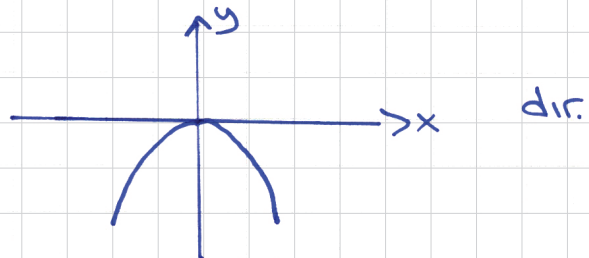
⇒  $f(x)+b$  nin grafiği :



⇒  $f(x+a)+b$  nin grafiği :



⇒  $-f(x)$  in grafiği :

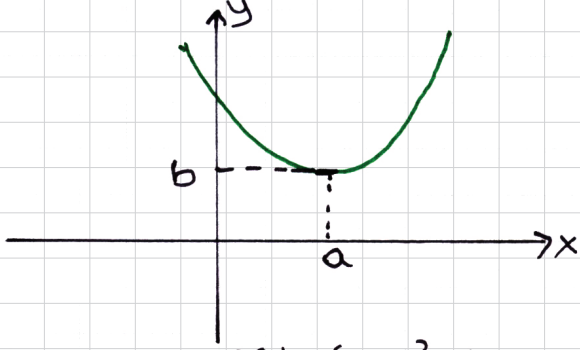


Örnek 41 a ve b pozitif

gerçek sayılar olmak üzere,

$$f(x) = (x-a)^2 + b \text{ fonksiyonunun}$$

grafığı aşağıda verilmiştir.



Buna göre  $f(x) = (x+a)^2 - b$

fonksiyonunun grafığını çiziniz.

Çözüm

Örnek 42 a ve b pozitif gerçek

sayılar olmak üzere,

$$f(x) = (x+a)^2 - b \text{ fonksiyonunun}$$

grafığı orjinden geçmektedir.

$$f(x-a), f(x-a)+b, f(x-3a)$$

parabollerinin tepe noktalarının

oluşturduğu üçgenin a ve b

türünden esitini bulunuz.

Çözüm



## ÜNİTE 4

### 2. DERECEDEDEN 2 BİLİNMEYENLİ DENKLEMLER

$a, b, c, d, e, f$  reel sayı ve  $a, b, c$  sayılarından en az ikisi sıfırdan farklı olmak üzere

$$ax^2 + by^2 + cxy + dx + ey + f = 0 \text{ şeklinde verilen}$$

denklere ikinci dereceden iki bilinmeyenli denklem denir.

Birden fazla denklem varsa denklem sistemi şeklinde adlandırılır.

Örnek 1

$$x^2 + 2y^2 = 18$$

denklem

$$x^2 - y^2 = 15$$

sisteminin çözüm kümesini bulunuz

Çözüm

Örnek 2

$$x + y + 2 = 0$$

$$x^2 + xy - 3y + x + 2 = 0$$

denklem sisteminin çözüm kümesini

bulunuz.

Çözüm

Örnek 3  $a^2 - b = 7$

$$a - \sqrt{b} = -1$$

denklemin sisteminin çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 4  $x^2 - y - 10 = 0$

$$y = 2x + 5$$

denklemin sisteminin çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 5  $5x^2 - 3xy - 2y^2 = 6$

$$5x + 2y = 3$$

denklemin sisteminin çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 6  $x^2 + xy = 12$

$$y^2 + xy = 4$$

denklemler sisteminin çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 7  $y = x^2$  ile

$$y = x + 6$$
 denklemler sisteminin

çözüm kümesinin kaç elemanı olduğunu grafik yardımıyla bulunuz.

Çözüm

Örnek 8  $y = x^2 - x - 12$

$$y = -x + 5$$

denklemler sisteminin kaç farklı reel kökü vardır?

Çözüm

## 2. Dereceden 1 Bilinmeyenli Eşitsizlikler

$a, b, c \in \mathbb{R}$  ,  $a \neq 0$  olmak üzere ,

$ax^2+bx+c < 0$  ifadesine 2. dereceden bir bilinmeyenli eşitsizlik denir.

### Eşitsizlik Çözümünde İzlenecek Yöntem

- 1) Kökler bulunur. Bunun için gerekirse çarpanlara ayırma kullanılır.
- 2) Kökler tabloda küçükten büyüğe doğru sıralanır.
  - a) Paydanın kökü hiçbir zaman alınmaz.
  - b) Payın kökü eşitlik varsa alınır, yoksa alınmaz.
- 3)  $x$  lerin katsayılarının işaretine göre tabloda en sağdan başlayarak işaret yazılır.
  - a) Tek katlı kökte işaret değişir.
  - b) Çift katlı kökte işaret değişmez.

NOT : Mutlak değerli ifadenin kökü çift katlı kök alınır.

Örneğin:  $|x-3|=0$  ,  $x=3$  çift katlı köktür.

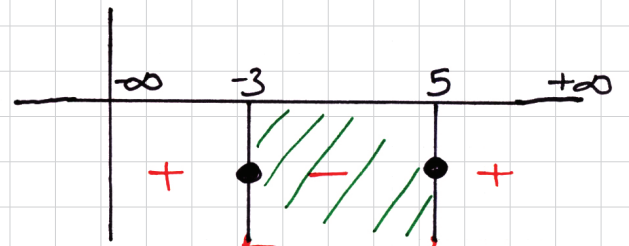
Kılavuz Örnek  $x^2-2x-15 \leq 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

### Çözüm

$$x^2-2x-15 \leq 0$$

$$(x-5)(x+3) \leq 0$$

$$x=5 \quad x=-3$$



Eşitlik olduğundan ( $\leq$ ) noktaları dolu alıyoruz

$$ÇK = [-3, 5]$$

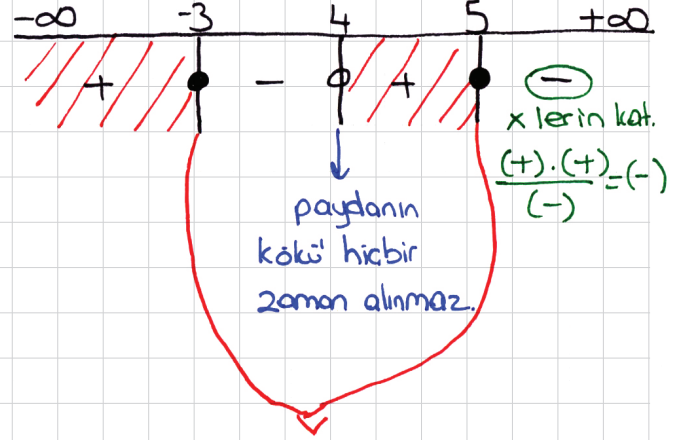
### Kılavuz Örnek

$$\frac{(x-5)(x+3)}{-x+4} \geq 0 \text{ esitsizliğinin}$$

çözüm kümesini bulunuz.

### Çözüm

$$x=5, x=-3, x=4$$



Payın kökleri eşitlik olduğundan dolu alınır

$$ÇK = (-\infty, -3] \cup (4, 5]$$

### Kılavuz Örnek

$$\frac{(x-4) \cdot (-x+1)^2}{(x-3) |x-5|} \leq 0$$

esitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

### Çözüm

$x=4 \rightarrow$  Payın kökü eşitlik olduğu için alınır.

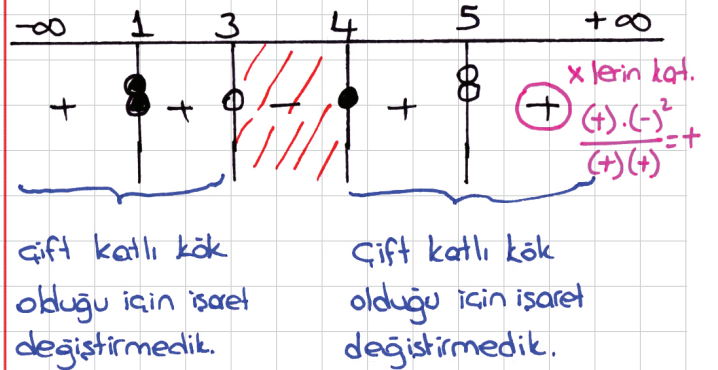
$x=1 \rightarrow$  " " " " " "

Aynı zamanda çift katlı köktür.

$x=3 \rightarrow$  Paydanın kökü alınmaz.

$x=5 \rightarrow$  Paydanın kökü alınmaz.

Mutlak değer olduğu için çift katlı köktür.



çift katlı kök olduğu için işaret değiştirmedik.

çift katlı kök olduğu için işaret değiştirmedik.

$$ÇK = (3, 4] \cup \{1\}$$

Örnek 9

$x^2 - x - 6 \leq 0$  eşitsizliğinin çözüm

kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 10

$x^2 - 3x > 0$  eşitsizliğinin çözüm

kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 11  $-x^2 + x + 30 \geq 0$  eşitsizliğinin

çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 12  $\frac{(x-3) \cdot (x+4)}{(x-5)^2} < 0$

esitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 13  $\frac{(x^2-16)(x+3)}{(x^2-25)(x-1)} \geq 0$

esitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 14  $\frac{|x-3| \cdot 5^{x-2} \cdot (x-1)}{(x+4)} < 0$

esitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

## Hatırlatma

$ax^2+bx+c=0$  denklemi için  $\Delta = b^2-4ac$  dir.

- 1)  $\Delta < 0$  ise reel kök yoktur.
- 2)  $\Delta = 0$  ise eşit (çakışık) iki kök vardır.
- 3)  $\Delta > 0$  ise farklı iki reel kök vardır.

Bu kökler

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}, \quad x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \text{ dir.}$$

### Örnek 15

$x^2 - x + 2 > 0$  eşitsizliğinin çözüm

kümesini bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 16

$x^2 - 2x + 9 > 0$  eşitsizliğinin çözüm

kümesini bulunuz.

### Çözüm



Örnek 17

$-x^2+x-5 < 0$  eşitsizliğinin çözüm

kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 18

$-x^2+3x-7 > 0$  eşitsizliğinin çözüm

kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 19

$x^2-6x+m+3=0$  denkleminin reel

kökü yoksa  $m$  için ne söylenebilir?

Çözüm

Örnek 20  $f(x)=x^2-2ax+5a$  fonksiyonu

veriliyor. Her  $x$  değeri için  $f(x) > 6$

olduğuna göre,  $a$ 'nın çözüm aralığını

bulunuz.

Çözüm

Örnek 21  $a < 0 < b$  olmak üzere,

$$\frac{(ax-b)(bx+a)}{x^2} \leq 0 \text{ esitsizliğinin}$$

çözüm kümesini bulunuz

Çözüm

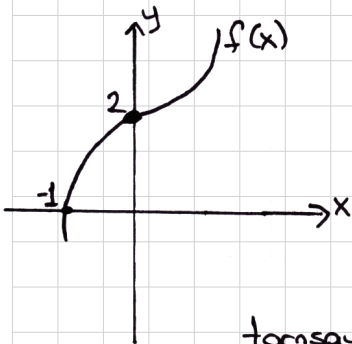
Örnek 22  $a < 0 < b < c$  olmak üzere,

$$\frac{(x-a)(x-c)}{(x-b)} \geq 0 \text{ esitsizliğinin}$$

çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 23



$$\frac{f(x)}{x-2} \leq 0$$

esitsizliğini

sağlayan  $x$

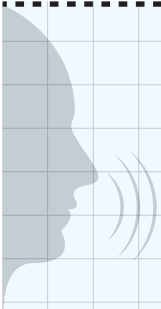
tamsayıların toplamı kaçtır?

Çözüm

## ÖDEV 1

- 1)  $x^2 - x - 20 < 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 2)  $x < \frac{-5}{4-x}$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 3)  $\frac{(6-x)(2-x)^2}{x-4} > 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 4)  $(x^2 - 16)(x+3)^2 > 0$  eşitsizliğini sağlamayan kaç tane  $x$  tamsayı değeri vardır?
- 5)  $\frac{2^{x-1} \cdot |x-3|}{x^2-1} < 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 6)  $m < 0 < n$  olmak üzere,  
 $\frac{(2x-2m) \cdot x}{n-x} < 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 7)  $\frac{(x-1)(x^2-x+1)}{x-3} \leq 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 8)  $\frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} \leq 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 9)  $x < \frac{4}{x}$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.
- 10)  $x^3 + x^2 - 9x - 9 < 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

**ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:**



## 2. Dereceden Denklemlerin Kökleri Arasında İlişkiler

$ax^2+bx+c=0$  denkleminin kökleri  $x_1$  ve  $x_2$  olsun.

$$\Rightarrow x_1 < 0 < x_2 \text{ ve } |x_1| < x_2 \Rightarrow \begin{aligned} x_1 \cdot x_2 &= \frac{c}{a} < 0 \\ x_1 + x_2 &= \frac{-b}{a} > 0 \end{aligned}$$

Burada köklerinden birinin (-), diğerinin (+) ve (+) olanın mutlak değerce daha büyük olduğunu görüyoruz.

Dolayısı ile kökler toplamı (+), çarpımı (-) olur.

$$\Rightarrow x_1 < 0 < x_2 \text{ ve } |x_1| > x_2 \Rightarrow \begin{aligned} x_1 \cdot x_2 &= \frac{c}{a} < 0 \\ x_1 + x_2 &= \frac{-b}{a} < 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow x_1 < 0 < x_2 \text{ ve } |x_1| = x_2 \Rightarrow \begin{aligned} x_1 \cdot x_2 &= \frac{c}{a} < 0 \\ x_1 + x_2 &= \frac{-b}{a} = 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 0 < x_1 < x_2 \Rightarrow \begin{aligned} x_1 \cdot x_2 &= \frac{c}{a} < 0 \\ x_1 + x_2 &= \frac{-b}{a} > 0 \end{aligned}$$

Burada, köklerin ikisi de (+) olduğundan, kökler toplamı da çarpımı da pozitiftir.

$$\Rightarrow x_1 < x_2 < 0 \Rightarrow \begin{aligned} x_1 \cdot x_2 &= \frac{c}{a} > 0 \\ x_1 + x_2 &= \frac{-b}{a} < 0 \end{aligned}$$

Burada, köklerin ikisi de (-) olduğundan, kökler çarpımı (+), kökler toplamı (-) dir.

### Örnek 24

$$(a-1)x^2 - (2a-5)x + a-6 = 0$$

denkleminin kökleri  $x_1$  ve  $x_2$  dir.

$|x_1| > x_2$  ve  $x_1 < 0 < x_2$  olduğuna göre  $a$  hangi aralıktadır.

### Çözüm

### Örnek 25

$$x^2 - 4x + a - 2 = 0 \text{ denkleminin farklı}$$

pozitif reel kökünün olabilmesi için

$a$ 'nın alabileceği tamsayı değerlerinin

toplamı kaçtır?

### Çözüm

## EŞİTSİZLİK SİSTEMLERİ

Örnek 26

$$\left. \begin{array}{l} (x-3)(x+2) \leq 0 \\ (x+4)(x-5) > 0 \end{array} \right\} \text{Eşitsizlik sisteminin}$$

çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

Örnek 27

$$\left. \begin{array}{l} x^2 - 2x - 15 \leq 0 \\ x^2 - 9 > 0 \end{array} \right\} \text{Eşitsizlik sisteminin}$$

çözüm kümesini bulunuz.

Çözüm

$$\left. \begin{array}{l} \frac{x-3}{x-2} \leq 0 \\ \frac{x+4}{x-5} > 0 \end{array} \right\}$$

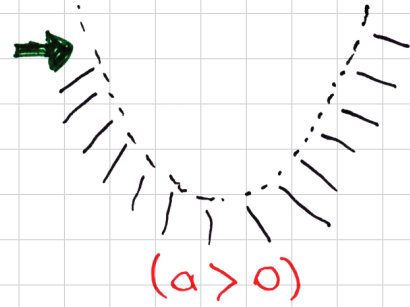
Eşitsizlik sisteminin çözüm kümesini

bulunuz.

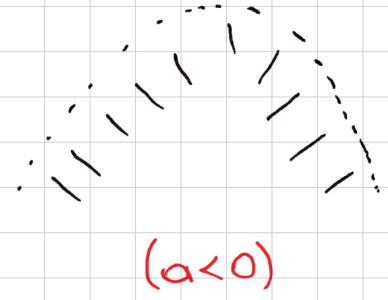
Çözüm

# İkinci Dereceden Eşitsizliğin Grafığı

$$y < ax^2 + bx + c$$

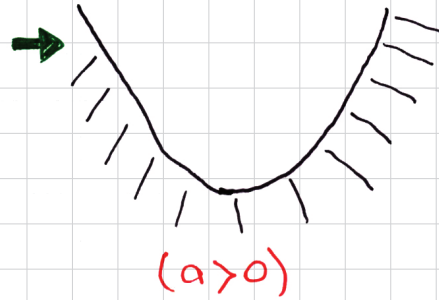


$(a > 0)$



$(a < 0)$

$$y \leq ax^2 + bx + c$$



$(a > 0)$

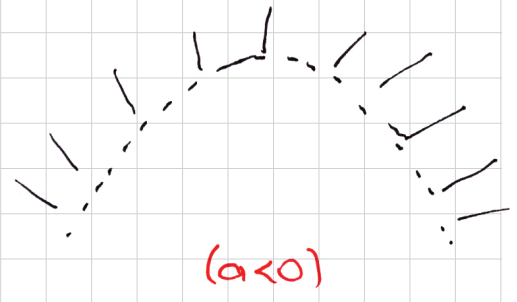


$(a < 0)$

$$y > ax^2 + bx + c$$

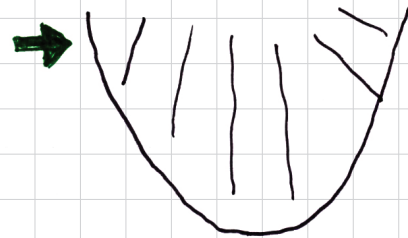


$(a > 0)$

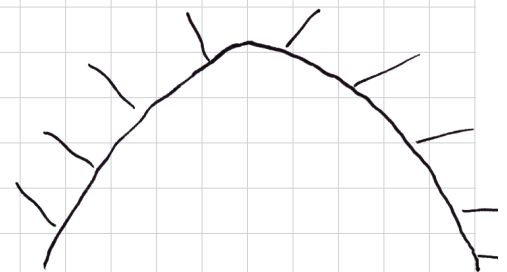


$(a < 0)$

$$y \geq ax^2 + bx + c$$



$(a > 0)$



$(a < 0)$

Örnek 29:  $y < -x^2 + 9$

$$y \geq x^2 - 1$$

Eşitsizlik sisteminin grafiğini

çiziniz.

Çözüm

Örnek 30:  $y \leq (x-1)^2$

$$y > -x^2 + 2x + 15$$

Eşitsizlik sisteminin grafiğini

çiziniz.

Çözüm

Örnek 31:  $y+2 > (x+1)^2$

$$y+x^2 < 1$$

Eşitsizlik sisteminin grafiğini

çiziniz.

Çözüm



## ÖDEV 2

1)  $x^2 - x + 1 > 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

2)  $A = x^2 + 4x + a$  veriliyor. Her  $x \in \mathbb{R}$  için  $A > 3$  olduğuna göre  $a$  için ne söylenebilir?

3)  $\left(\frac{2}{5}\right)^{x^2 - 2x} \leq \left(\frac{4}{25}\right)^4$  eşitsizliğinin çözüm kümesini bulunuz.

4)  $ax^2 - (2a+2)x + a > -3$  eşitsizliği her  $x \in \mathbb{R}$  için sağlandığına göre  $a$  için ne söylenebilir?

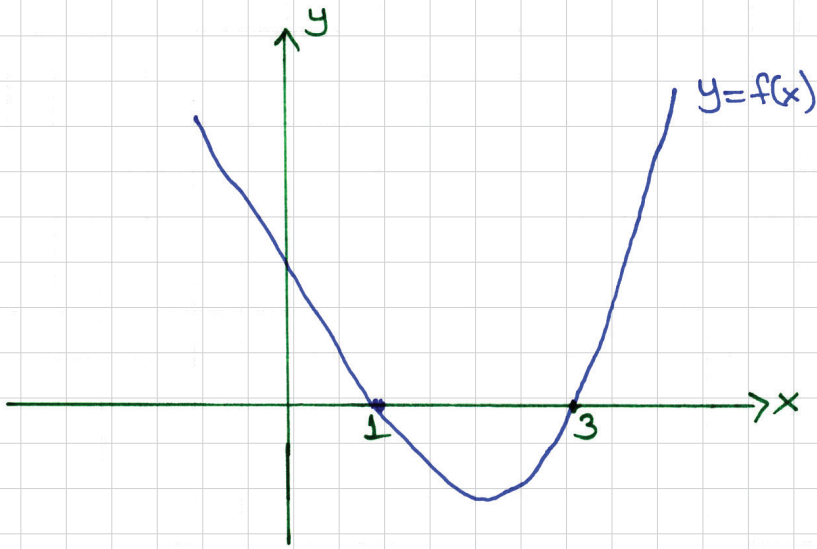
5) 
$$\left. \begin{array}{l} \frac{x-2}{x-7} \leq 0 \\ \frac{5-x}{x+2} > 0 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Eşitsizlik sisteminin} \\ \text{çözüm kümesini bulunuz.} \end{array}$$

6) 
$$\left. \begin{array}{l} \frac{-18}{x-1} < 0 \\ \frac{x-3}{5-x} > 0 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Eşitsizlik sisteminin} \\ \text{çözüm kümesini bulunuz.} \end{array}$$

7) 
$$\left. \begin{array}{l} (x-2) \cdot (x-5) \cdot |x| < 0 \\ (x^2-4) \cdot (7-x) \geq 0 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Eşitsizlik sisteminin} \\ \text{çözüm kümesini bulunuz.} \end{array}$$

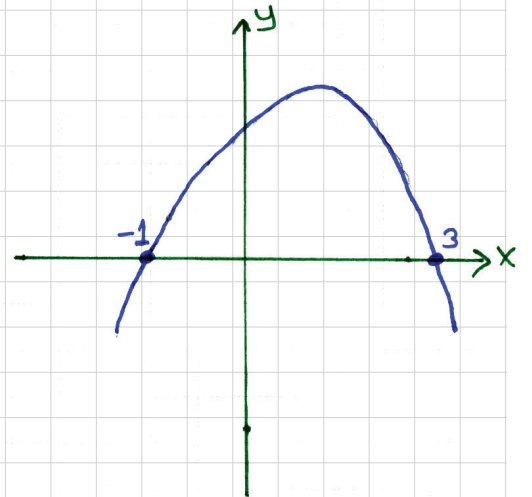
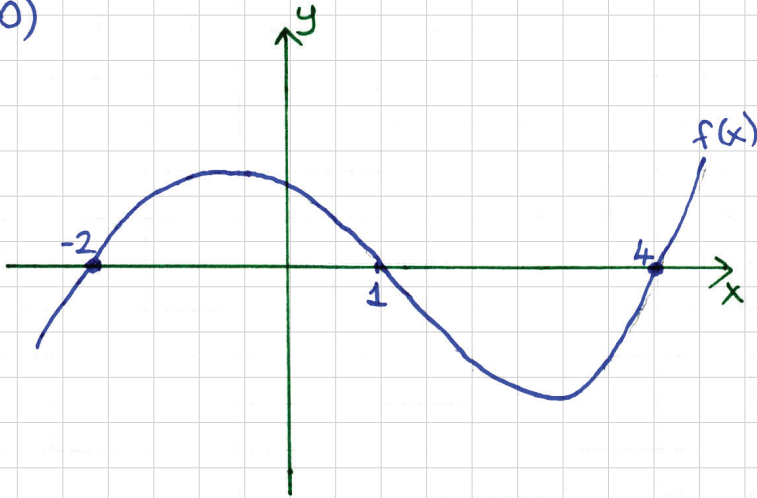
8) 
$$\left. \begin{array}{l} y < (x-3)^2 + 2 \\ y \geq -(x+1)^2 + 3 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Eşitsizlik sisteminin} \\ \text{grafliğini çiziniz.} \end{array}$$

9)



$(5-x) \cdot f(x) > 0$  esitsizliğinin cözüm kümesini bulunuz.

10)



Yukarıda  $f(x)$  ve  $g(x)$  fonksiyonlarının grafiği verilmiştir. Buna göre,

$\frac{f(x)}{g(x)} \leq 0$  esitsizliğinin cözüm kümesini bulunuz.

## 4. ÜNİTE CEVAPLAR

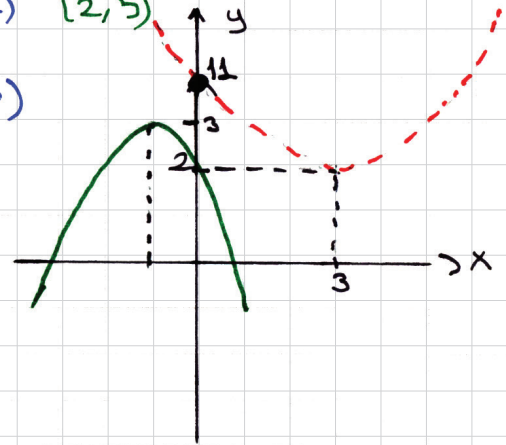
### ÖDEV 1

- 1)  $(-4, 5)$
- 2)  $(-\infty, -1) \cup (4, 5)$
- 3)  $(4, 6] \cup \{2\}$
- 4)  $9$
- 5)  $(-1, 1)$
- 6)  $(m, 0) \cup (n, \infty)$
- 7)  $[1, 3)$
- 8)  $(-1, 0)$
- 9)  $(-\infty, -2) \cup (0, 2)$
- 10)  $(-\infty, -3) \cup (-1, 3)$

### ÖDEV 2

- 1)  $\mathbb{R}$
- 2)  $a > 7$
- 3)  $\mathbb{R} - (-2, 4)$
- 4)  $a > 1$
- 5)  $[2, 5)$
- 6)  $(3, 5)$
- 7)  $(2, 5)$

8)



- 9)  $(-\infty, 1) \cup (3, 5)$
- 10)  $[-2, 1) \cup [1, 3) \cup [4, \infty)$

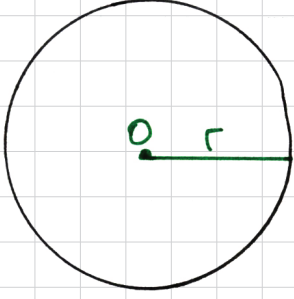
## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



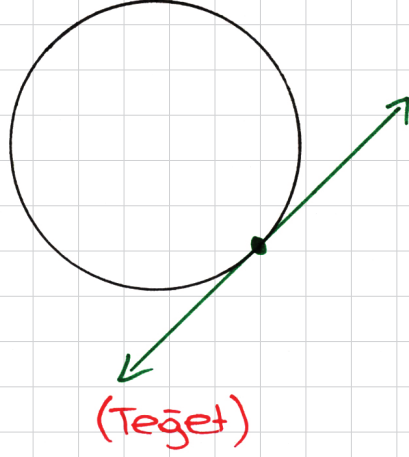
A large grid area for writing, enclosed by a dashed border.

## ÜNİTE 5

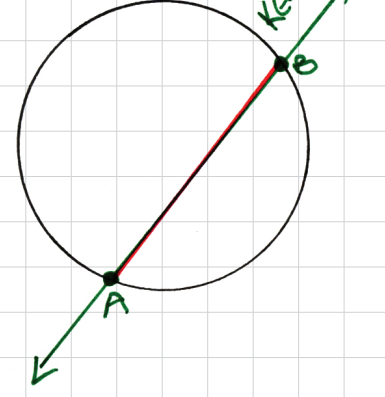
### ÇEMBERİN TEMEL ELEMANLARI



Merkzin çembere  
olan uzaklığı, yarıçaptır



(Teğet)

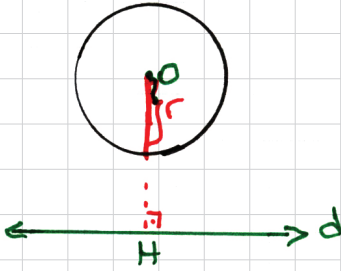


[AB] : Kiriş

En uzun kiriş çaptır

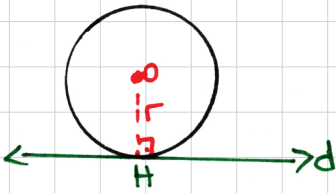
### Düzlemde Çember ile Doğrunun Durumu

1)



Çemberin merkezinin doğruya uzaklığı,  
yarıçaptan büyük ise doğru çemberi  
kesmez.  $|OH| > r$

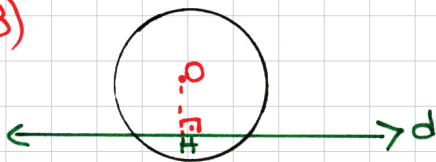
2)



Çemberin merkezinin doğruya uzaklığı,  
yarıçapa eşit ise doğru çembere teğettir.  
 $|OH| = r$

**NOT** Yarıçap teğettir.

3)

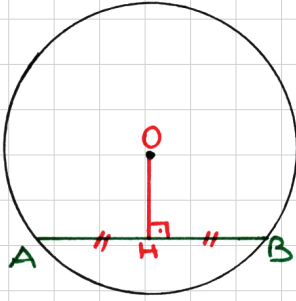


Çemberin merkezinin doğruya uzaklığı,  
yarıçaptan küçük ise doğru çemberi farklı  
iki noktada keser.

$$|OH| < r$$

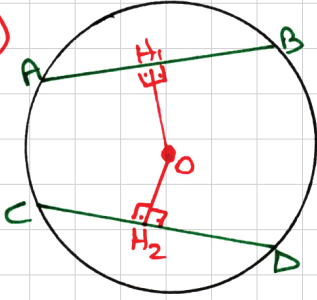
## Kirişin Özellikleri

1)



Merkezden kirise inilen dikme kirisi iki eş parçaya ayırır yada kirisin orta dikmesi merkezden geçer.

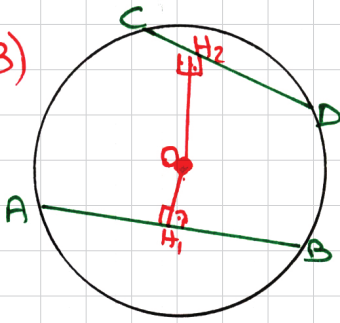
2)



Merkeze eşit uzaklıktaki kirislerin uzunlukları eşittir.

$$|OH_1| = |OH_2| \Rightarrow |AB| = |CD| \text{ dir.}$$

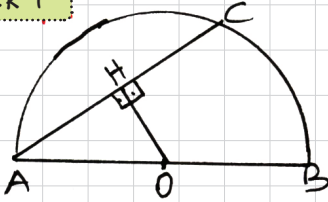
3)



$$|OH_1| < |OH_2| \Rightarrow |AB| > |CD| \text{ dir.}$$

Merkezden uzaklaştıkça kiriş uzunluğu artar.

### Örnek 1



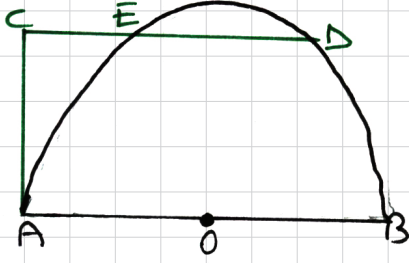
O merkezli yarım çemberde

$$[AC] \perp [OH],$$

$$|OB| = 6, |HC| = 3 \text{ ise } |OH| = ?$$

### Çözüm

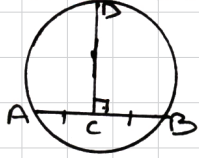
Örnek 2



O merkezli yarım çemberde,  
 $[AC] \perp [AB]$ ,  $[CD] \parallel [AB]$   
 $|ED|=10$ ,  $|EC|=2$  ise  $|AB|=?$

Çözüm

Örnek 3



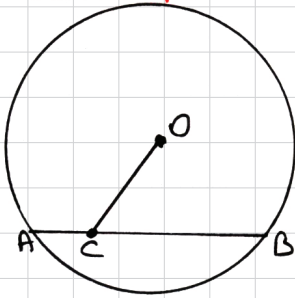
$$|AC|=|CB|$$

$$|AB|=6, |DC|=9$$

ise çemberin yarıçapı  
kaçtır?

Çözüm

Örnek 4



O merkez,

$$|AC|=2$$

$$|CB|=10$$

$$|OC|=5$$

Çemberin yarıçapı  
kaçtır?

Çözüm

Örnek 5 AB çaplı yarım çemberde,

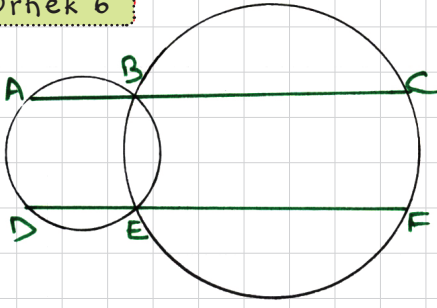
$$|ED|=|DC|=6 \quad m(\widehat{ECA})=30^\circ \text{ ise}$$

$$|AB|=?$$



Çözüm

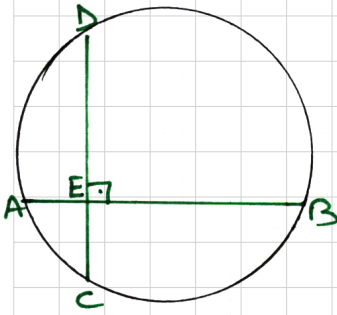
Örnek 6



A, B, C doğrusal ve D, E, F doğrusaldır.  $[AC] \parallel [DF]$   
 $|AB| = 2$ ,  $|BC| = 10$ ,  $|DE| = 4$  ise  $|EF|$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 7

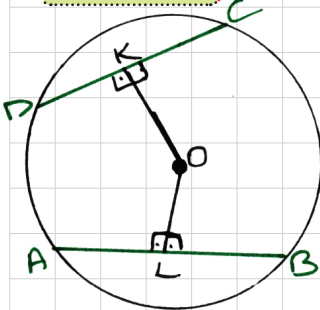


$|AE| = 2$   
 $|EB| = 12$   
 $|DE| = 6$   
 $|EC| = 4$  ise

çemberin yarıçapı kaçtır?

Çözüm

Örnek 8



O merkez,

$|OK| = 16$   
 $|KL| = 20$   
 $|OL| = 20$

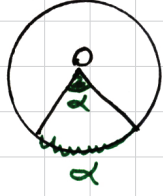
ise  $|AB|$  kaçtır?

Çözüm



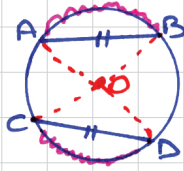
# ÇEMBERDE AÇI

## 1. Merkez Açısı



Merkez açının ölçüsü gördüğü yayın ölçüsüne esittir.

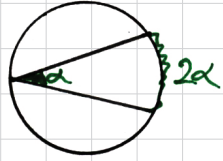
\* Eşit uzunlukta ki kirisler eşit yaylar olusturur.



$$s(\widehat{AB}) = s(\widehat{CD})$$

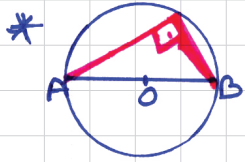
( $\widehat{AOB} \cong \widehat{COD}$  es üçgenlerdir)

## 2. Çevre Açısı

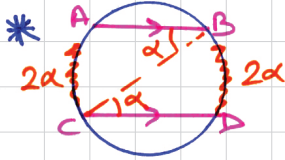


Çevre açısı gördüğü yayın yarısına esittir.

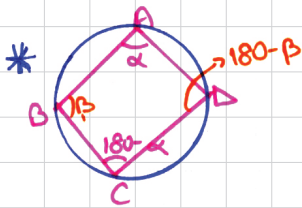
Çevre açıdan çıkarılabilecek sonuçlar :



\* Çapı gören çevre açısı  $90^\circ$  dir.

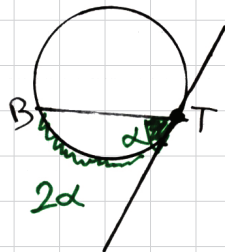


Paralel kirisler arasında kalan yaylar esittir.



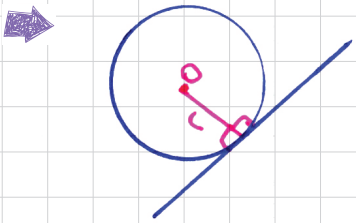
\* Kirisler dörtgeninde karşılıklı açılar toplamı  $180^\circ$  dir.

## 3. Teget-Kiriş Açısı

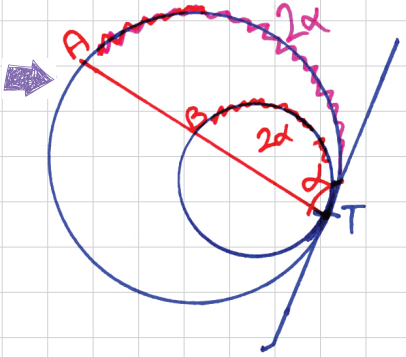


Teget-Kiriş açısı gördüğü yayın yarısına esittir.

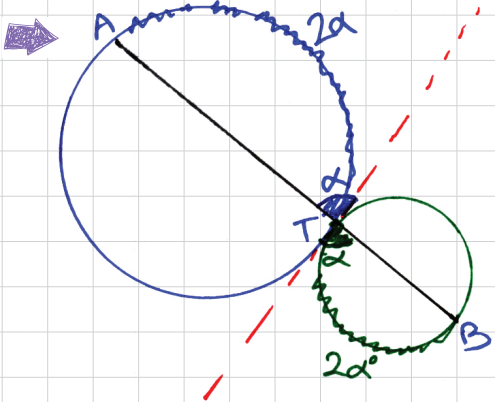
**Teget-Kiriş Açından Çıkarılabilecek Sonuçlar**



Yarıçap teğete diktir.

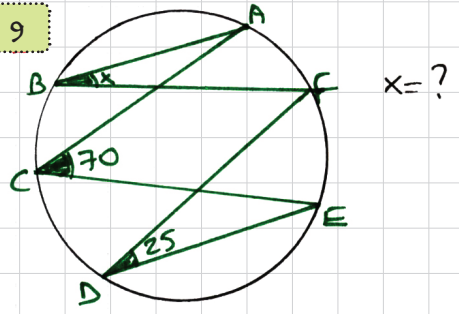


$$s(\widehat{AT}) = s(\widehat{BT})$$



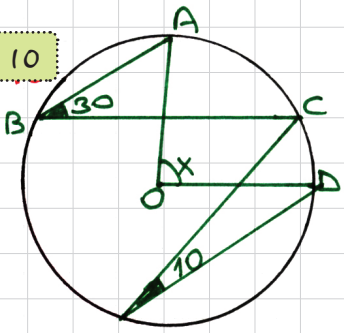
$$s(\widehat{AT}) = s(\widehat{BT})$$

**Örnek 9**



**Çözüm**

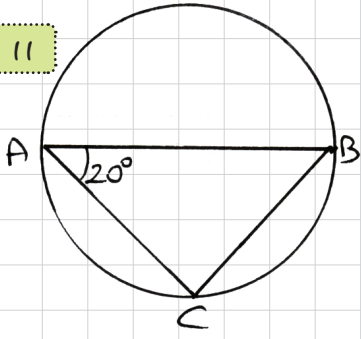
**Örnek 10**



**Çözüm**

O merkez x=?

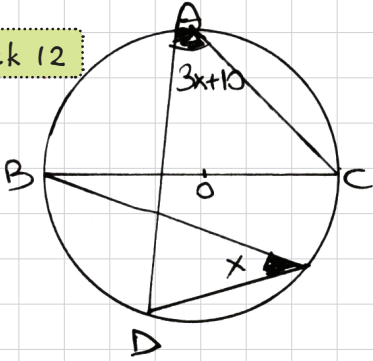
Örnek 11



[AB] çap,  $m(\hat{ABC}) = ?$

Çözüm

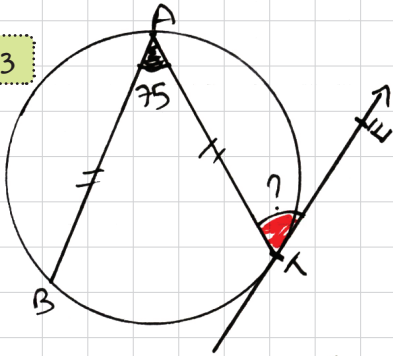
Örnek 12



O merkez ise  $x = ?$

Çözüm

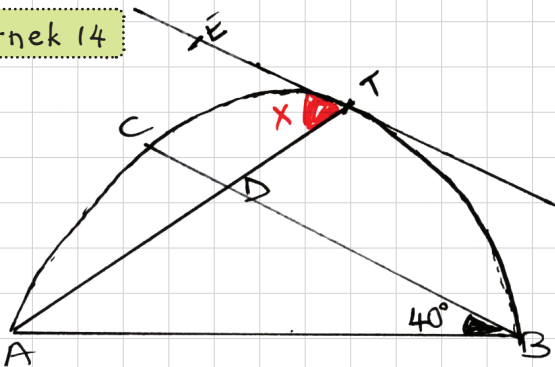
Örnek 13



$|AB| = |AC|$  ise  $m(\hat{ATE}) = ?$

Çözüm

Örnek 14

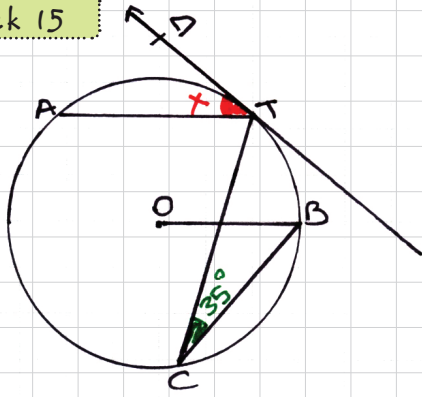


[AB] çap,  $[ET] \parallel [BC]$

$m(\hat{ETA}) = x = ?$

Çözüm

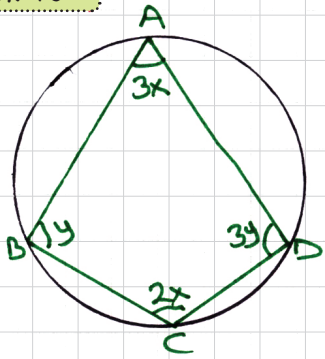
Örnek 15



O merkez,  $[AT] \parallel [OB]$ ,  
 $m(\widehat{TCB}) = 35^\circ$  ise  $m(\widehat{ATD})$  kaçtır?

Çözüm

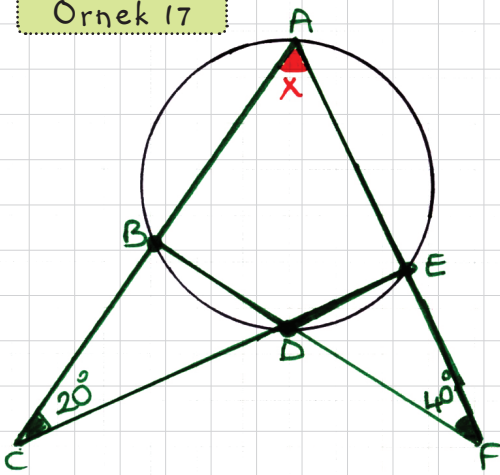
Örnek 16



ABCD kirisler dörtgeni ise  $x+y$   
 toplamı kaçtır?

Çözüm

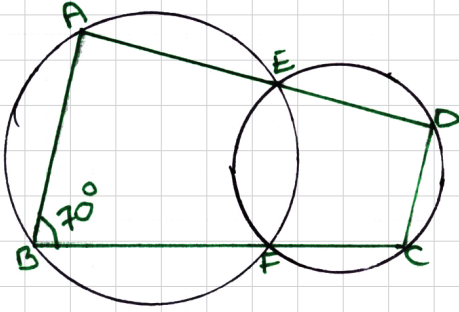
Örnek 17



$m(\widehat{CAF}) = x$  kaçtır?

Çözüm

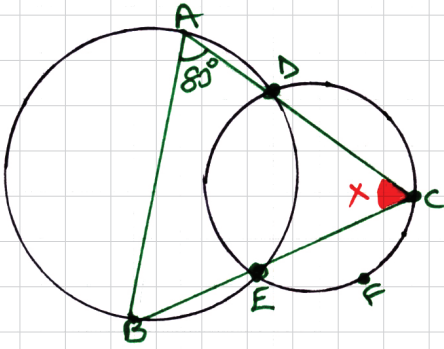
Örnek 18



$m(\widehat{ABC}) = 70^\circ$  ise  $m(\widehat{DCB})$  kaçtır?

Çözüm

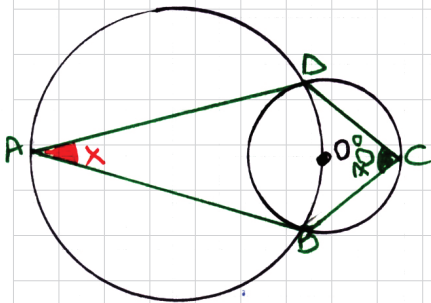
Örnek 19



$m(\widehat{BAC}) = 80^\circ$ ,  $m(\widehat{EFC}) = 150^\circ$  ise  
 $m(\widehat{BCA})$  kaçtır?

Çözüm

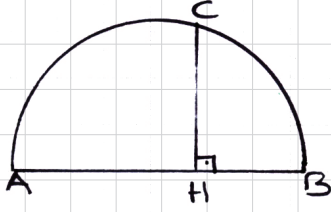
Örnek 20



O, küçük çemberin merkezidir.  
 $m(\widehat{DCB}) = 70^\circ$  ise  $m(\widehat{DAB})$   
kaçtır?

Çözüm

Örnek 21



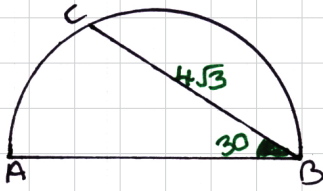
$[AB]$  çap,  $|CH|=4$ ,

$|AH|=8$  ise,

çemberin yarıçapı kaçtır?

Çözüm

Örnek 22

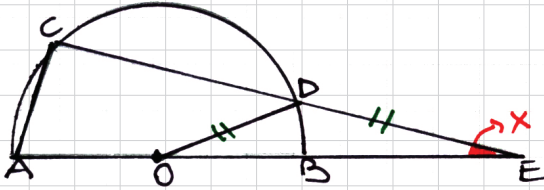


$[AB]$  çap,

$|AB|=?$

Çözüm

Örnek 23

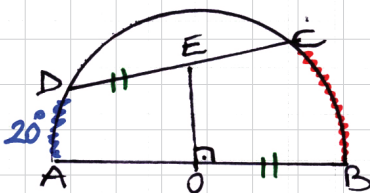


O merkez,  $m(\widehat{ACD}) - m(\widehat{CAE}) = 38^\circ$

ise  $m(\widehat{CEA}) = ?$

Çözüm

Örnek 24



$[AB]$  çap,

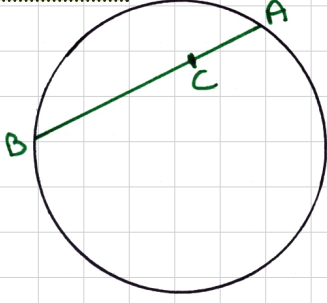
O merkez,

$[EO] \perp [AB]$ ,  $m(\widehat{AD}) = 20^\circ$  ise

$m(\widehat{BC}) = ?$

Çözüm

Örnek 25



$$|AC| = 2$$

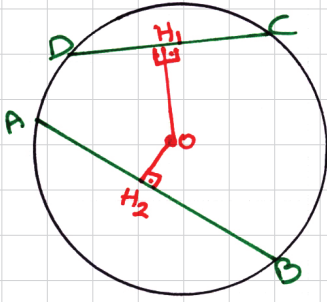
$$|BC| = 8$$

C noktasından geçen en kısa

kirişin uzunluğu kaçtır?

Çözüm

Örnek 26



$$O \text{ merkez, } |OH_1| > |OH_2|$$

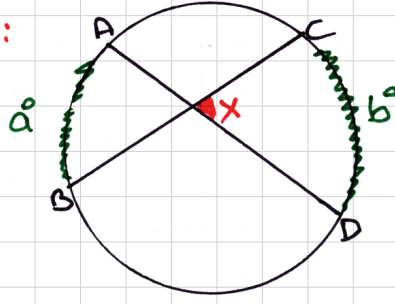
$$|DC| = 3x - 6, \quad |AB| = 2x + 2$$

okluna göre  $x$ 'in alabileceği

tamsayı değerler toplamı kaçtır?

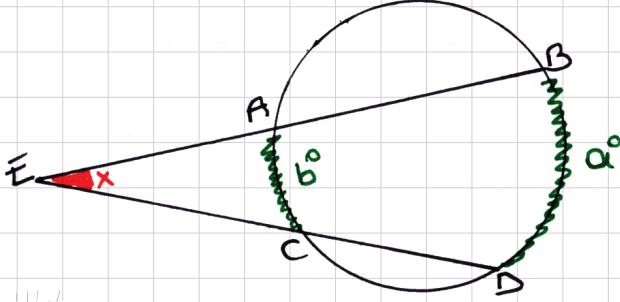
Çözüm

4) İç Açı :



$$x = \frac{a+b}{2}$$

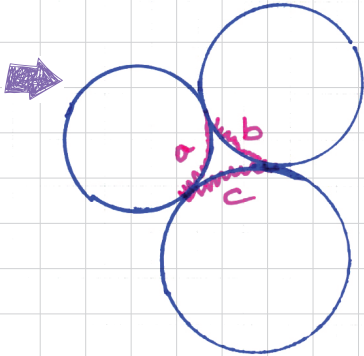
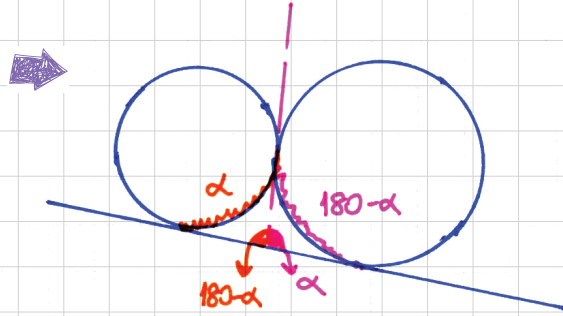
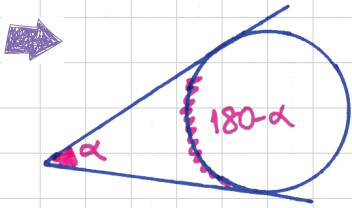
5) Dış Açısı :



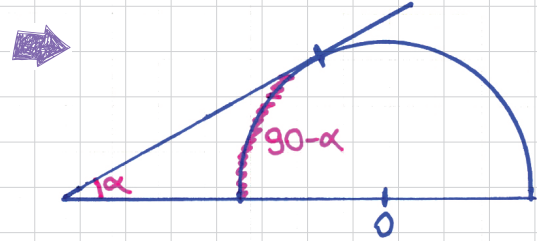
$$x = \frac{a-b}{2}$$



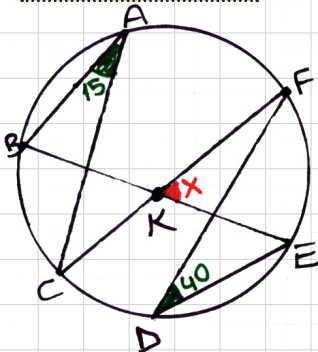
Dış açıdan çıkarılabilecek sonuçlar :



$$a+b+c = 180^\circ$$



Örnek 27



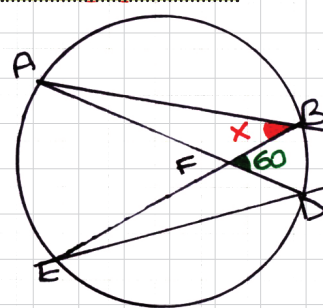
$$m(\widehat{BAC}) = 15^\circ$$

$$m(\widehat{FDE}) = 40^\circ$$

$$m(\widehat{FKE}) = ?$$

Çözüm

Örnek 28



$$m(\widehat{BFD}) = 60^\circ$$

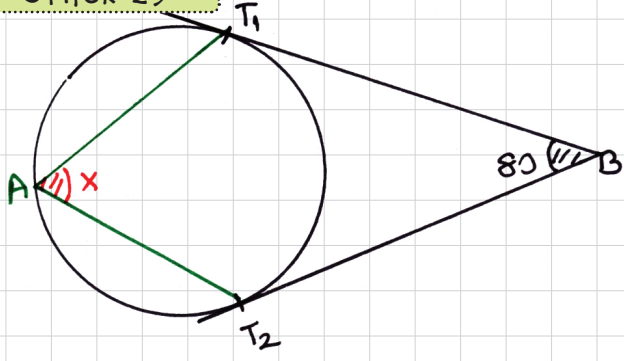
$$m(\widehat{ACE}) = 20^\circ \text{ ise}$$

$$m(\widehat{ABE}) = ?$$

Çözüm



Örnek 29

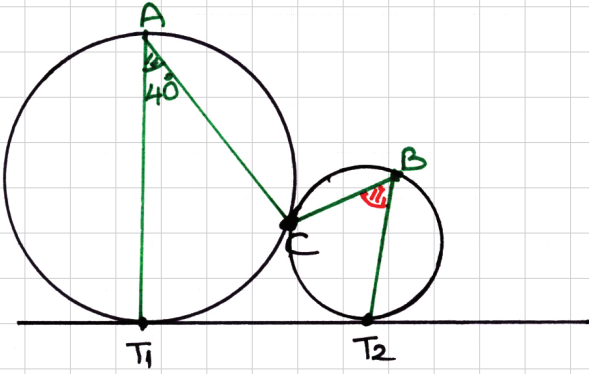


$$m(\widehat{T_1BT_2}) = 80^\circ \text{ ise}$$

$m(\widehat{T_1AT_2})$  kaçtır ?

Çözüm

Örnek 30

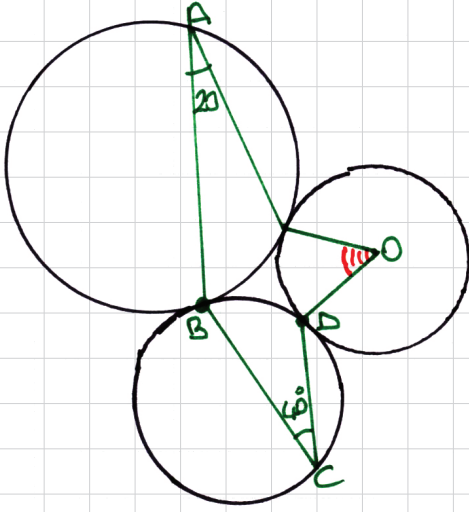


$$m(\widehat{T_1AC}) = 40^\circ \text{ ise}$$

$m(\widehat{T_2BC})$  kaçtır ?

Çözüm

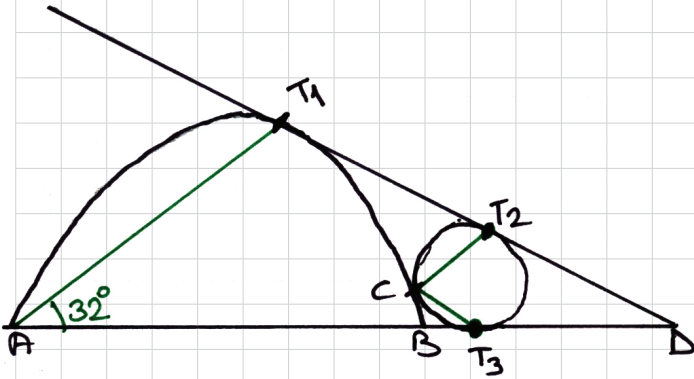
Örnek 31



O merkez,  
 $m(\widehat{BAE}) = 20^\circ$ ,  $m(\widehat{DCB}) = 40^\circ$  ise  
 $m(\widehat{EOD}) = ?$

Çözüm

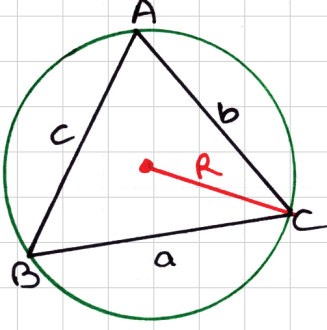
Örnek 32



$[AB]$  çap,  
 $s(\widehat{T_1AB}) = 32^\circ$  ise  $s(\widehat{T_2CT_3}) = ?$

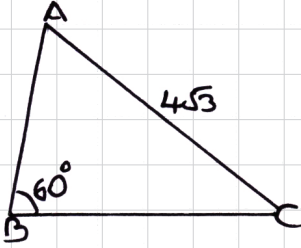
Çözüm

## Sinüs Teoremi İle Çevrel Çember Arasındaki İlişkiler



$$\frac{a}{\sin \hat{A}} = \frac{b}{\sin \hat{B}} = \frac{c}{\sin \hat{C}} = 2R$$

### Örnek 33



ABC üçgeninin çevrel çemberin yarıçapını bulunuz.

### Çözüm

### Örnek 34

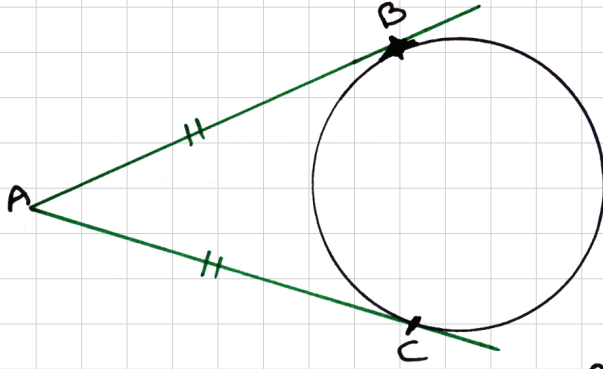
Bir ABC üçgeninde  $m(\hat{BAC}) = 65^\circ$

$m(\hat{ABC}) = 85^\circ$ ,  $|AB| = 6$  ise

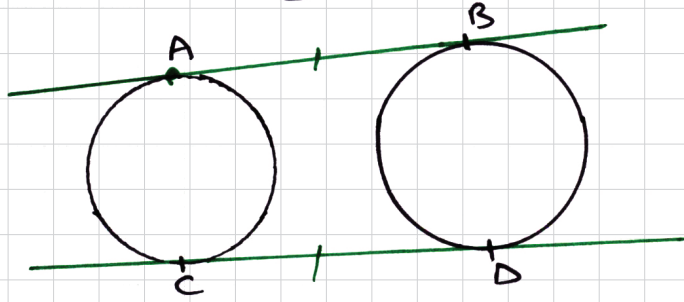
ABC üçgeninin çevrel çemberinin çevresini bulunuz.

### Çözüm

## Çemberde Teğetin Özellikleri

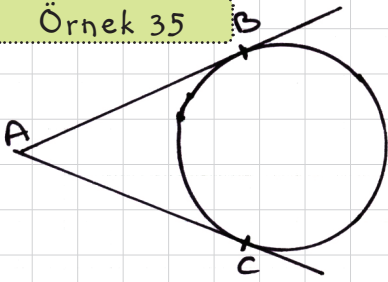


$$|AB| = |AC|$$



$$|AB| = |CD|$$

Örnek 35



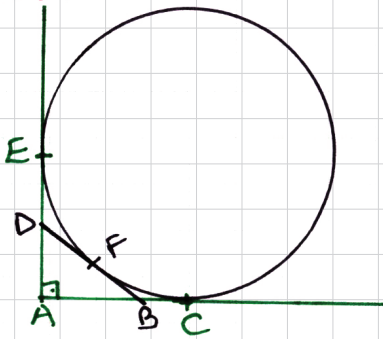
$$|AB| = 6x - 4$$

$$|AC| = 5x + 2$$

$$\text{ise } x = ?$$

Çözüm

Örnek 36



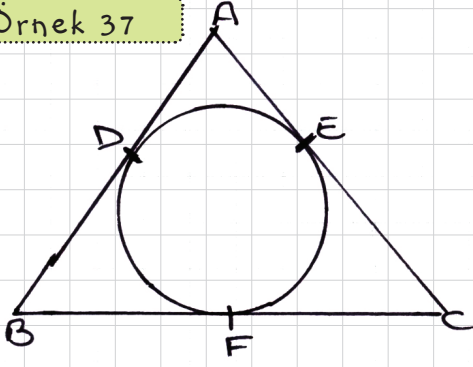
E, F, C teğet noktalarıdır.

$$|AD| = 6$$

$$|AB| = 8 \quad \text{ise } |ED| \text{ kaçtır?}$$

Çözüm

Örnek 37

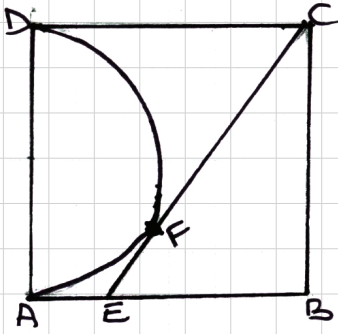


$|AB|=5$ ,  $|AC|=6$ ,  $|BC|=7$  ise

$|FC|$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 38

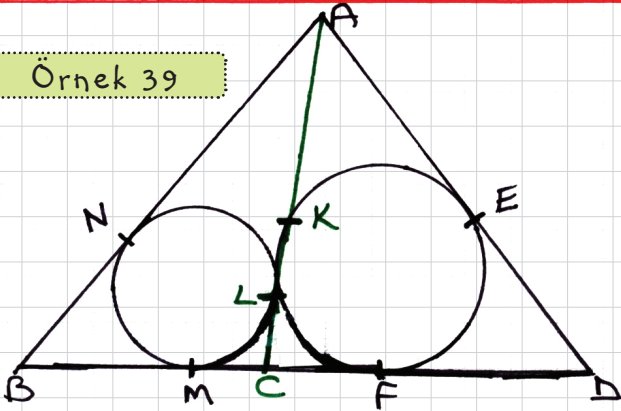


ABCD kare, AD çaplı yarım çember,

$|EF|=2$  ise,  $|BE|=?$

Çözüm

Örnek 39



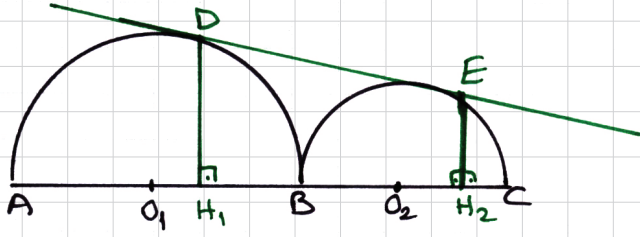
M, L, N, K, E, F teğet noktalarıdır.

$|AN|=10$ ,  $|AE|=6$ ,  $|CF|=8$  ise

$|MC|=?$

Çözüm

Örnek 40

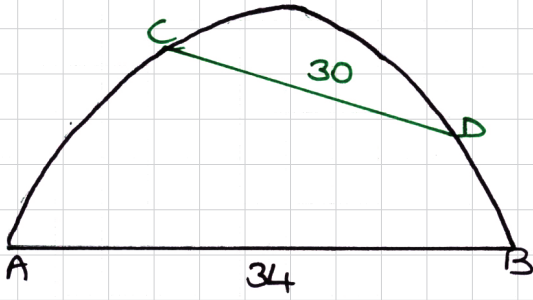


$O_1$  ve  $O_2$  merkez,  
D ve E teget noktalar,  
 $|DH_1|=10$ ,  $|EH_2|=6$  ise  
 $|DE|=?$

Çözüm

Yarıçap yardımıyla çizilen örnekler :

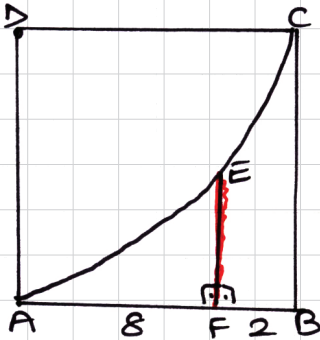
Örnek 41



$[AB]$  çap, merkezin  $[CD]$ 'ye  
uzaklığı kaçtır?

Çözüm

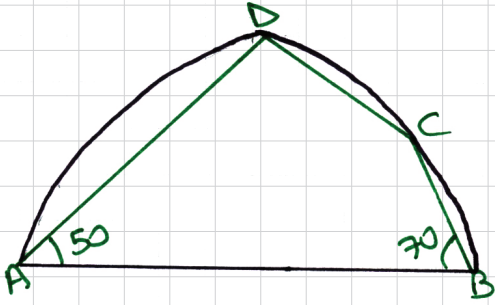
Örnek 42



ABCD kare,  
D merkezli  
çeyrek çember  
verilmiştir.  
Buna göre  $|EF|=?$

Çözüm

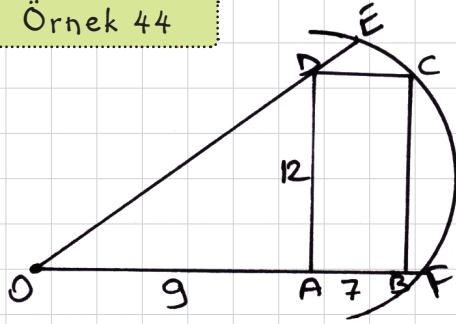
Örnek 43



[AB] çap,  $|CD|=6$  birim ise  
 $|AB|$  kaçtır?

Çözüm

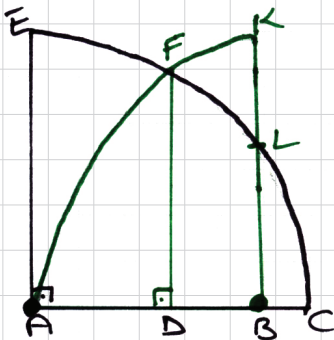
Örnek 44



O merkez, ABCD dikgörtgen  
ise  $|DE|$  kaçtır?

Çözüm

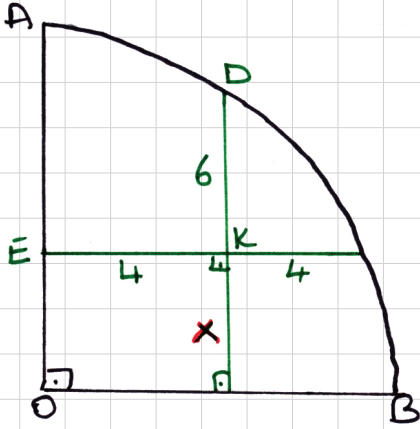
Örnek 45



A ve B merkezli çeyrek çemberler  
veriliyor.  $|AE|=30$ ,  $|KB|=25$  ise  
 $|FD|$  kaçtır?

Çözüm

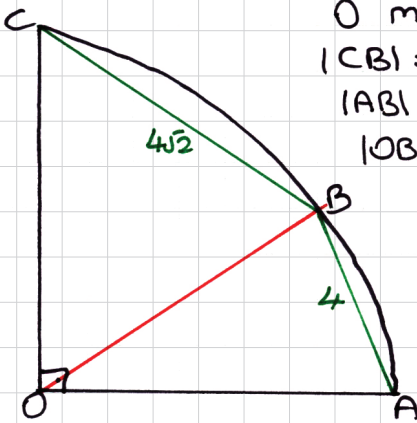
Örnek 46



O merkezli çeyrek çemberde,  $|KF|$  kaçtır ?

Çözüm

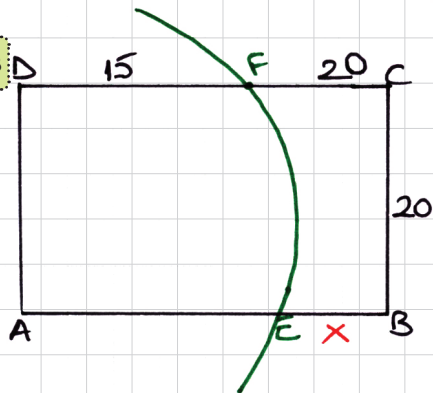
Örnek 47



O merkez,  
 $|CB| = 4\sqrt{2}$   
 $|AB| = 4$   
 $|OB| = ?$

Çözüm

Örnek 48

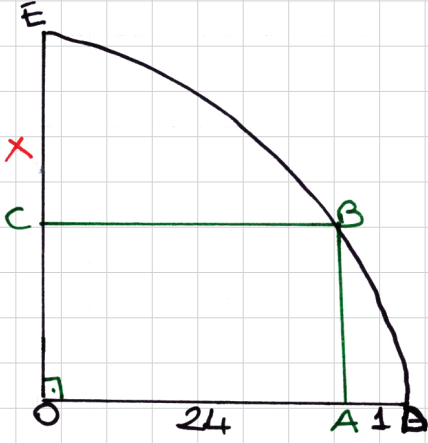


ABCD dikdörtgen, A çemberin merkezidir.  $|BC| = 20$ ,  $|DF| = 15$ ,  $|FC| = 20$ ,  $|EB| = x$  kaçtır ?

Çözüm



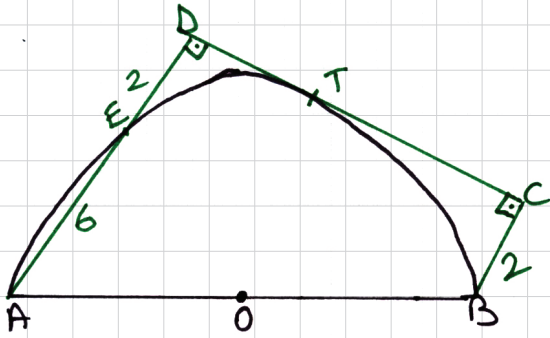
Örnek 49



O merkez, OABC dikdörtgen,  
 $|OA| = 24$ ,  $|AB| = 1$ ,  $|EC| = x = ?$

Çözüm

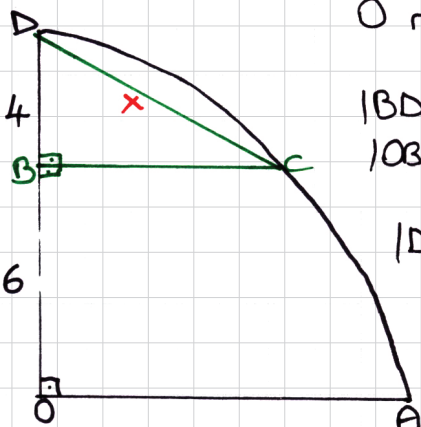
Örnek 50



O merkez,  $|DE| = 2$ ,  $|AE| = 6$ ,  
 $|BC| = 2$  ise çemberin yarıçapı  
 kaçtır?

Çözüm

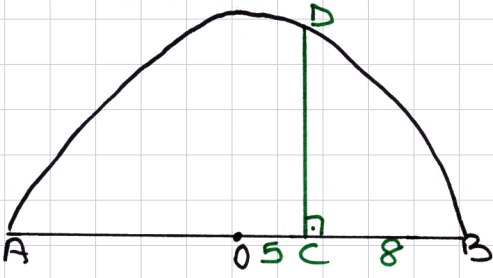
Örnek 51



O merkez,  
 $|BD| = 4$   
 $|OB| = 6$  ise  
 $|DC| = x = ?$

Çözüm

Örnek 52

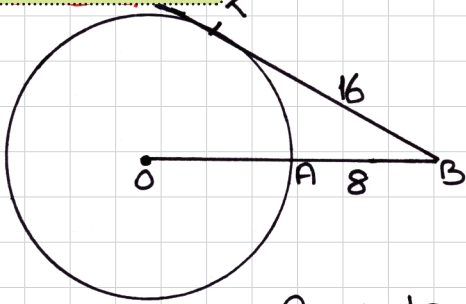


O merkez,  $|OC|=5$ ,  $|CB|=8$

$|CD|$  kaçtır ?

Çözüm

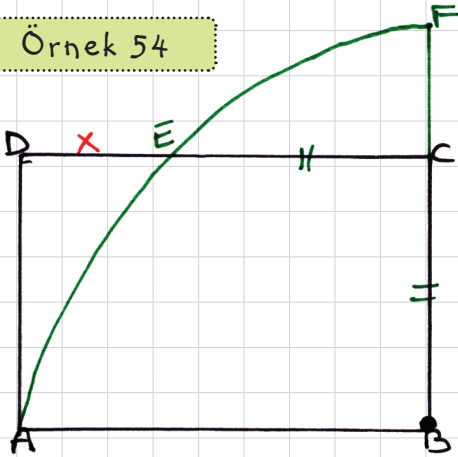
Örnek 53



O merkez,  
 $|OA|$  kaçtır ?

Çözüm

Örnek 54

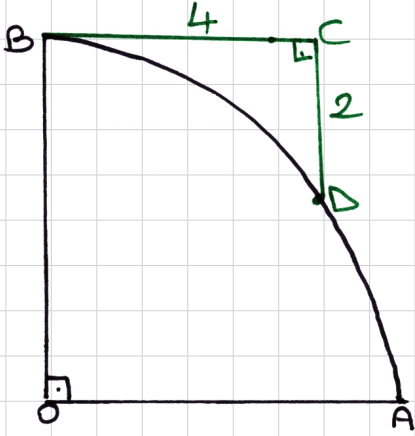


ABCD dikdörtgen, B merkez

$|AB|=6$  ise  $|DE|$  kaçtır ?

Çözüm

Örnek 55



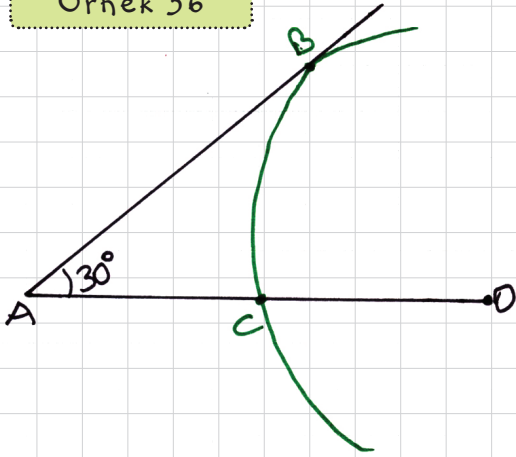
O merkez,

$|BC|=4$ ,  $|DC|=2$  ise

bu çemberin yarıçapı kaçtır?

Çözüm

Örnek 56

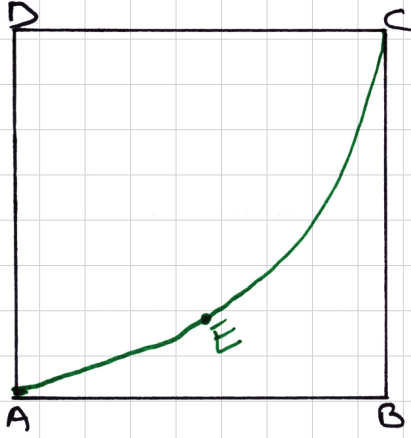


O merkez,

$|OC|=4$  ise  $|AB|$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 57



ABCD kare,

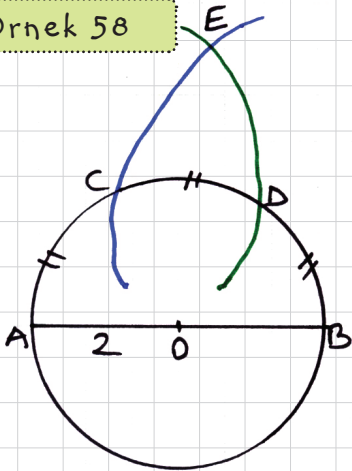
E noktasının AB ve AD

kenarlarına olan uzaklıklarını toplamı

10 ise  $|BE|$  kaçtır?

Çözüm

Örnek 58



O merkez,

A,  $\widehat{DE}$  yaylı

B,  $\widehat{CE}$  yaylı çemberin merkezidir.

$|\widehat{AC}| = |\widehat{CD}| = |\widehat{DB}|$  ve  $|AO| = 2$

ise O ile E arasındaki uzaklık

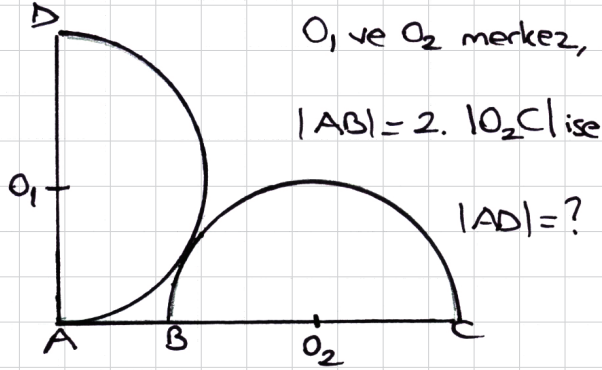
kaçtır?

Çözüm



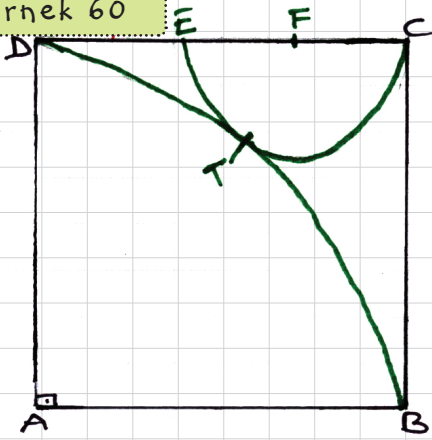
iki çember birbirine teğetse merkezler birleştirilerek soru çözülür.

Örnek 59



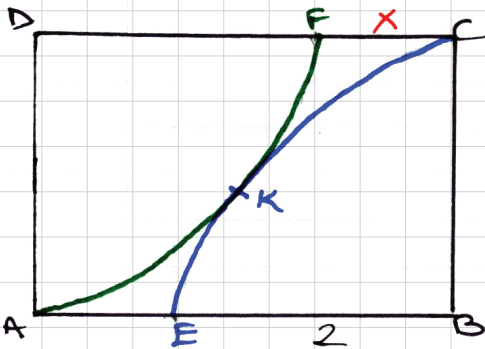
Çözüm

Örnek 60



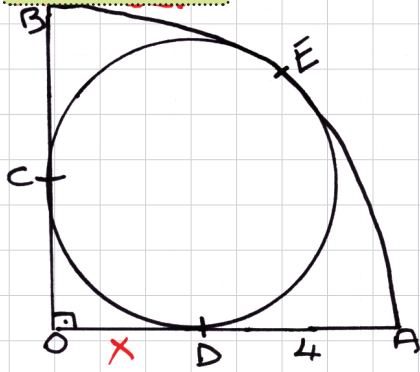
Çözüm

Örnek 61



Çözüm

Örnek 62

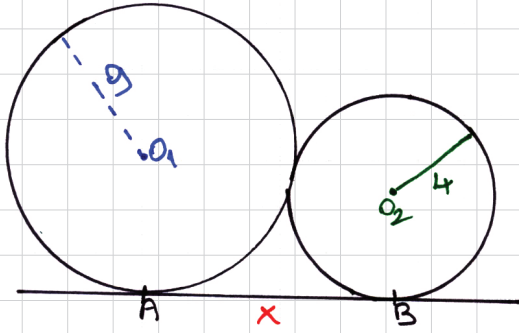


O merkezli çeyrek çember,

$$|AD|=4 \quad |OD|=?$$

Çözüm

Örnek 63

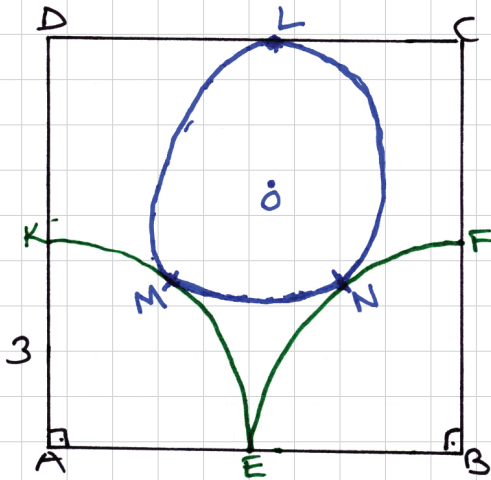


$O_1$  ve  $O_2$  merkez,

$$|AB|=x=?$$

Çözüm

Örnek 64



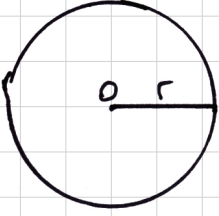
ABCD kare, A ve B merkez,

$|AK|=3$  ise O merkezli çemberin

yarıçapı kaçtır?

Çözüm

## Dairenin Çevresi ve Alanı



$$\text{Dairenin Çevresi} : 2\pi r$$

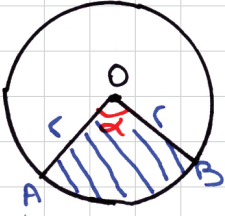
$$\text{Dairenin Alanı} : \pi r^2$$

Örnek 65 Yarıçapı 4 birim olan

dairenin çevresini ve alanını bulunuz.

Çözüm

Daire Dilimi :

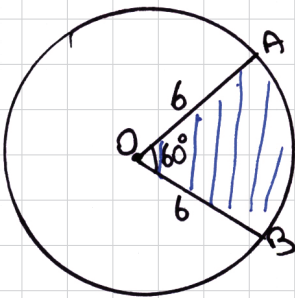


$$\Rightarrow \text{Dilimin Alanı} : \frac{\alpha}{360} \cdot \pi r^2$$

$$\Rightarrow m(\widehat{AB}) = \alpha$$

$$\Rightarrow |AB| = \frac{\alpha}{360} \cdot 2\pi r$$

Örnek 66



$$m(\widehat{AOB}) = 60^\circ$$

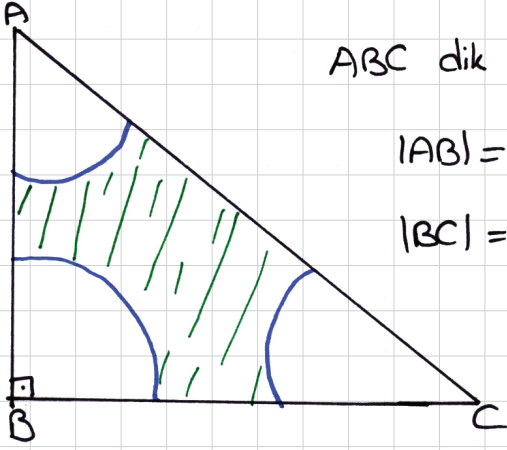
$$|OA| = 6$$

a) Tardık alan kaçtır?

b)  $|AB| = ?$

Çözüm

Örnek 67



ABC dik üçgen,

$$|AB| = 6$$

$$|BC| = 10$$

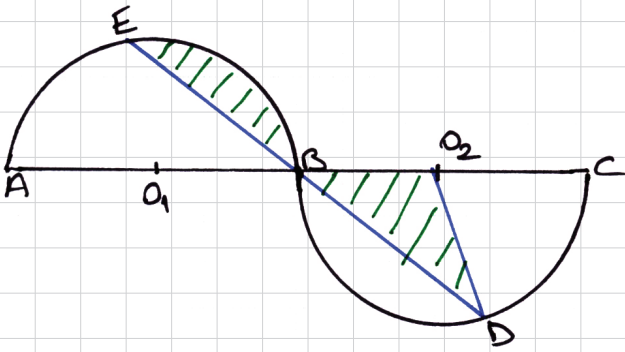
Merkezleri A, B, C yarıçapları

2 birim olan çemberler veriliyor.

Taralı alanı bulunuz.

Çözüm

Örnek 68



$$m(\angle BO_2D) = 150^\circ,$$

$O_1$  ve  $O_2$  merkez,

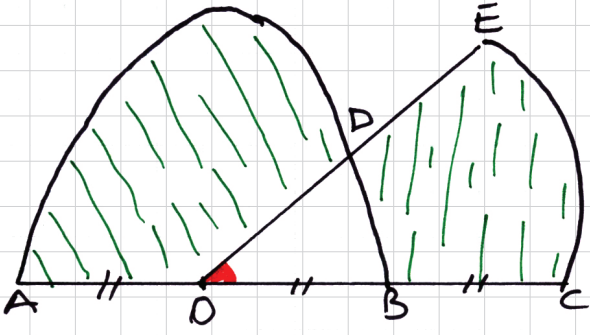
$$|AB| = |BC| = 4 \text{ ise}$$

Taralı alanlar toplamı kaçtır?

Çözüm



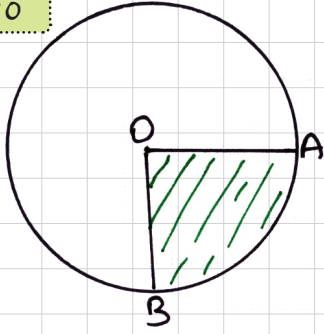
Örnek 69



O noktası her iki çemberinde  
merkezidir. Taralı alanlar eşit ise  
 $m(\widehat{EOC}) = ?$

Çözüm

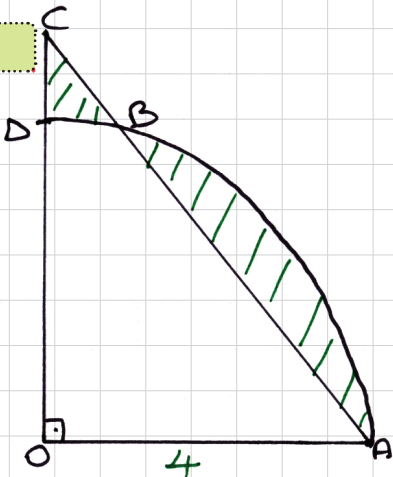
Örnek 70



O merkez,  $|OA| = |OB| = 6$   
 $|AB| = \pi$  ise taralı alanı bulunuz.

Çözüm

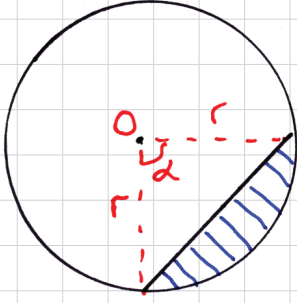
Örnek 71



O merkez,  
 $|OA| = 4$ , taralı alanlar eşit ise  
 $|OC| = ?$

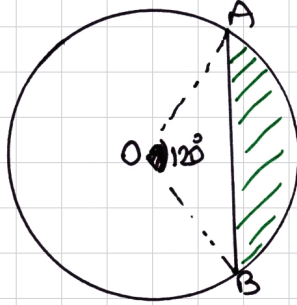
Çözüm

## Daire Kesmesi



$$\begin{aligned} \text{Kesme} &= \text{Dilim} - \text{Üçgen} \\ &= \frac{\alpha}{360} \cdot \pi r^2 - \frac{1}{2} \cdot r \cdot r \cdot \sin \alpha \end{aligned}$$

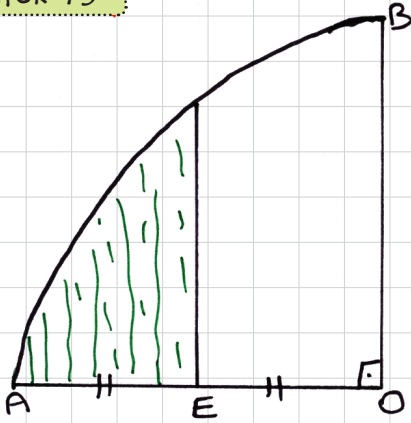
### Örnek 72



O merkez,  
 $m(\widehat{AOB}) = 120^\circ$   
 $|AB| = 4\sqrt{3}$  ise  
Toralı Alan = ?

### Çözüm

### Örnek 73



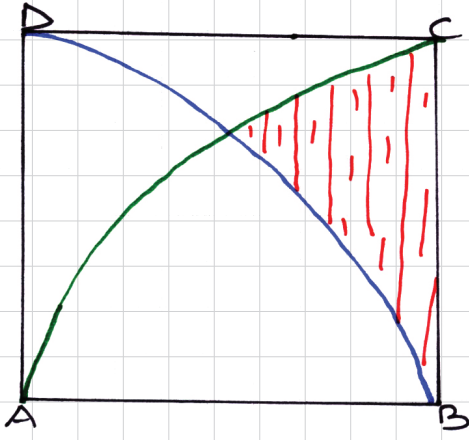
O merkezli çeyrek çember,

$|AE| = |EO| = 8$  ise

Toralı Alan = ?

### Çözüm

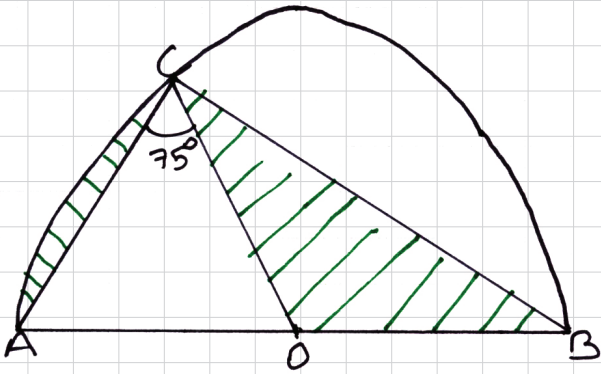
Örnek 74



ABCD kare, A ve B merkezli  
çeyrek çemberlerdir.  $|AB|=6$  ise  
Tarsalı alanı bulunuz.

Çözüm

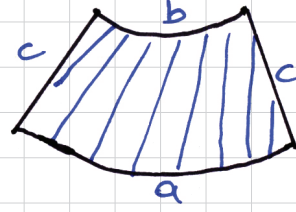
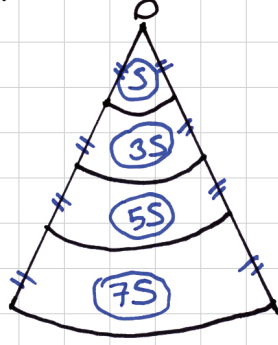
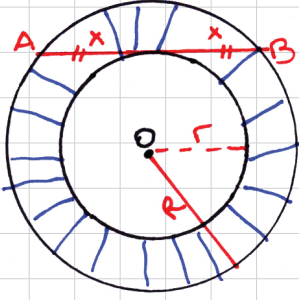
Örnek 75



O merkez,  $|OB|=9$   
Tarsalı alanlar toplamı kaçtır?

Çözüm

## Daire Halkası



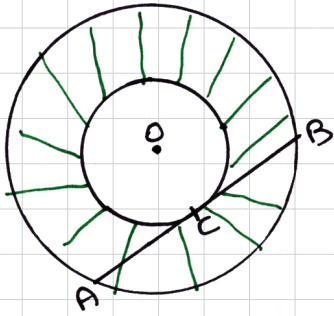
(Merkezleri aynı)

$$\begin{aligned} \text{Taralı Alan} &= \pi R^2 - \pi r^2 \\ &= \pi (R^2 - r^2) \\ &= \pi \cdot x^2 \end{aligned}$$

Yarıktır olduğu gibi

$$\text{Taralı Alan} = \frac{(a+b) \cdot c}{2}$$

### Örnek 76

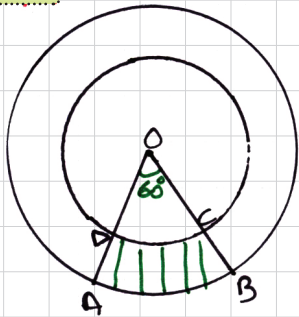


Merkezleri O'dan  
çemberler veriliyor.

$|AB| = 10$  ise taralı alan kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 77



O her iki çemberin merkezidir.

$|OC| = 6$ ,  $|CB| = 2$  ise

taralı alan kaçtır?

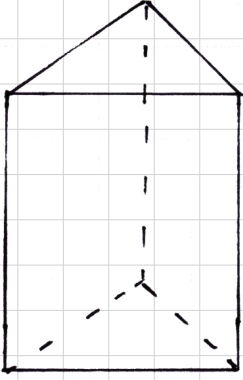
### Çözüm

## ÜNİTE 6

### KATI CİSİMLER

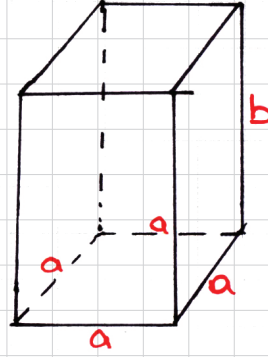
10. sınıf müfredatındaki prizmaları hatırlayalım.

#### Üçgen Dik Prizma



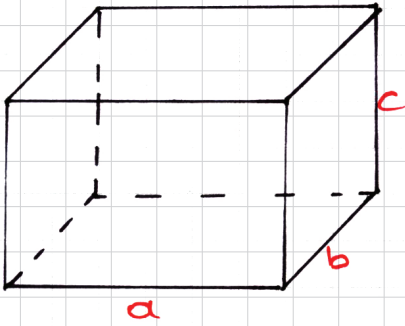
- Ayrıt sayısı : 9
- Yüzey sayısı : 5
- Köşe sayısı : 6

#### Kare Dik Prizma



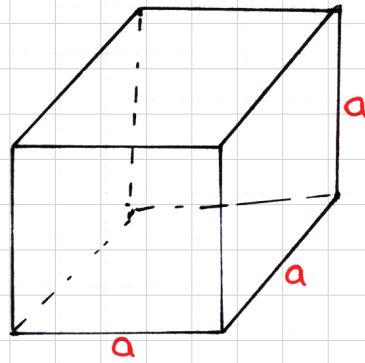
- Ayrıt sayısı : 12
- Yüzey sayısı : 6
- Köşe sayısı : 8
- Yüzey Alanı :  $2a^2 + 4ab$
- Hacmi : Taban Alanı x Yükseklik  
 $= a^2 \cdot b$

#### Dikdörtgen Dik Prizma



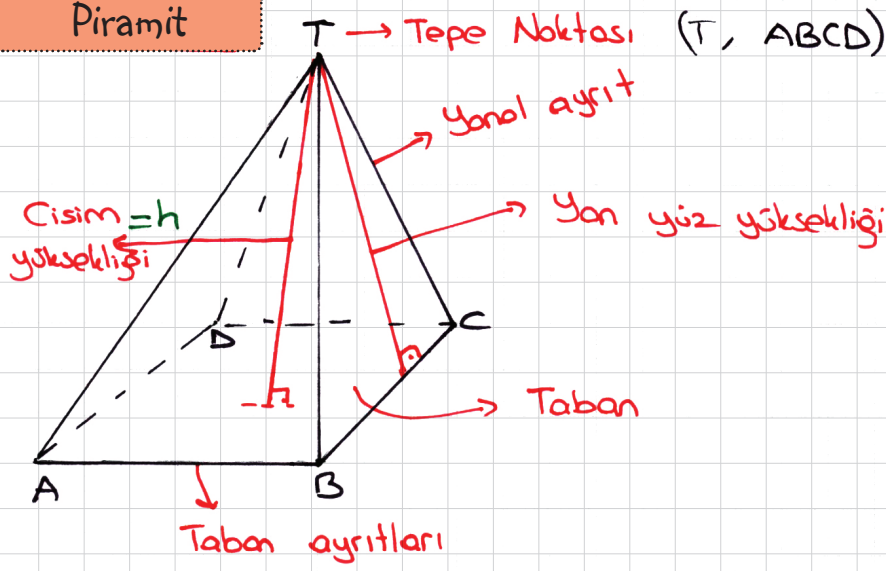
- Ayrıt sayısı : 12
- Yüzey sayısı : 6
- Köşe sayısı : 8
- Yüzey Alanı :  $2(ab+bc+ac)$
- Hacmi : Taban Alanı x Yükseklik  
 $= a \cdot b \cdot c$
- Cisim Köşegeni :  $\sqrt{a^2+b^2+c^2}$
- Yanal Alan = Taban Çevre x Yükseklik  
 $= 2(ac+bc)$

#### Küp



- Tüm ayrıtları eşittir.
- Tüm yüzeyleri karedir.
- Yüzey Alanı :  $6a^2$
- Hacmi :  $a^3$
- Yüzey Köşegeni :  $a\sqrt{2}$
- Cisim Köşegeni :  $a\sqrt{3}$

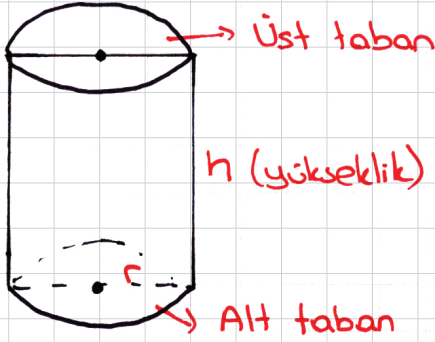
## Piramit



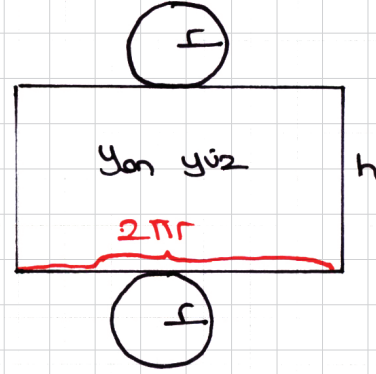
• Alanı: Taban Alanı + Yanal Alan

• Hacmi:  $\frac{\text{Taban Alanı} \times h}{3}$

## Silindir

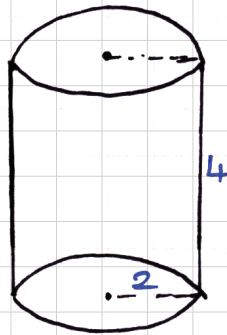


## Silindirin Açık Hali



- Silindirin Alanı = 2 Taban Alanı + Yanal Alan  
=  $2\pi r^2 + 2\pi r \cdot h$
- Silindirin Hacmi = Taban Alanı x Yükseklik  
=  $\pi r^2 \cdot h$

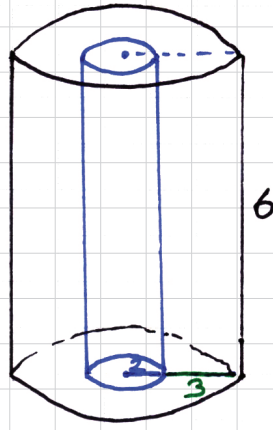
## Örnek 1



Taban yarıçapı 2br, yüksekliği 4br  
dan dik silindir alanının ve hacmini  
bulunuz.

## Çözüm

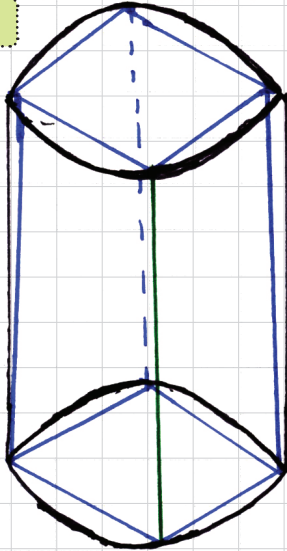
### Örnek 2



Taban yarıçapı 5 birim olan dik silindirin taban yarıçapı 2 br olan aynı yükseklikteki dik silindir kesilip çıkarılıyor. Geri kalan cismin alanını ve hacmini bulunuz.

### Çözüm

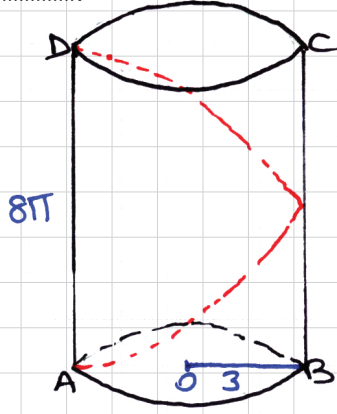
### Örnek 3



Kare dik prizma ile dik silindirin tabanları çakışıktır. Kare prizmanın taban kenarı 4cm, yüksekliği 6 cm dir. Kare prizma ile silindir arasındaki boşluğa su doldurulacaktır. Doldurulacak suyun hacmini bulunuz. ( $\pi=3$  alınır)

### Çözüm

#### Örnek 4

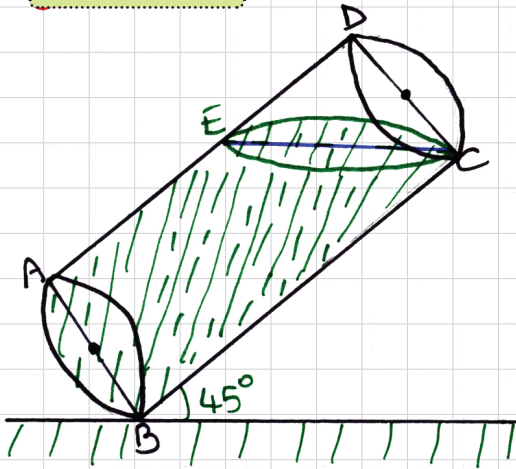


$$|OB| = 3 \text{ ve } |AD| = 8\pi,$$

A'daki hareketli, silindirin yüzeyinden hareket ederek D noktasına geliyor. Bu hareketlinin aldığı yol en az kaçtır?

#### Çözüm

#### Örnek 5



$$|AE| = 4, |BC| = 6$$

Dik silindir yatay düzlemde  $45^\circ$  lik açı yapmaktadır. Silindirin içindeki suyun hacmini bulunuz.

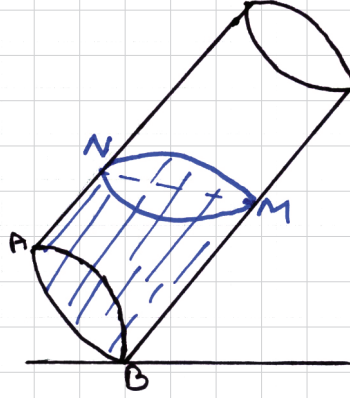
#### Çözüm



### Örnek 6



Sekil 1



Sekil-2

$$|AK|=5, |AN|=1$$

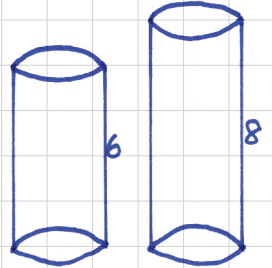
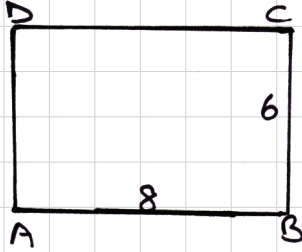
Silindir Sekil-1'deki durumdan

Sekil-2'deki duruma getiriliyor. Buna

göre  $|BM|$  kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 7



Sekil-1

Sekil-2

ABCD dikdörtgeninin AD kenarı ile BC

kenarı çakışacak şekilde birleştirildiğin

de Sekil-1'deki silindir; AB kenarı ile

DC kenarı çakışacak şekilde birleş

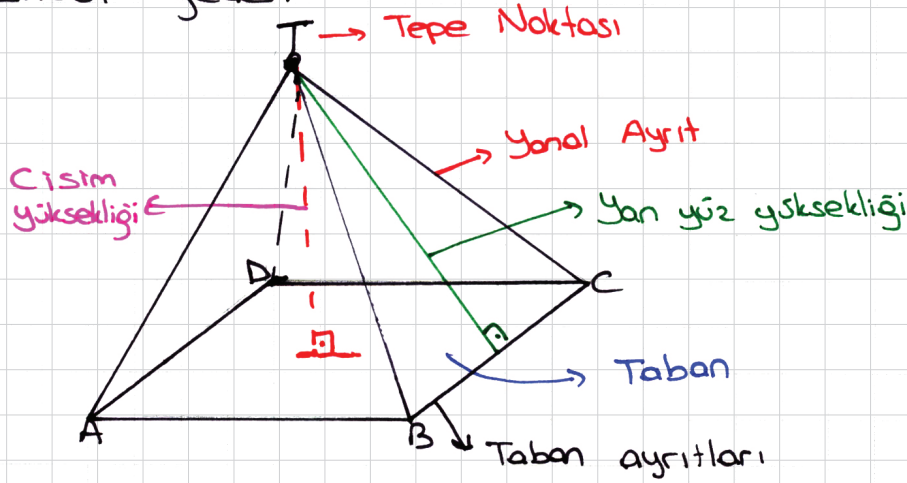
tirildiğinde Sekil-2'deki silindir

oluşuyor.  $\frac{\text{Sekil-1'deki Silindir Hacmi}}{\text{Sekil-2'deki Silindir Hacmi}} = ?$

### Çözüm

# PIRAMİTLER

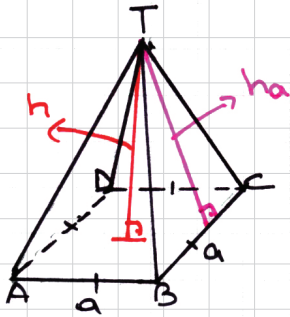
Tabanı bir çokgen, tepesi bu çokgenle düzlemsel olmayan bir nokta olan cisimlere piramit denir. Tabanı düzgün çokgen olan dik pramitlere düzgün pramit denir. Düzgün pramitlerin tepe noktasından inilen dikme tabandaki çokgenin ağırlık merkezinden geçer.



$$\text{Alan} = \text{Taban Alan} + \text{Yan Alan}$$

$$\text{Hacim} = \frac{\text{Taban Alan} \times \text{Yükseklik}}{3}$$

## Kare Piramit

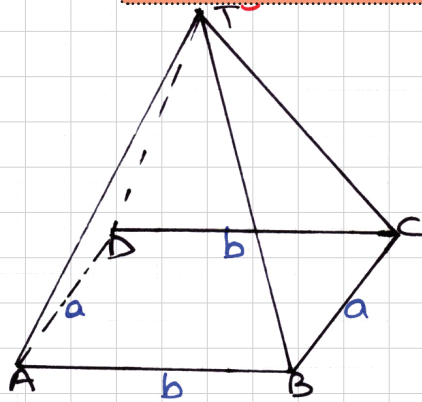


Kare Piramitin :

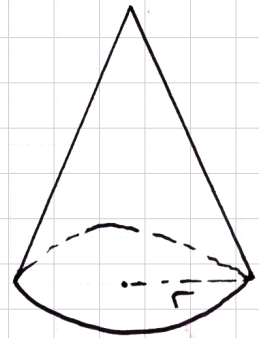
$$\text{Alanı} = a^2 + 2a \cdot ha$$

$$\text{Hacmi} = \frac{a^2 \cdot h}{3}$$

## Dikdörtgen Piramit

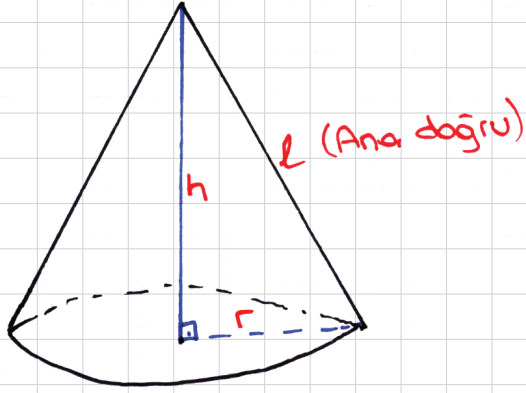


## Koni

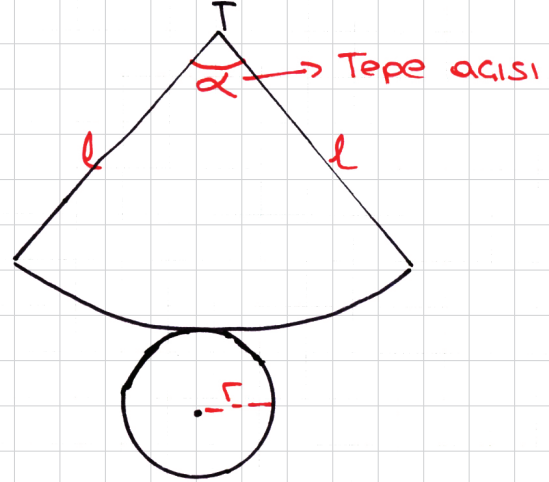


## Koni

Tabanı daire olan piramide koni denir. Tepe noktasından inilen yükseklik taban merkezinde olan koniye dik koni denir.



## Koninin Açık Hali



$$\bullet \ l^2 = h^2 + r^2$$

$$\bullet \ \text{Taban Alan} = \pi r^2$$

$$\bullet \ \text{Yanal Alan} = \pi r l$$

$$\bullet \ \text{Hacim} = \frac{\text{Taban Alan} \times \text{Yükseklik}}{3} = \frac{\pi r^2 \cdot h}{3}$$

$$\bullet \ \frac{r}{l} = \frac{\alpha}{360}$$

**Örnek 8** Taban yarıçapı 5 br,

yüksekliği 12 br olan dik koninin alanını ve hacmini bulunuz.

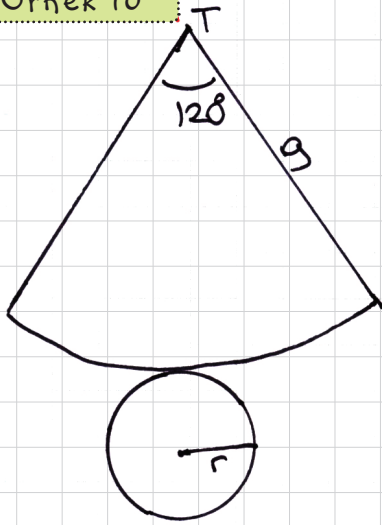
**Çözüm**

**Örnek 9** Taban çevresi  $4\pi$  olan

bir dik koninin ana doğrusu  $2\sqrt{10}$  birim olduğuna göre hacmi kaç birimküptür?

**Çözüm**

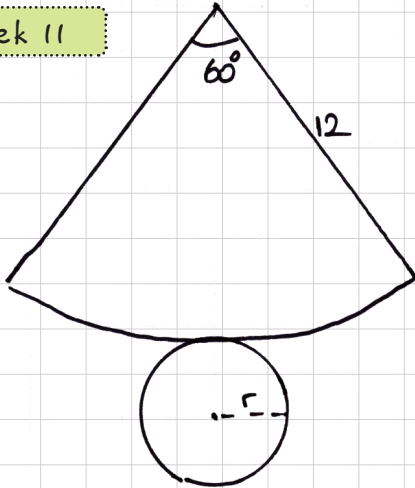
Örnek 10



Açılımı verilen dik koninin taban yarıçapı kaçtır?

Çözüm

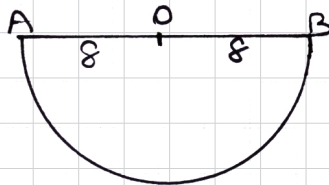
Örnek 11



Açılımı verilen dik koninin yüzey alanını bulunuz.

Çözüm

Örnek 12

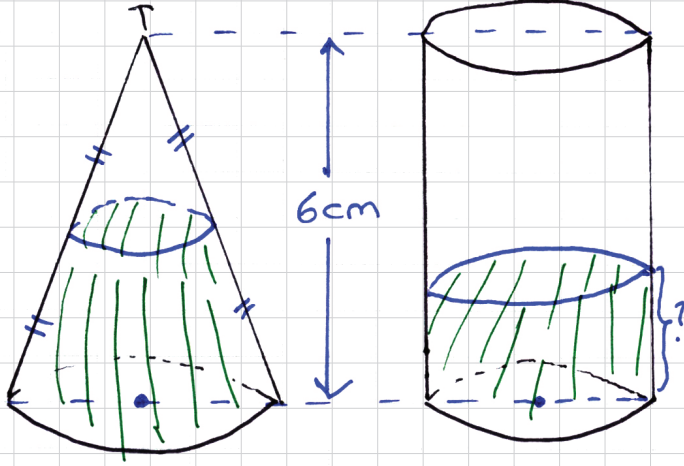


Şekildeki yarım daire kıvrılarak dik koni oluşturuluyor.

Oluşan koninin hacmini bulunuz.

Çözüm

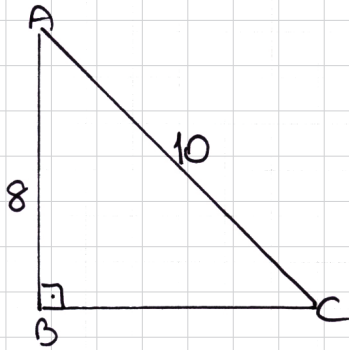
### Örnek 13



### Çözüm

Yukarıdaki şekilde yükseklikleri 6 cm ve taban yarıçapları eşit olan dik koni ile dik silindir verilmiştir. Yarı seviyesine kadar su dolu olan koninin içindeki su boş olan silindire boşaltılmaktadır. Su boşaltıldıktan sonra silindirdeki suyun yüksekliği kaç cm olur?

### Örnek 14



ABC dik üçgen

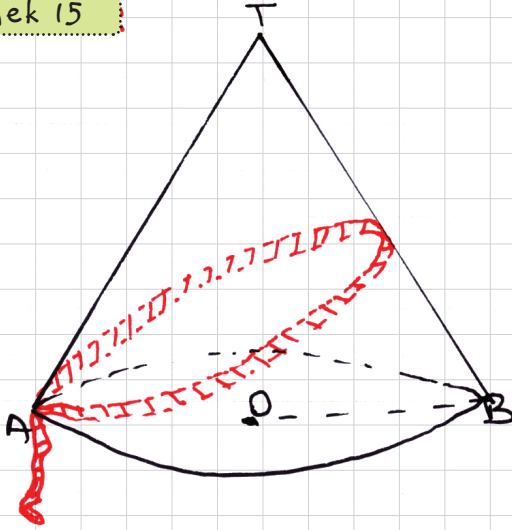
$[AB] \perp [BC]$

$|AC| = 10$

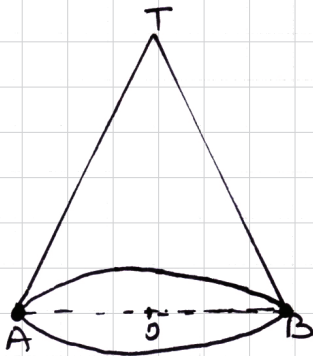
$|AB| = 8$

### Çözüm

Şekildeki dik üçgenin  $[AB]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin alanını ve hacmini bulunuz.

**Örnek 15****Çözüm**

Dik koni şeklindeki şapkaya A noktasından geçecek biçimde bir kurdale takılıyor. Kurdelenin ucu da A noktasından 10 cm aşağı sarkmaktadır.  $|AT| = 48 \text{ cm}$ ,  $|OB| = 8 \text{ cm}$   
Bu kurdelenin boyu en az kaç cm'dir?

**Örnek 16**

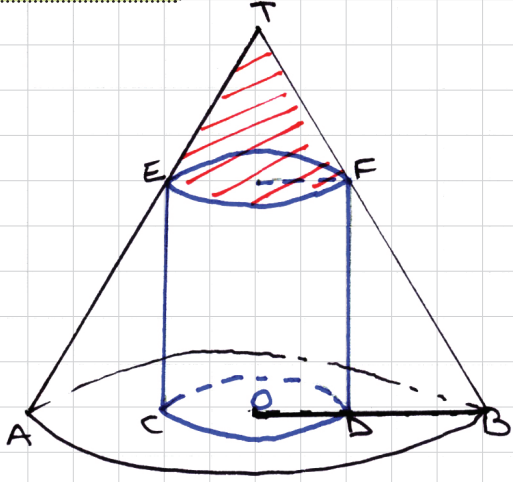
$$|AB| = 6 \text{ km}$$

$$|AT| = 9 \text{ km}$$

**Çözüm**

Dik koni şeklindeki tepenin A ve B noktalarında iki köy vardır.  
A dan B'ye dağ yüzeyinden gitmek isteyen bir kişi en az kaç km yol gider?

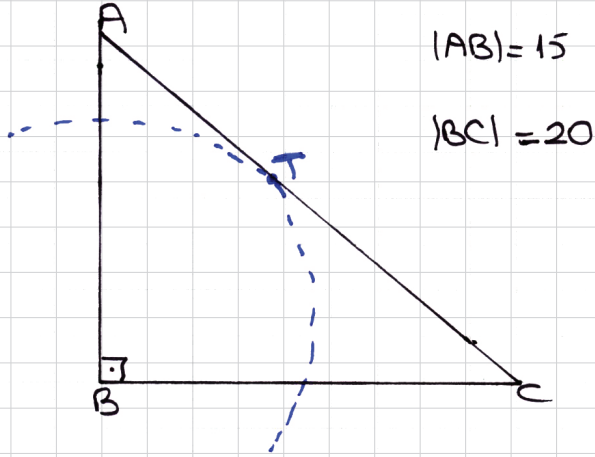
Örnek 17



[AB] çaplı dik koninin yarıçapı  
dik silindirin yarıçapının 3 katıdır.  
[EF] çaplı dik koninin hacmi  $12\text{cm}^3$   
ise dik silindirin hacmi kaç  $\text{cm}^3$ 'tür?

Çözüm

Örnek 18



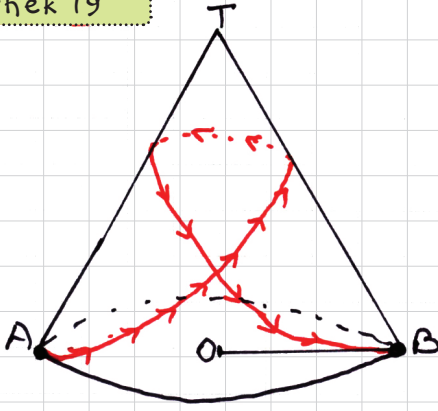
$$|AB| = 15$$

$$|BC| = 20$$

ABC dik üçgen şeklindeki kâğıttır.  
B noktasına pergeli kayan bir öğrenci  
şekildeki gibi bir çember çiziyor.  
Daha sonra işaretli yerlerden kesiyor.  
Oluşan daire dilimini katlayarak bir  
dik koni elde ediyor. Oluşan koninin  
hacmini bulunuz.

Çözüm

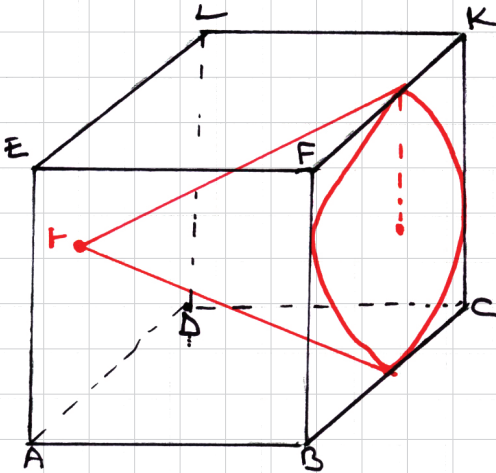
Örnek 19



Şekildeki dik konide  $|AT|=18$  br,  
 $|OB|=2$  br dir. A noktasındaki bir  
 hareketli koninin yüzeyinde bir  
 tur attıktan sonra B noktasına gide  
 cektir. Bu hareketlinin alacağı yol  
 en az kaç birimdir?

Çözüm

Örnek 20

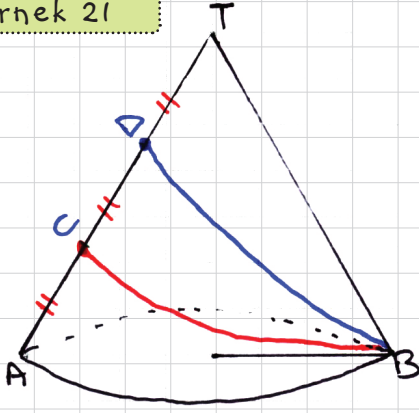


Şekildeki küptür. T noktası, ADLE  
 karesinin ağırlık merkezidir. Tabanı  
 BCKF düzlemi üzerinde olan dik  
 koninin ana doğrusu  $3\sqrt{5}$  olduğuna  
 göre bu koninin hacmini bulunuz.

Çözüm



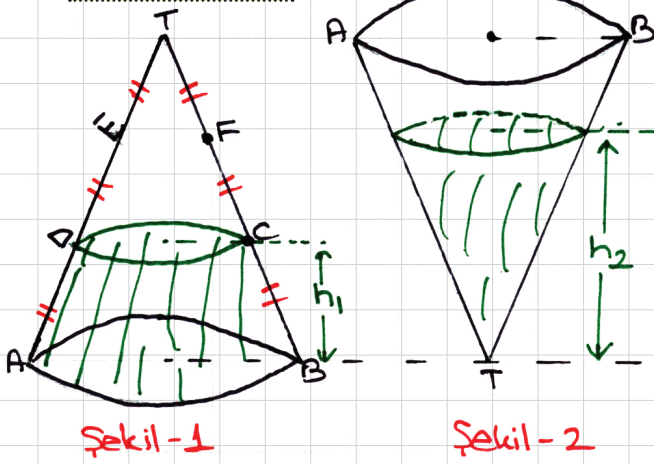
Örnek 21



Çözüm

Şekildeki dik konidir. B noktasından D ve C noktalarına birer ip çekiliyor. D'ye çekilen ipin uzunluğunun, C'ye çekilen ipin uzunluğuna oranı kaçtır?

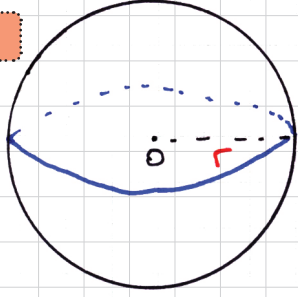
Örnek 22



Çözüm

Şekil-1'deki koninin içinde  $h_1$  seviyesine kadar su vardır. Koni ters çevrilerek Şekil-2'deki konuma getiriliyor. Son durumdaki su seviyesi  $h_2$  olduğuna göre  $\frac{h_1}{h_2}$  oranı kaçtır?

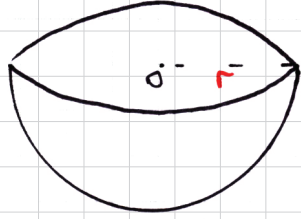
Küre



$$\text{Kürenin Alanı : } 4\pi r^2$$

$$\text{Kürenin Hacmi : } \frac{4}{3}\pi r^3$$

Yarım Küre



$$\text{Alanı : } 3\pi r^2$$

$$\text{Hacmi : } \frac{2}{3}\pi r^3$$

Çeyrek Küre



$$\text{Alanı : } 2\pi r^2$$

$$\text{Hacmi : } \frac{1}{3}\pi r^3$$

Örnek 23 Yarıçapı 6cm olan

Çözüm

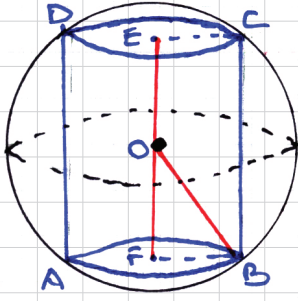
kürenin alanını ve hacmini  
bulunuz.

Örnek 24 Alanı  $36\pi$  olan

Çözüm

kürenin hacmini bulunuz.

Örnek 25



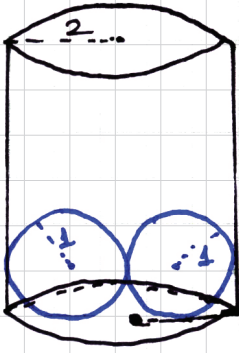
Silindirin yüksekliği:  
 $|EF| = 12,$

Taban yarıçapı  
 $|FB| = 8,$

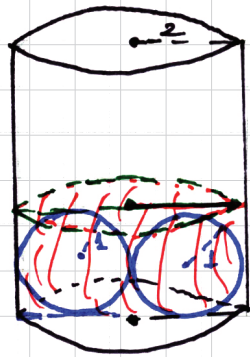
Silindiri çevreleyen kürenin  
hacmini bulunuz.

Çözüm

Örnek 26



Şekil-1

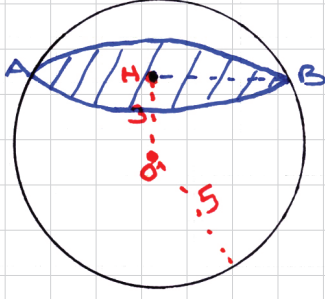


Şekil-2

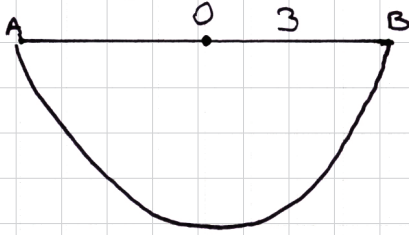
Taban yarıçapı 2cm dan dik  
silindirin tabanına yarıçapı 1cm  
dan 2 tane küre yerleştiriliyor.

Daha sonra şekil-2 deki kürelerin  
üst seviyesine kadar su dolduruluyor.  
Doldurulan suyun hacmi kaç  $cm^3$ 'tür?

Çözüm

**Örnek 27**

Yarıçapı 5cm olan küre merkezine 3cm uzaklıkta bir düzlemlle kesiliyor. Buna göre oluşan ara kesitin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

**Çözüm****Örnek 28**

Yarıçapı 3cm olan yarım çember verilmiştir.

1. Durum:  $[AB]$  etrafında  $360^\circ$  döndürülüyor.

2. Durum: A ve B noktaları çıkarsacak

O noktası tepe noktası olacak

şekilde koni oluşturuluyor.

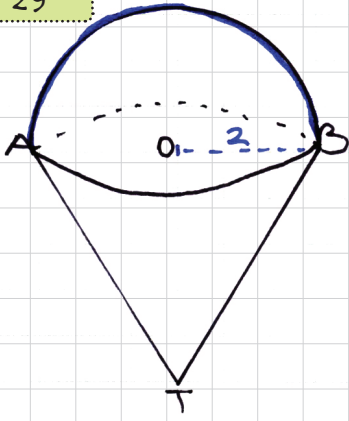
1. Durumda oluşan cismin, 2. Durumda

oluşan cismin hacmine oranını

bulunuz.

**Çözüm**

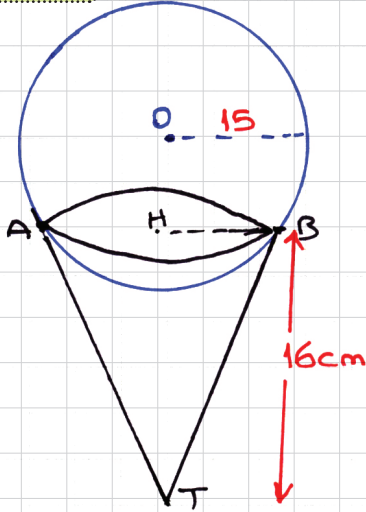
Örnek 29



Taban yarıçapı 2 cm olan koninin tabanına, yarıçapı 2 cm olan yarım küre yapıştırılıyor.  $|BT|=6$  ise, bu cismin hacmini bulunuz.

Çözüm

Örnek 30



Tepe noktası T olan koninin içine A ve B noktalarında teğet olacak şekilde küre yerleştiriliyor. Kürenin yarıçapı 15 cm, koninin yüksekliği 16 cm ise koninin yanal alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

Çözüm

## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



A large grid area for writing, enclosed by a dashed border.

## ÜNİTE 7

➡ **Bağımsız Olay** : Bir olayın gerçekleşmesi başka bir olay tarafından etkilenmiyorsa bu olaya bağımsız olay (**ayrık olay**) denir.

- Bir zar ile bir paranın atılması
- Erkekler arasından bir erkek, kızlar arasından bir kız seçmek
- İki yada daha fazla paranın birlikte atılması.
- İki yada daha fazla zarın birlikte atılması
- Bir paranın iki yada daha fazla ard arda atılması
- Bir zarın iki yada daha fazla ard arda atılması
- Bir torbadan çekilen topun torbaya geri atılarak tekrar top çekilmesi
  - İki zar atılıp ikisinde 5 gelmesi

➡ **Hesaplaması** :

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

↓  
ve

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

↓  
veya

↓  
ve  
[P(A) · P(B)]

➡ **Bağımlı Olay**: Bir olayın gerçekleşmesi başka bir olay tarafından etkileniyorsa bu olaya bağımlı olay denir.

- Bir torbadan çekilen topun torbaya geri atılmayarak tekrar top çekilmesi
- Bir topluluktan ard arda insan seçmek
- Bir sepette bulunan 4 elma, 5 armut arasından iki tane meyve seçmek

Aşağıdaki olayların bağımsız ya da bağımlı olup-olmadığını inceleyelim

• 2 para atılıp birinin tura diğerinin yazı gelmesi

Bağımlı  
Olay

Bağımsız  
Olay

• 20 kişilik bir sınıftan seçilen iki kişinin de kız olması

• 2 zar ve 1 paranın atıldığında zarlarının ikisinin de 3, paranın tura gelmesi

• 2 sarı, 3 kırmızı top bulunan bir torbadan çekilen topun geri konmaması, sırtıyla çekilen toplardan birincinin sarı, ikincinin kırmızı olması

• 5 Japon, 4 Çinli turist arasından seçilen iki turistin de Japon olması.

• Bir paranın ard arda üç kez atılmasıyla üçünün de tura gelmesi

• A torbasından kırmızı bir top çekilip, B torbasına atılması daha sonra B torbasından sarı bilye çekilmesi

• 10 kız, 8 erkek olan bir sınıftan seçilen 3 kişinin üçünün de kız olması

• 5 eş bөлmesi çarkın her bir bөлmesi ayrı renge (sarı, kırmızı, mavi, mor, yeşil) boyanmıştır. 2 kez çevrildiğinde ikisinin de sarı olması.



**Örnek 1** Bir zar ve bir madeni para havaya atılıyor. Paranın yazı ve zarın asal sayı gelme olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 2** İki madeni para ve iki zar havaya atılıyor. Paraların aynı ve zarların toplamının 10 olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 3** Bir zar ve bir madeni para aynı anda havaya atılıyor. Paranın tura veya zarın 3'ten küçük olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 4** Bir torbada 3 kırmızı,

2 beyaz top vardır.

a) Yerine konmak şartıyla ard

arda iki top çekiliyor. İkisinin de kırmızı olma olasılığı kaçtır?

b) Yerine konmamak şartıyla ard

arda iki top çekiliyor. İkisinin de kırmızı olma olasılığı kaçtır?

c) Yerine konmamak şartıyla ard

arda iki top çekiliyor. Birincinin kırmızı, ikincinin beyaz olma olasılığı kaçtır?

d) Yerine konmamak şartıyla ard

arda iki top çekiliyor. Birinin kırmızı, diğerinin beyaz olma olasılığı kaçtır?

e) Torbadan aynı anda iki top

çekiliyor. Birinin kırmızı, diğerinin beyaz olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 5** 4 erkek, 3 kız arasından

olusturulacak 3 kişilik ekipte en çok 2 kız olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 6** A, B, C isimli kişilerin

de bulunduğu 9 kişilik gruptan

6 kişilik bir ekip oluşturulacaktır.

Bu ekip, içinde A, B, C kişilerinden

en az birinin bulunma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 7** Düzgün bir para üç

defa atıldığında en az bir tura

gelme olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 8** A torbasında 3 beyaz,

4 kırmızı; B torbasında 5 beyaz,

2 kırmızı top vardır. Aynı anda her

iki torbadan da birer top alınıyor

ve öteki torbaya (A'dan alınan B'ye

B'den alınan A'ya) atılıyor. Bu işlemin

sonucunda torbalardaki kırmızı ve

beyaz top sayılarının başlangıçtaki

ile aynı olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 9** Oğuz'un sınavı kazanma

olasılığı  $\frac{1}{4}$ , Ömer'in kazanma

olasılığı  $\frac{1}{2}$  dir. Bu sınavı Oğuz'un

veya Ömer'in kazanma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 10** Bir zar ve üç madeni

para havaya atılıyor. Paralardan en

az birinin tura ve zarın 2'den

büyük olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 11** A, B, C nin 2023 yılına

kadar yasama şansları sırasıyla

$\frac{1}{3}$ ,  $\frac{2}{5}$  ve  $\frac{3}{4}$  tir. 2023 yılında

üçünün de ölmüş olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 12** 1'den 10'a kadar

numaralandırılmış 10 karttan iki

tanesi seçiliyor. Seçilen kartlardan

birisi 3 olduğuna göre toplamlarının

çift olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

Örnek 13 İki basamaklı tüm doğal

Çözüm

sayıların bulunduğu bir torbadan çekilen bir sayının rakamlarının aynı olma olasılığı kaçtır?

Örnek 14 Bir atıcının hedefi

Çözüm

vurma olasılığı  $\frac{2}{3}$  tür. Atıcının yapacağı iki atıştan en az birinde hedefi vurma olasılığı kaçtır?

Örnek 15 Her öğrencinin en az

Çözüm

bir dersten başarılı olduğu sınıftaki öğrencilerin %75'i edebiyat, %65'i tarihten başarılıdır. Seçilen öğrencinin hem edebiyat, hemde tarih derslerinden başarılı olma olasılığı kaçtır?

Örnek 16  $6x^2+7x-3=0$  denkleminin

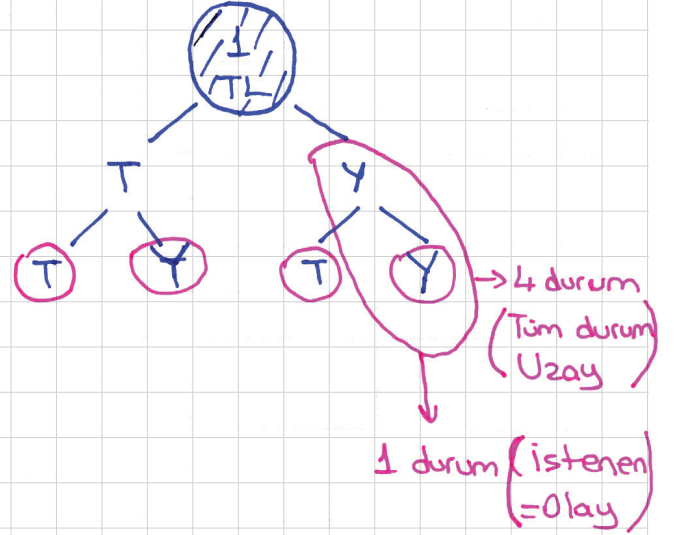
Çözüm

köklerinden biri A olayının olma olasılığıdır. Buna göre A olayının olmama olasılığı kaçtır?

### Çözümlü Örnekler

Bir madeni para iki kez atılıyor.  
İkisinde de yazı gelme olasılığını  
ağac seması yardımıyla bulunuz.

### Çözüm

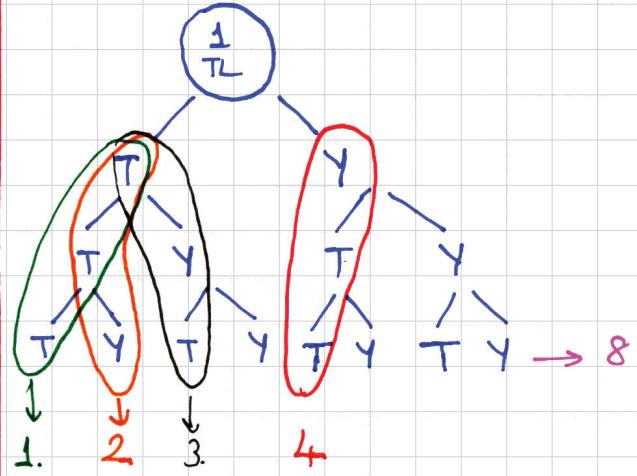


$$\frac{\text{İstenen}}{\text{Tüm Durum}} = \frac{\text{Olay}}{\text{Uzay}} = \frac{1}{4}$$

### Çözümlü Örnekler

Bir madeni para üç kez atılıyor.  
En az ikisinde tura gelme olasılığını  
bulunuz.

### Çözüm



$$\text{Tüm durum} = \text{Uzay} = 8$$

$$\text{İstenen} = \text{Olay} = 4$$

$$\frac{\text{Olay}}{\text{Uzay}} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

## Koşullu Olasılık

B olayının gerçekleşmiş olması durumunda A olayının gerçekleşmesi olasılığına A'nın B'ye bağlı koşullu olasılığı denir.

$P(A/B)$  şeklinde gösterilir.

→  $P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$  ile hesaplanır.

**UYARI** Koşullu olasılık sorularında genellikle "gerçekleştiğine göre" yada "bilindiğine göre" ifadeleri kullanılır.

**Örnek 17** Bir zar havaya atılıyor.

**Çözüm**

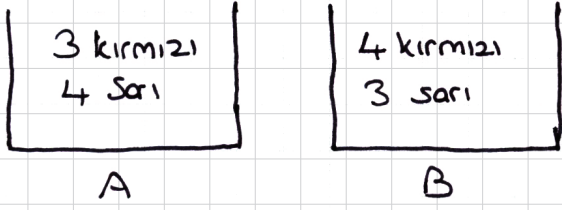
Zarın 3'ten büyük geldiği bilindiğine göre tek sayı olma olasılığı kaçtır?

**Örnek 18** İki zar havaya atılıyor.

**Çözüm**

Zarların üst yüzlerindeki sayıların her ikisinin de aynı olduğu bilindiğine göre toplamların 5'den büyük olma olasılığı kaçtır?

### Örnek 19



Bir zar havaya atılıyor. Zar 3'ten küçük gelirse; A torbasından, aksi halde B torbasından bilye çekiliyor. Çekilen bilyenin kırmızı olduğu bilindiğine göre B torbasından çekilmiş olma olasılığı kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 20

30 kişilik bir sporcu grubunun 18'i voleybolcu, 12 si basketboldur. Voleybolduklardan 10'u erkek, basketbolduklardan 8'i erkektir. Bu gruptan seçilen bir kişinin erkek olduğu bilindiğine göre voleybolcu olma olasılığı kaçtır?

### Çözüm



**Örnek 21** Bir madeni para ard arda 3 kez atılıyor. Birinci atışta yazı geldiği bilindiğine göre ikinci ve üçüncü atışta tura gelme olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 22** Bir sınıfta 18 kız, 12 erkek vardır. Kızların 5'i matematikten başarısız, erkeklerin 9'u matematikten başarılıdır. Sınıftan seçilen bir kişinin matematikten başarılı olduğu bilindiğine göre kız olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

**Örnek 23** Bir torbadaki 10 bilyeden 5'i sarı, 3'ü kırmızı, 2'si beyazdır. Bu torbadan aynı anda iki bilye seçiliyor. Seçilen bilyelerin ikisinin de farklı renkte olduğu bilindiğine göre birinin beyaz, diğerinin kırmızı olma olasılığı kaçtır?

**Çözüm**

## Teorik Olasılık

Olasılık deneyinde teorik olarak beklenen olasılığa denir.

Genellikle şu ana kadar karşılaştığımız problem tipleri teorik olasılıktır.

Örneğin; "Paranın tura gelme olasılığı  $\frac{1}{2}$  dir."

"Atılan zarın 3 gelme olasılığı  $\frac{1}{6}$  dir" gibi

## DeneySEL Olasılık

Olasılık deneyi sonucunda hesaplanan olasılıktır.

Deneydeki her çıktı birbirinden farklı ise deneySEL olasılığa başvurulur.

**NOT 1** DeneySEL olasılık değeri deneme sayısı arttıkça teorik olasılık değerine yaklaşır.

**Örnek 24** Hileli bir zar 30

kez atılıyor. 7 kez 1, 6 kez 2,

4 kez 3, 5 kez 4, 5 kez 5,

3 kez 6 gelmiştir. Buna göre bu

zarın 31. kez atıldığında 5

gelme olasılığı kaçtır.

**Çözüm**

### Örnek 25

Bir oteldeki turist sayıları aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Alman	Rus	İngiliz	Arap	İspanyol
42	20	18	25	15

Bu otele gelecek olan 121. kişinin İspanyol olma olasılığı deneysel olarak kaçtır?

### Çözüm

### Örnek 26

Bir zar atma deneyi de üste gelen sayılar sırasıyla aşağıda verilmiştir.

5,4,6,4,2,1,3,4,5,3,5,4,6,  
6,1,2,1,2,5,6,2,4,5,x

24 kez atılan bu zarda deneysel olasılık ile teorik olasılığın aynı olması için x ne olmalıdır.

### Çözüm

# ÜNİTE 1

1)  $5^{\circ} 14' 40''$

2)  $65^{\circ} 9' 8''$

3)  $65^{\circ} 52' 19''$

4)  $\pi/3$

5)  $\frac{3\pi}{4}$

6)  $108^{\circ}$

7)  $300^{\circ}$

8)  $30^{\circ}$

9)  $280^{\circ}$

10)  $\frac{3\pi}{5}$

11)  $\frac{3\pi}{4}$

12) 2

13)  $\frac{4}{5}$

14)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$

15)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$

16)  $\frac{1}{2}$

17) 3

18)  $\frac{2}{3}$

19) 2

20)  $\frac{3}{4}$

21)  $\frac{1}{3}$

22)  $\frac{4}{9}, \frac{4}{3}$

23)  $\frac{3}{5}$

24)  $\frac{4}{5}$

25) 4

26)  $15+20\sqrt{3}$

27)  $1+\sin x$

28)  $\sin x$

29) 2

30)  $\cot x$

31) 1

32)  $2\cot x$

33)  $11/4$

34)  $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 1$

35) 1

36)  $1/3$

37)  $89/2$

38) 1

39) 3

40)  $4/5$

41)  $e, b = 2$   
 $e, k = -4$

42)  $e, b = 7$   
 $e, k = -3$

43) +, -, +, -

44)  $c < d < a < b$

45)  $b < c < d < a$

46)  $a < b < c < d$

47) Yalnız II

48)  $-7/5$

49)  $-\frac{79}{156}$

50)  $1 - \cos \alpha$

51)  $\sec \alpha - 1$

52)  $\frac{\cos^3 \alpha}{2 \sin \alpha}$

53)  $\sin 2\alpha$

54)  $\frac{11}{4}$

55) 1

56)  $1/m$

# ÜNİTE 1

- 57)  $-\frac{1}{2}$   $-\sin \alpha$   
 $\frac{\sqrt{3}}{2}$   $\sin \alpha$   
 $1$   $\sin \alpha$   
 $-\sqrt{3}$   $\tan \alpha$   
 $\frac{\sqrt{3}}{2}$   $-\tan \alpha$   
 $-\frac{\sqrt{2}}{2}$   $-\sin \alpha$   
 $-\frac{1}{2}$   $-\cos \alpha$   
 $-\cos 40$   $\tan \alpha$   
 $\cot 13$   $-\cot \alpha$   
 $\cot 40$   $-\sin \alpha$   
 $\cos \alpha$   $-\sin \alpha$   
 $-\sin \alpha$   $-\tan \alpha$

58)  $-\frac{3}{5}$

59)  $\frac{11}{15}$

60)  $\frac{21}{10}$

61)  $-\sin b$

62)  $\frac{3}{4}$

63)  $d < a < b < c$

64)  $\frac{11}{20}$

65)  $\frac{1}{a}$

66)  $2$

67)  $2\sqrt{7}$

68)  $120^\circ$

69)  $150^\circ$

70)  $36$

71)  $\sqrt{106}$

72)  $\sqrt{41}$

73)  $4\sqrt{3}$

74)  $6$

75)  $\frac{2}{3}$

76)  $\frac{1}{3}$

77)  $12$

78)  $6\sqrt{2}$

79)  $6\sqrt{3}$

80)  $\sqrt{2}$

81)  $4\sqrt{3}$

82)  $6$

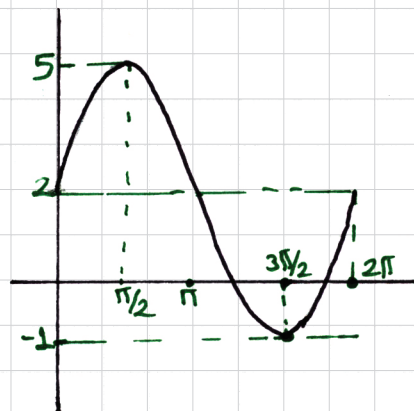
83)  $\pi$   $\frac{2\pi}{5}$

$\frac{\pi}{2}$   $\frac{2\pi}{3}$

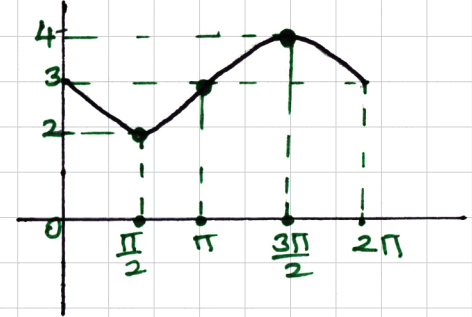
$\frac{3\pi}{2}$   $\frac{3\pi}{2}$

$2\pi$   $\frac{2\pi}{3}$

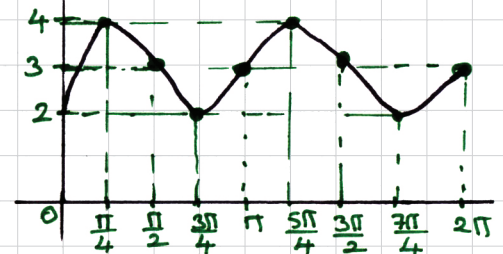
84)



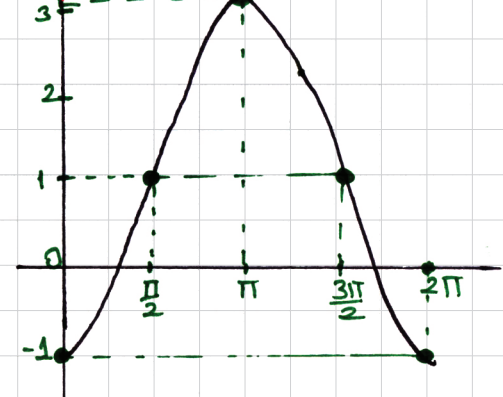
85)



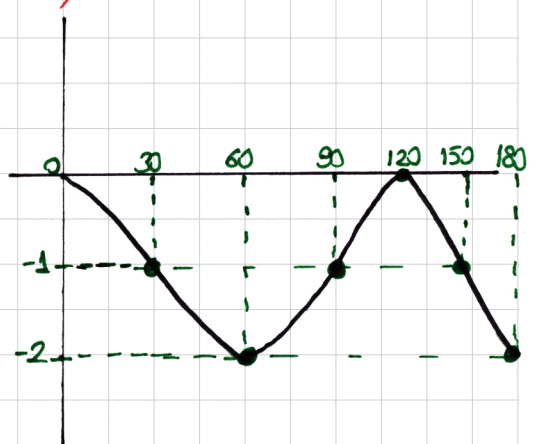
86)



87)

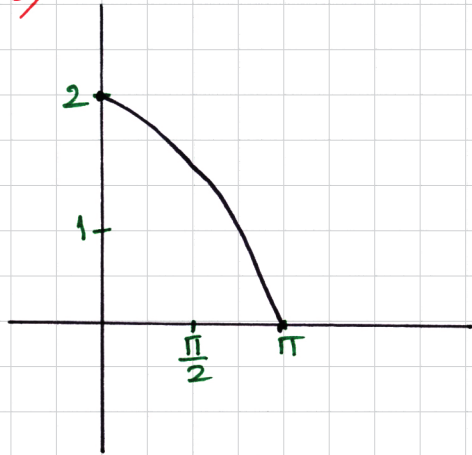


88)

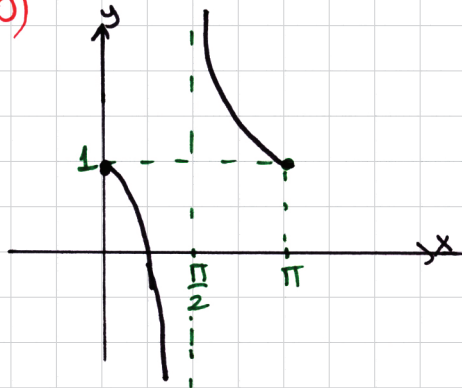


# ÜNİTE 1

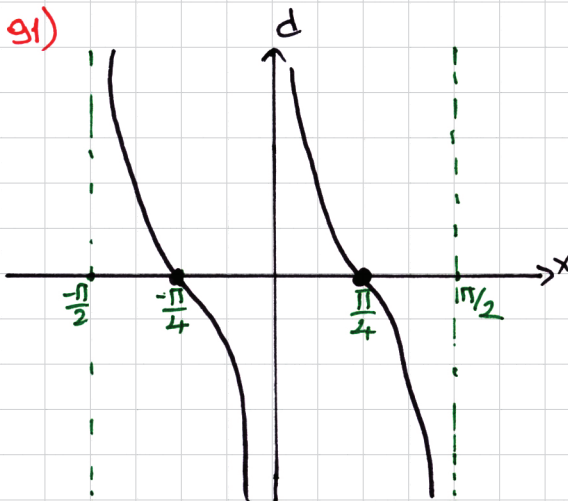
89)



90)



91)



92)  $\frac{\pi}{3}$

93)  $\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$

94)  $\frac{4}{3}$

95)  $\frac{-1}{2\sqrt{2}}$

96)  $\frac{1}{\sqrt{5}}$

97) 2

98)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

99)  $\frac{-\sqrt{3}}{2}$

100) -1

101) 4

102)  $\frac{-2}{\sqrt{3}}$

## ÜNİTE 2

- |  |   |  |  |
|--|---|--|--|
| <p>1) -1</p> <p>2) 4</p> <p>3) (8,0)</p> <p>4) 3. Bölge</p> <p>5) 4. Bölge</p> <p>6) 6</p> <p>7) (-8,1)</p> <p>8) (-3,0)</p> <p>9) (7,4)</p> <p>10) (6,1)</p> <p>11) <math>2\sqrt{13}</math></p> <p>12) <math>\{-2,6\}</math></p> <p>13) <math>(5/2, 0)</math></p> <p>14) <math>3x+y=6</math></p> <p>15) 39</p> <p>16) (-1,5)</p> <p>17) <math>\sqrt{10}</math></p> <p>18) 4</p> <p>19) <math>\sqrt{5}</math></p> <p>20) 11</p> <p>21) 6</p> | <p>22) (2,0)</p> <p>23) <math>(-3/2, 9/2)</math></p> <p>24) <math>(5/3, 0)</math></p> <p>25) <math>(1, 9/2)</math></p> <p>26) 18</p> <p>27) <math>3x-4y+12=0</math></p> <p>28) -4</p> <p>29) 9</p> <p>30) <math>y=2x-10</math></p> <p>31) 18</p> <p>32) 12</p> <p>33) <math>-1/2</math></p> <p>34) 4</p> <p>35) <math>1-4/3</math></p> <p>2- a) <math>-1/\sqrt{3}</math><br/>         b) <math>-2/\sqrt{3}</math><br/>         c) <math>3/2</math><br/>         d) 1<br/>         e) 0<br/>         f) Tanımsız<br/>         g) <math>-3/5</math><br/>         h) 3<br/>         i) 5<br/>         j) Tanımsız<br/>         k) 0</p> <p>36) 0</p> | <p>37) <math>12/5</math></p> <p>38) 5</p> <p>39) <math>5/12</math></p> <p>40) 6</p> <p>41) 7</p> <p>42) 2</p> <p>43) -8</p> <p>44) <math>-3/5</math></p> <p>45) -5</p> <p>46) <math>5/4</math></p> <p>47) (-6,0)</p> <p>48) 1</p> <p>49) <math>2\sqrt{3}</math></p> <p>50) <math>\sqrt{3}/2</math></p> <p>51) <math>1/4</math></p> <p>52) <math>15y=8x</math></p> <p>53) 114</p> <p>54) <math>y=3x</math></p> <p>55) <math>y=2x</math></p> <p>56) <math>y=4x-5</math></p> <p>57) <math>2x+5y-13=0</math></p> | <p>58) <math>y=x-3</math></p> <p>59) <math>y=2x+4</math></p> <p>60) <math>x+y-3=0</math></p> <p>61) a) 3<br/>b) <math>y=-2x+13</math></p> <p>62) -77</p> <p>63) -7</p> <p>64) (-1,2)</p> <p>65) (1,3)</p> <p>66) <math>3x+4y+6=0</math></p> <p>67) -3</p> <p>68) 2</p> <p>69) <math>\sqrt{5}</math></p> <p>70) 20</p> <p>71) <math>\sqrt{5}</math></p> <p>72) <math>\frac{5\sqrt{13}}{26}</math></p> <p>73) 5</p> <p>74) 10</p> <p>75) <math>x-3y+2=0</math></p> |
|--|---|--|--|

## ÜNİTE 3

1)  $(1, 3)$  negatif  
 $(-3, 1) \cup (3, 5)$  pozitif

2) 8

3) a)  $(-7, -5) \cup (1, 6)$

b)  $(-7, 3) \cup (-1, 4)$

c)  $(-7, 5) \cup (1, 4)$  veya  
 $(-3, -1) \cup (6, 8)$

d)  $[-5, -3] \cup [-1, 1] \cup [4, 6]$

4)  $(-\infty, 1) \cup (4, 8)$  azalan  
 $(1, 4)$  artan

5) a)  $(a, d) \cup (m, p)$

b)  $(-\infty, a] \cup [0, p]$

c)  $(a, d)$

d)  $(0, \infty)$

e)  $(m, \infty)$

6) 3

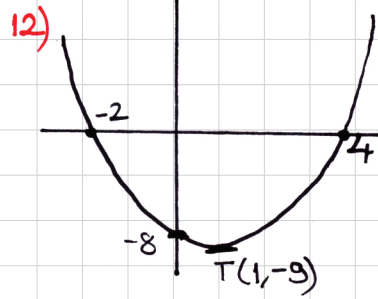
7) 3

8) c

9)  $7/3$

10) 4

11) 80



13) a)  $x = 3$

b) 21

14) -3

15) 9

16) En küçük = -1  
 En büyük = 35

17) 14

18) 2

19) 22

20)  $\sqrt{2}$

21) -9

22)  $3/4$

23)  $3\sqrt{5}$

24)  $d < c < a < b$

25)  $8/3$

26)  $y = 2x^2 - 8x + 6$

27)  $y = -(x+2)^2$



# ÜNİTE 3

28)  $y = (x-1)^2 + 3$

29)  $y = 2(x-1)^2 - 2$

30) a) -      b) -  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |

c) +      d) +  
 -            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |

e) +      f) -  
 -            |  
 +            |  
 +            |  
 +            |  
 0            |  
 0            |  
 0            |  
 0            |

31) I, II, III, IV

32) -9

33) 0

34) (-2, 8)  
 (4, 14)

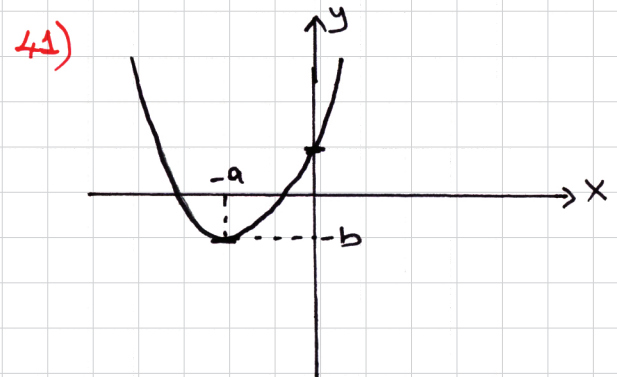
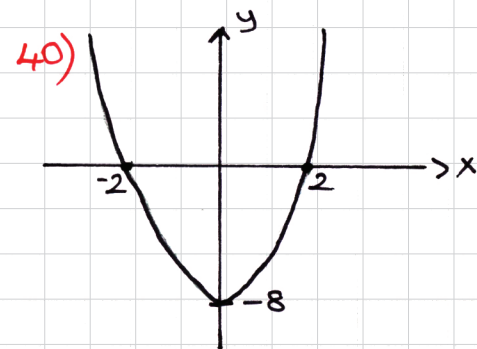
35) 10

36)  $y = 2x - 14$

37)  $4\sqrt{2}$

38) (3, 11)

39)  $n > -3$



42) a.b

# ÜNİTE 4

1)  $\{(4,1), (4,-1), (-4,1), (-4,-1)\}$

2)  $(-4,2)$

3)  $(3,16)$

4)  $\{(5,15), (-3,-1)\}$

5)  $\{(1,-1)\}$

6)  $\{(3,1), (-3,-1)\}$

7) 2

8) 2

9)  $[-2,3]$

10)  $(-\infty, 0) \cup (3, \infty)$  veya  
 $\mathbb{R} - [0, 3]$

11)  $[-5,6]$

12)  $(-4,3)$

13)  $(-\infty, -5) \cup [-4, -3] \cup (1, 4] \cup (5, \infty)$

14)  $(-4,1)$

15)  $\mathbb{R}$

16)  $\mathbb{R}$

17)  $\mathbb{R}$

18)  $\emptyset$

19)  $m > 6$

20)  $(2,3)$

21)  $(-\infty, \frac{b}{a}] \cup [-\frac{a}{b}, \infty)$

22)  $[a,b) \cup [c, \infty)$

23) 0

24)  $(1, \frac{5}{2})$

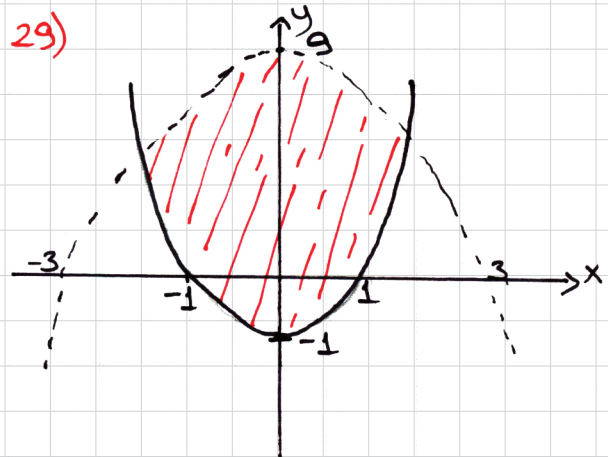
25) 12

26)  $\emptyset$

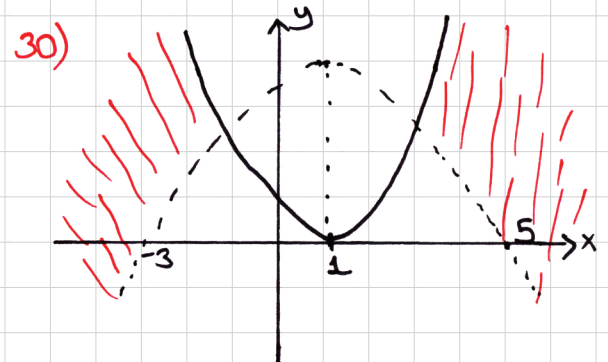
27)  $(3,5]$

28)  $\emptyset$

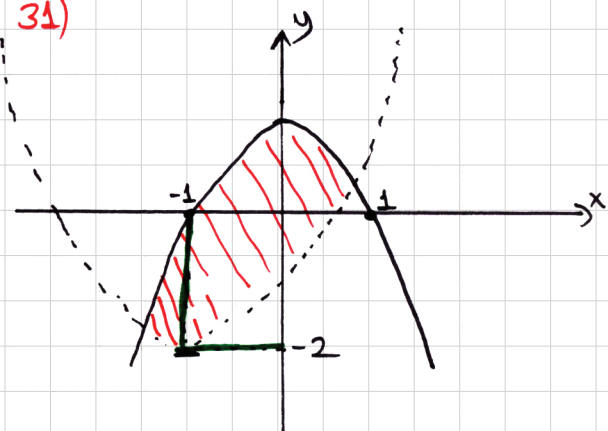
29)



30)



31)



## ÜNİTE 5

1)  $3\sqrt{3}$

2) 14

3) 5

4)  $3\sqrt{5}$

5) 12

6) 8

7)  $5\sqrt{2}$

8) 32

9) 45

10) 80

11) 70

12) 20

13) 52,5

14) 65

15) 20

16) 81

17) 60

18) 110

19) 25

20) 40

21) 5

22) 8

23) 19

24) 60

25) 8

26) 25

27) 55

28) 40

29) 50

30) 50

31) 60

32) 77

33) 4

34)  $12\pi$

35) 6

36) 6

37) 4

38) 6

39) 4

40) 16

41) 8

42) 4

43) 12

44) 5

45) 24

46) 1

47)  $2\sqrt{10}$

48) 10

49) 18

50) 5

51)  $4\sqrt{5}$

52) 12

53) 12

54)  $6-3\sqrt{2}$

55) 5

56)  $4\sqrt{3}$

57)  $\sqrt{85}$

58)  $2\sqrt{2}$

59) 8

60) 2

61)  $2\sqrt{3}-2$

62)  $2\sqrt{2}$

63) 12

64) 2

65) Çevre =  $8\pi$   
Alan =  $16\pi$

66) a)  $6\pi$

b)  $2\pi$

67)  $30-2\pi$

68)  $5\pi/3$

69) 45

70)  $3\pi$

71)  $2\pi$

72)  $\frac{16\pi}{3} - 4\sqrt{3}$

73)  $\frac{128\pi}{3} - 32\sqrt{3}$

74)  $9\sqrt{3} - 3\pi$

75)  $\frac{27\pi}{4}$

76)  $25\pi$

77)  $\frac{14\pi}{3}$

## ÜNİTE 6

1) Alan =  $24\pi$   
Hacim =  $16\pi$

2) Alan =  $126\pi$   
Hacim =  $126\pi$

3) 48

4)  $10\pi$

5)  $5\pi$

6) 8

7)  $4/3$

8) Alan =  $90\pi$   
Hacim =  $100\pi$

9)  $8\pi$

10) 3

11)  $28\pi$

12)  $\frac{64\sqrt{3}\pi}{3}$

13)  $7/4$

14) Alan =  $96\pi$   
Hacim =  $96\pi$

15) 58

16) 9

17) 72

18)  $9\sqrt{15}\pi$

19) 18

20)  $18\pi$

21)  $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{13}}$

22)  $\sqrt[3]{19}$

23) Alan =  $144\pi$   
Hacim =  $288\pi$

24)  $36\pi$

25)  $\frac{4000\pi}{3}$

26)  $16\pi/3$

27)  $16\pi$

28)  $\frac{32}{\sqrt{3}}$

29)  $\frac{16\sqrt{2}\pi + 16\pi}{3}$

30)  $240\pi$

## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



A large grid area for writing, enclosed by a dashed border.

## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



A large grid area for writing, enclosed by a dashed border.

## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



A large grid area for writing, enclosed by a dashed border.

## ÖĞRETMENİM DİYOR Kİ:



A large grid area for writing, enclosed by a dashed border.